

Удивительная история развития сортировки в JDK

Владимир Ярославский

Руководитель направления, Сбербанк

пятница, 13 октября 2023

Сортировка в JDK

`java.util.Arrays.sort()` — какая сортировка будет вызвана?



Сортировка в JDK

для объектов — [Timsort](#)

для простых типов данных (int, long, float, ...) — [Dual-Pivot Quicksort](#)

```
sort
```

```
public static void sort(int[] a)
```

Sorts the specified array into ascending numerical order.

Implementation note: The sorting algorithm is a Dual-Pivot Quicksort by Vladimir Yaroslavskiy, Jon Bentley, and Joshua Bloch. This algorithm offers $O(n \log(n))$ performance on many data sets that cause other quicksorts to degrade to quadratic performance, and is typically faster than traditional (one-pivot) Quicksort implementations.

Сортировка в JDK

Зачем нам два алгоритма: [Timsort](#) и [Dual-Pivot Quicksort](#)



```
sort
```

```
public static void sort(int[] a)
```

Sorts the specified array into ascending numerical order.

Implementation note: The sorting algorithm is a Dual-Pivot Quicksort by Vladimir Yaroslavskiy, Jon Bentley, and Joshua Bloch. This algorithm offers $O(n \log(n))$ performance on many data sets that cause other quicksorts to degrade to quadratic performance, and is typically faster than traditional (one-pivot) Quicksort implementations.

Сортировка в JDK 6

Методы `java.util.Arrays.sort()`

Объекты — [Merge sort](#)

стандартная реализация

Простые типы данных (`int`, `long`, `float`, ...) — классический [Quicksort](#)
реализация Jon L. Bentley, M. Douglas McLLROY

Сортировка в JDK 7

Методы `java.util.Arrays.sort()`

Объекты — [Timsort](#)

New! Tim Peters

Простые типы данных (`int`, `long`, `float`, ...) — [Dual-Pivot Quicksort](#)

New! Vladimir Yaroslavskiy,
Jon Bentley, Josh Bloch, 2009

Сортировка в JDK

Сортировка [Dual-Pivot Quicksort](#) используется более 14 лет не только в [JDK](#), но и в [Android](#)



Содержание

Timsort

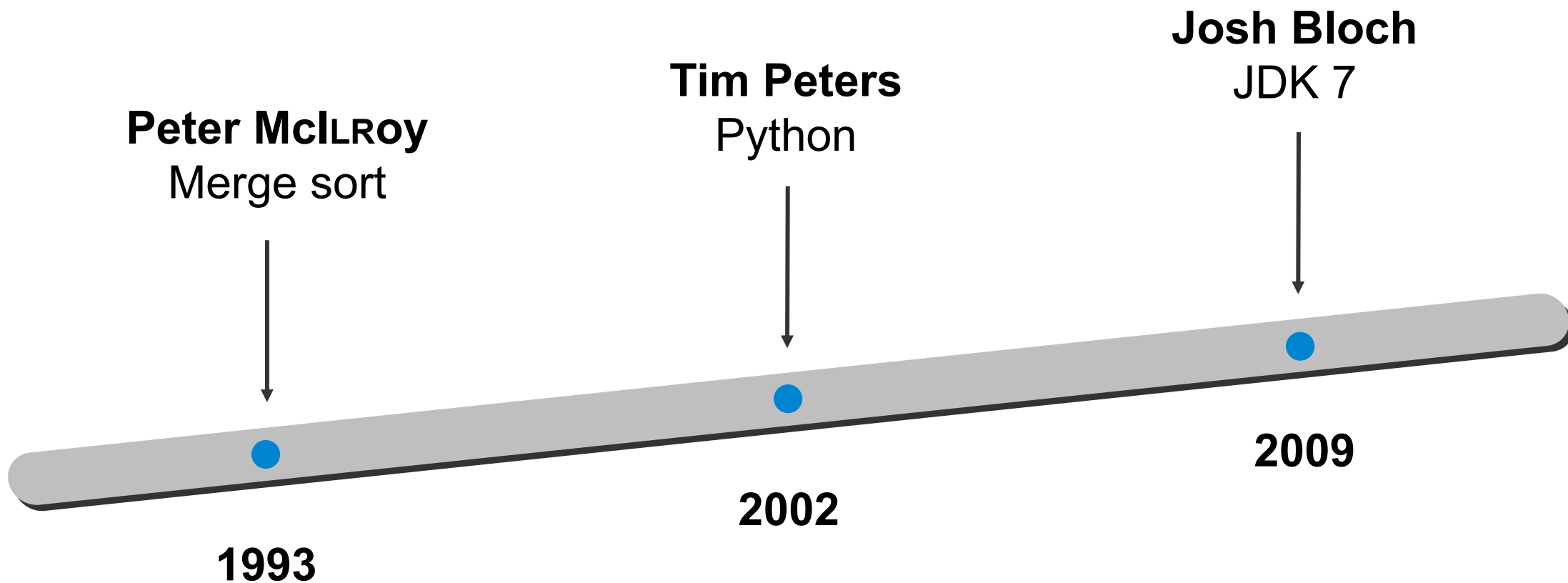
Dual-Pivot Quicksort

Тестирование сортировки

Дополнительные материалы

Вопросы и ответы

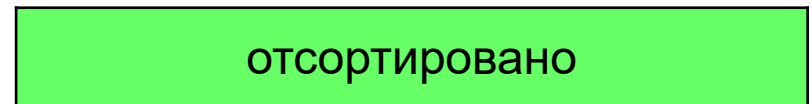
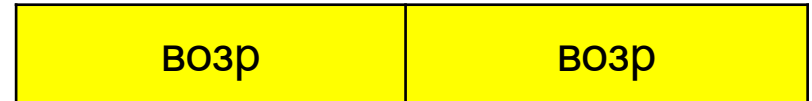
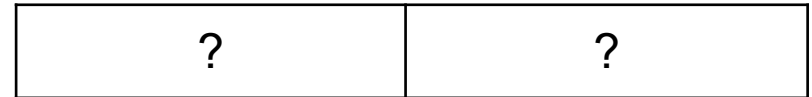
История Timsort



Merge sort (сортировка слиянием)

Алгоритм

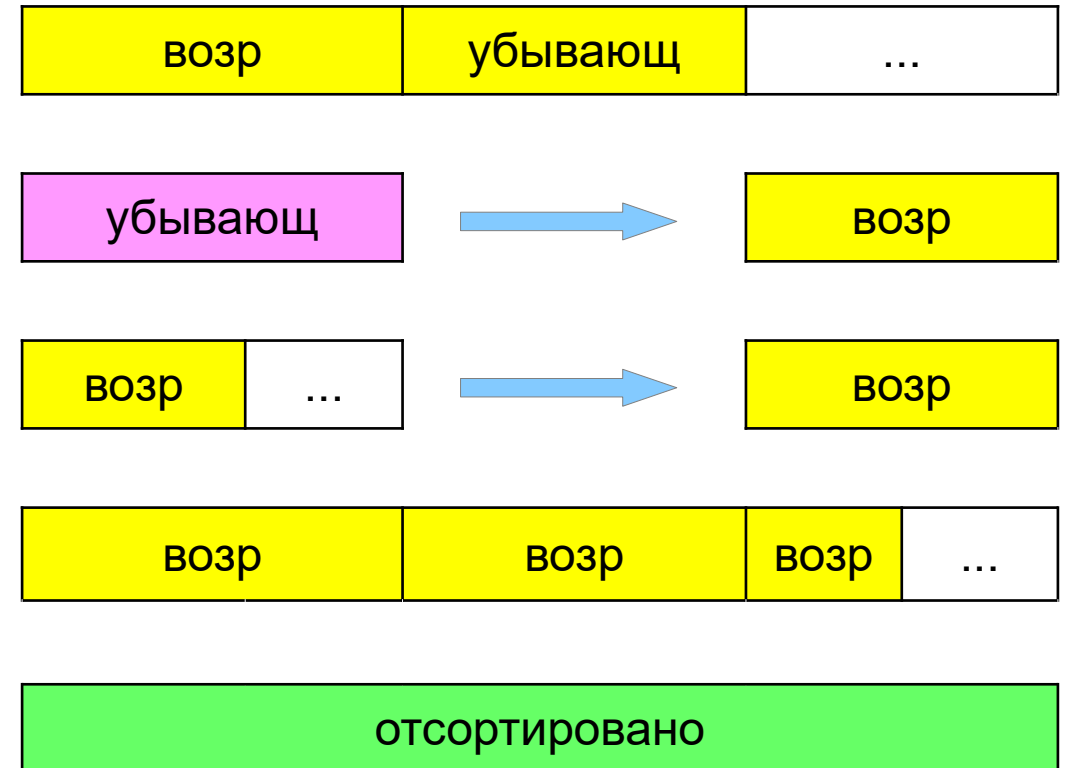
1. Массив делится на две равные части
2. Каждая часть сортируется рекурсивно
3. Обе части сливаются обратно в массив



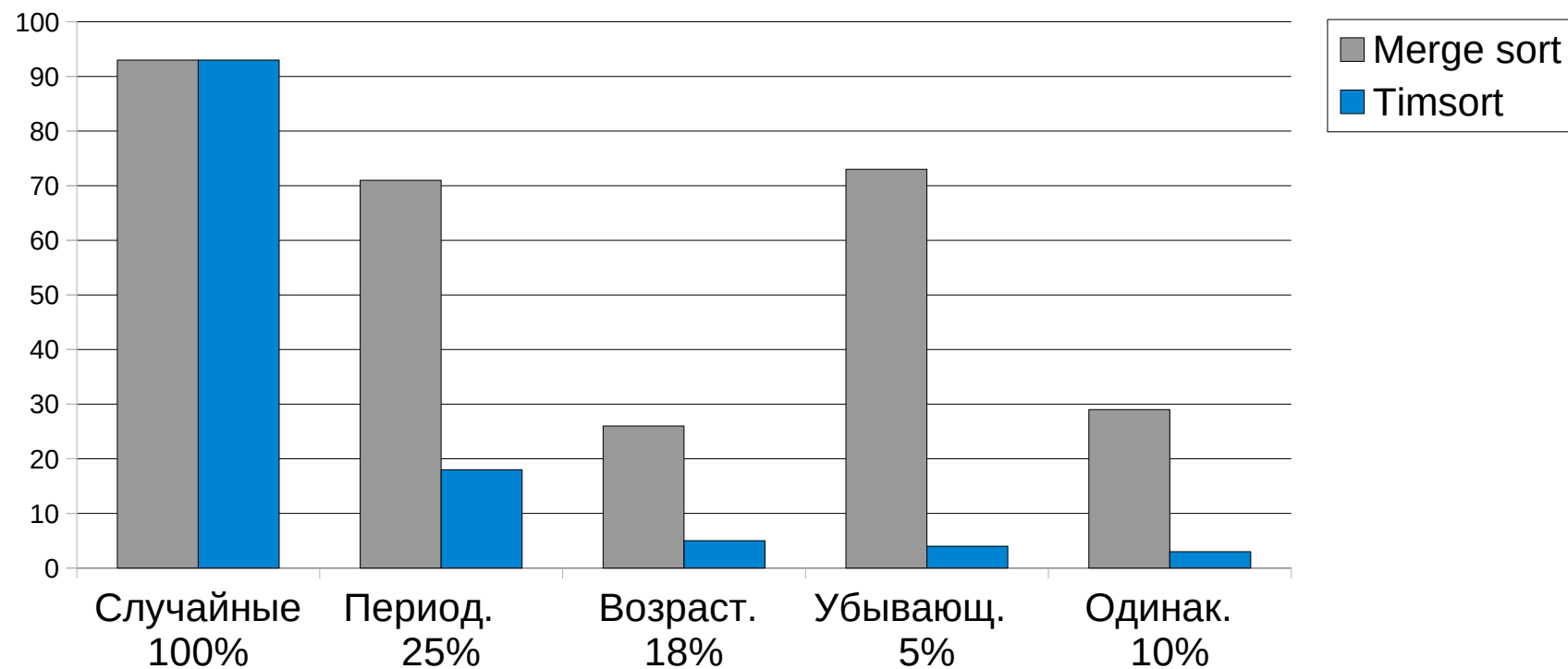
Timsort

Алгоритм

1. Ищутся возр. и убыв. послед-сти
2. Убыв. последовательности
переворачиваются
3. Короткие последовательности
расширяются до мин. длины
4. Последовательности
сливаются обратно в массив



Timsort vs. Merge sort



Сравнение алгоритмов на тестовом наборе Jon'a Bentley из 1 000 000 элементов

Тестовый набор Jon'a Bentley

Типы

random: $a[i] = \text{random}(m)$

sawtooth: $a[i] = i \% m$

stagger: $a[i] = (i * m) \% n$

plateau: $a[i] = \min(i, m)$

...

...

Модификации

copy(a)

reverse(a, 0, n)

reverse(a, 0, n/2)

reverse(a, n/2, n)

...

Параметры

$m = 1, 2, 4, 8, \dots, 2*n$, где n — длина массива

$n = 10, 100, 1\ 000, 10\ 000, 1\ 000\ 000$

Содержание

Timsort

Dual-Pivot Quicksort

Тестирование сортировки

Дополнительные материалы

Вопросы и ответы

Классический Quicksort

Алгоритм (С. А. Р. Hoare, 1959)

1. Выбирается один опорный элемент, P



2. Элементы перегруппируются



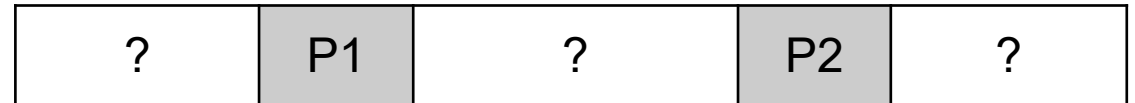
3. Каждая часть сортируется рекурсивно



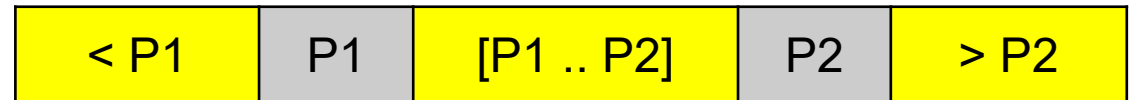
Один хорошо, а два лучше

Алгоритм

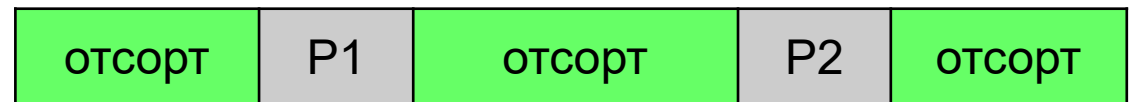
1. Выбираются два опорных элемента, $P1 \leq P2$



2. Элементы перегруппируются

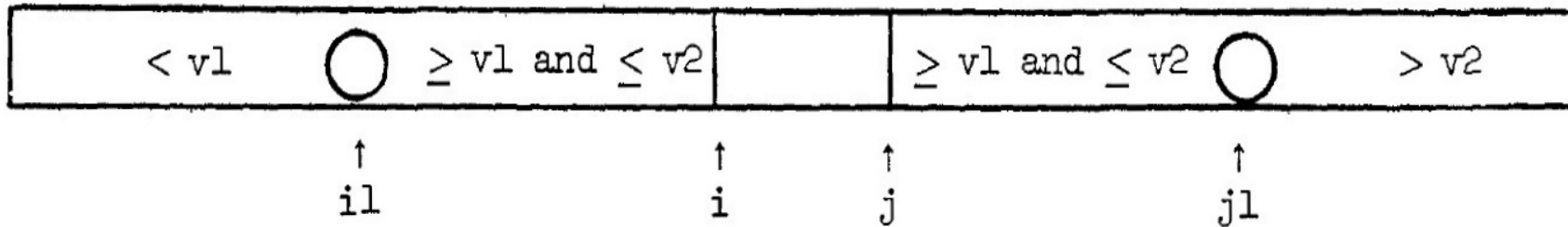


3. Каждая часть сортируется рекурсивно



Извлечен из пыльного сундука истории

“Two-partion” Quicksort



“This is nearly 2.5 times worse than the exchanges required by our other algorithms. We need go no further with analysis, for we can never hope to recoup this loss.”

*Robert Sedgewick, PhD Thesis "Quicksort", 1975
Chapter 5, pp.150 – 159*

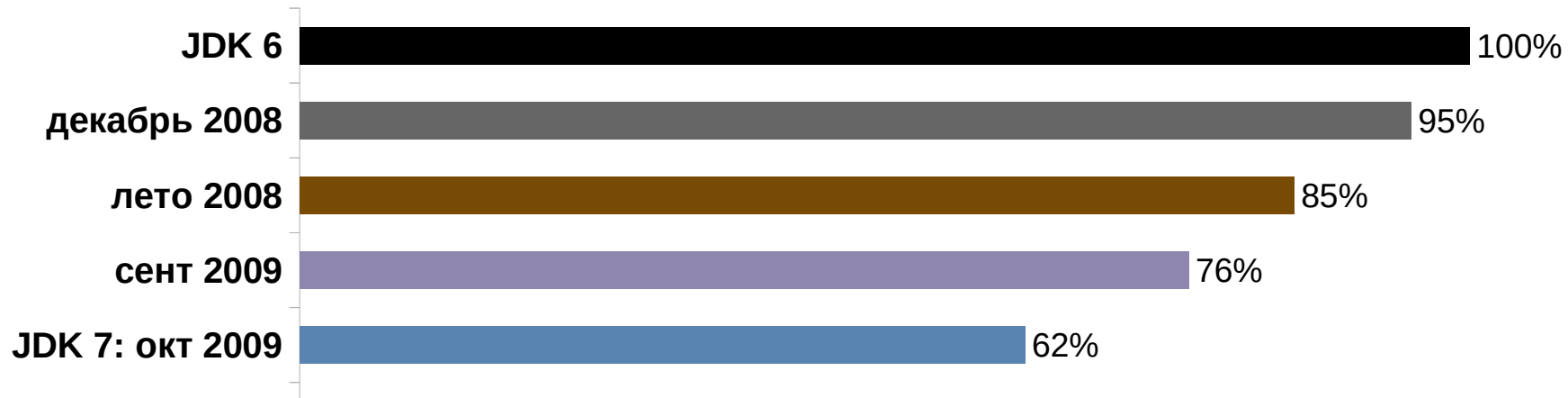
Как все начиналось



- август 2008 — идея: что если взять 2 опорных элемента?
- сентябрь 2008 — проверка идеи на списках
- декабрь 2008 — черновая версия для массивов
- весна 2009 — обсуждение сортировки с Joch Bloch
- лето 2009 — улучшение сортировки

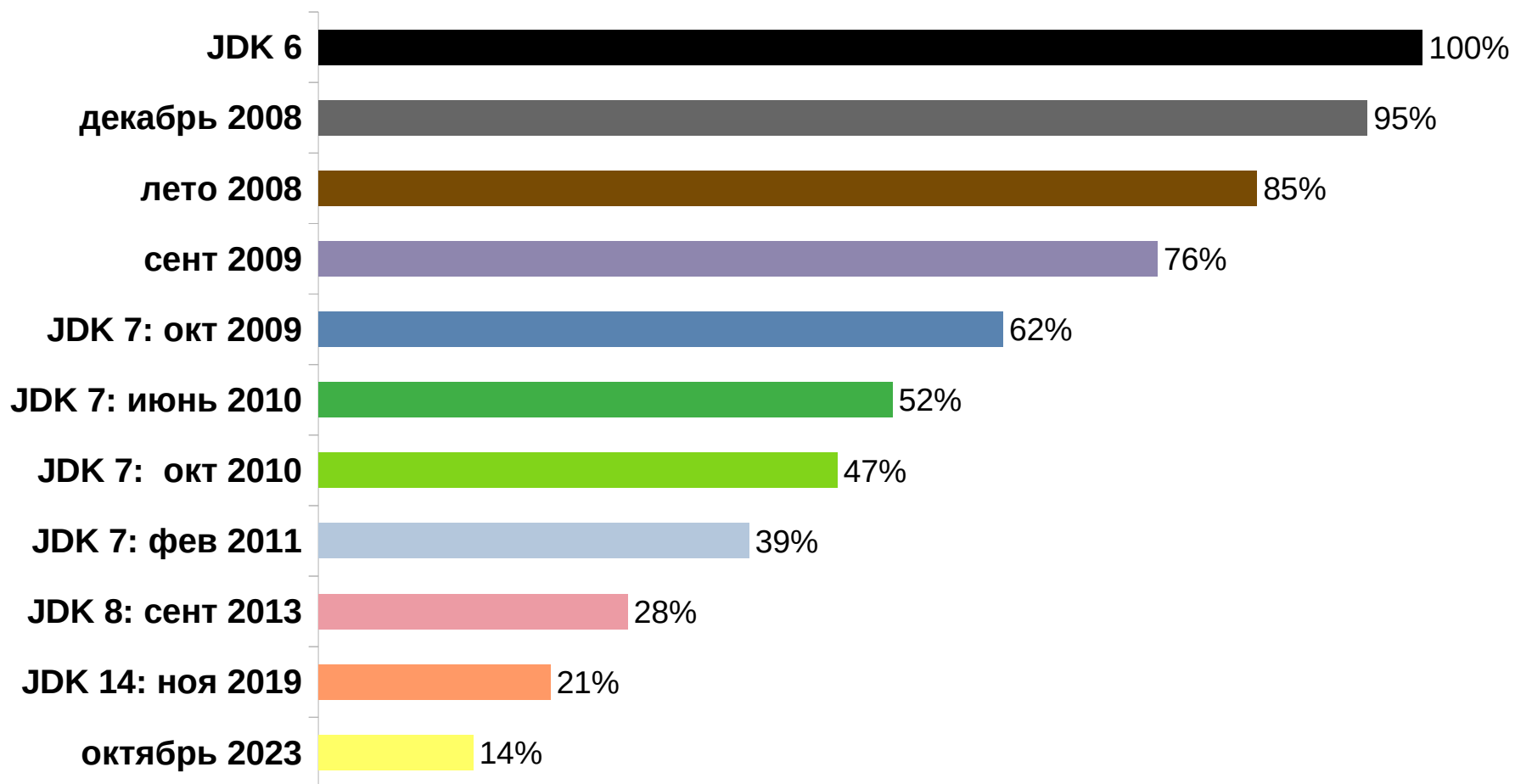


Как все начиналось

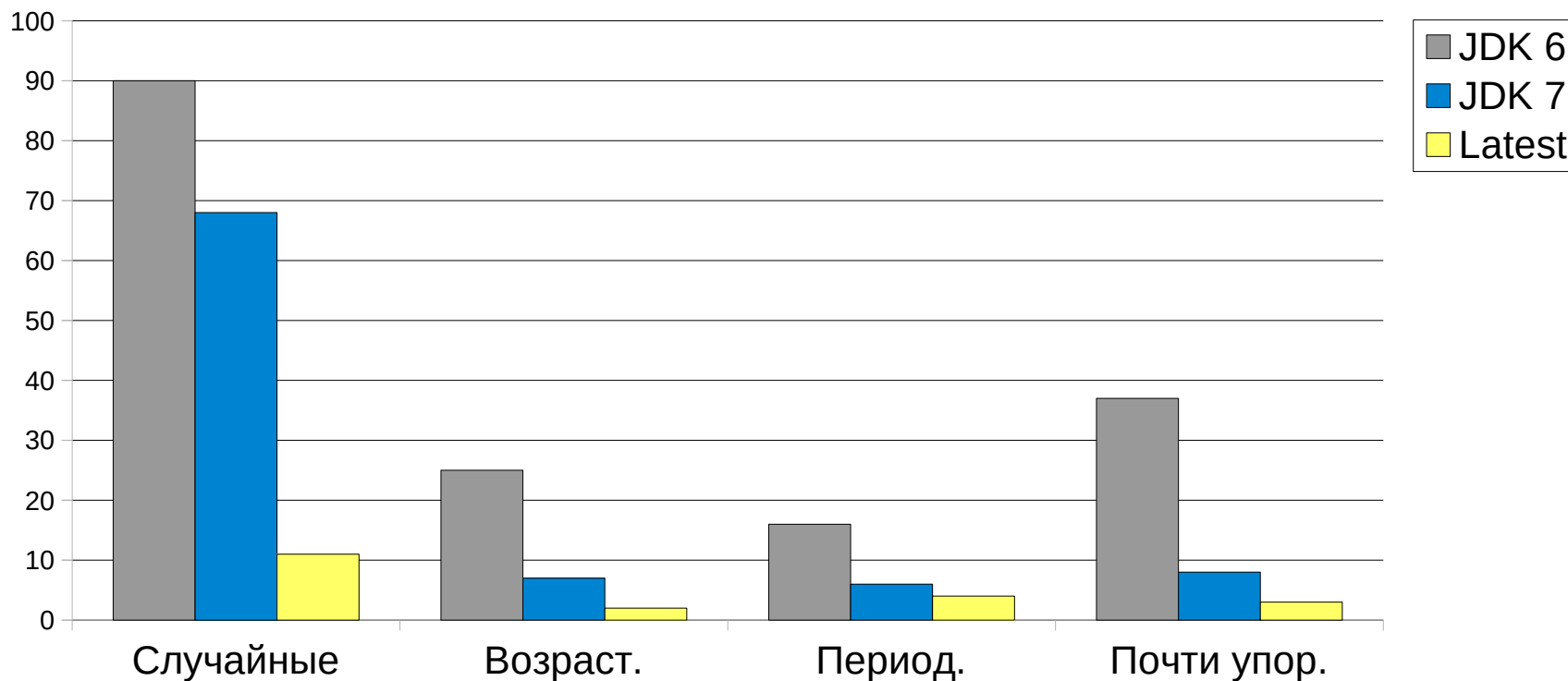


- август 2009 — Josh Bloch: невозможно отмахнуться от результатов
- сентябрь 2009 — Jon'a Bentley дал ценные советы по улучшению
- октябрь 2009 — Josh Bloch помог интегрировать сортировку в JDK

Развитие Dual-Pivot Quicksort



Dual-Pivot Quicksort vs. Quicksort



Сравнение алгоритмов на тестовом наборе Jon'a Bentley из 1 000 000 элементов

Dual-Pivot Quicksort изнутри

Сортировка небольших массивов

Опорные элементы

Разбиение массива

Сортировка вещественных чисел

Параллельная сортировка

Лучшая сортировка



Dual-Pivot Quicksort



Сортировка небольших массивов

Insertion sort (сортировка вставками)



Сортировка небольших массивов

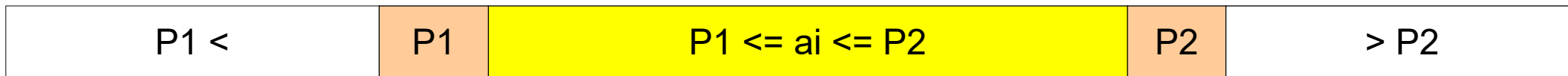
```
for (int j, i = left+1; i <= right; ++i) {  
    int ai = a[i];  
    for (j = i-1;    j >= left &&    ai < a[j]; --j) {  
        a[j+1] = a[j];  
    }  
    a[j+1] = ai;  
}
```

Сортировка небольших массивов

```
for (int j, i = left+1; i <= right; ++i) {  
    int ai = a[i];  
    for (j = i-1; /* j >= left && */ ai < a[j]; --j) {  
        a[j+1] = a[j];  
    }  
    a[j+1] = ai;  
}
```



Первый опорный элемент играет роль **часового**



Pair insertion sort (парная сортировка вставками)

Алгоритм

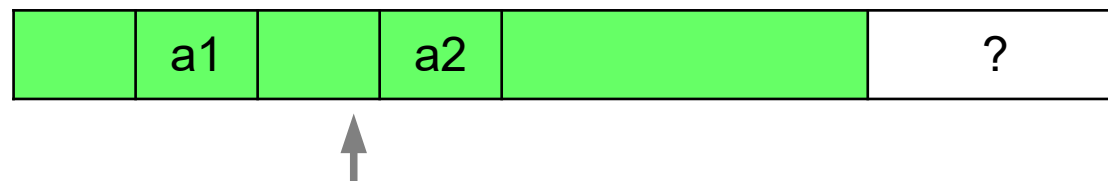
1. Берем два элемента, $a_2 \geq a_1$



2. Вставляем больший, a_2



3. Вставляем элемент a_1
перед элементом a_2





Сортировка вставками



Dual-Pivot Quicksort



Dual-Pivot Quicksort изнутри

Сортировка небольших массивов

Опорные элементы

Разбиение массива

Сортировка вещественных чисел

Параллельная сортировка

Лучшая сортировка

Оптимальный Quicksort

Один опорный элемент — хорошо

Два опорных элемента — еще лучше

Три опорных элемента — уже хуже

Оптимальное количество — ??

Оптимальный Quicksort

Один опорный элемент — хорошо

Два опорных элемента — еще лучше

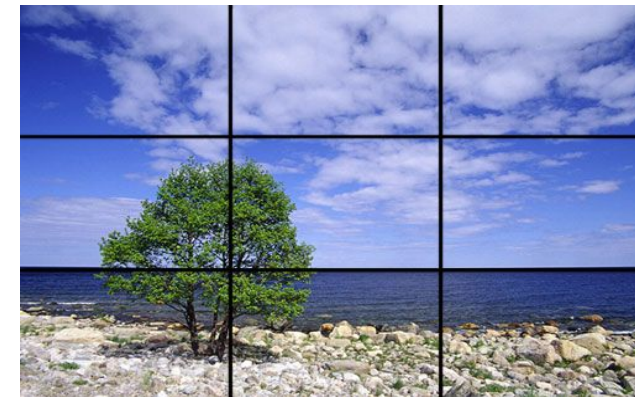
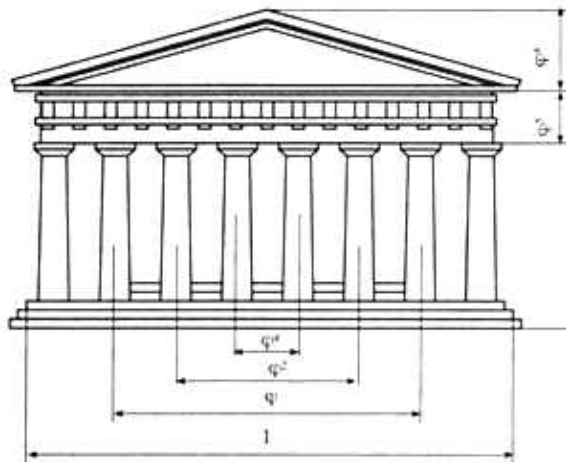
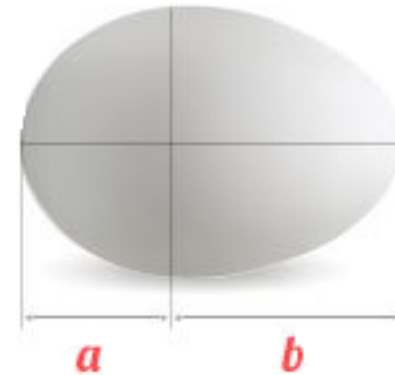
Три опорных элемента — уже хуже

Оптимальное количество — 1.6180339...

«Золотое» сечение



$$\varphi = 1.6180339\dots$$

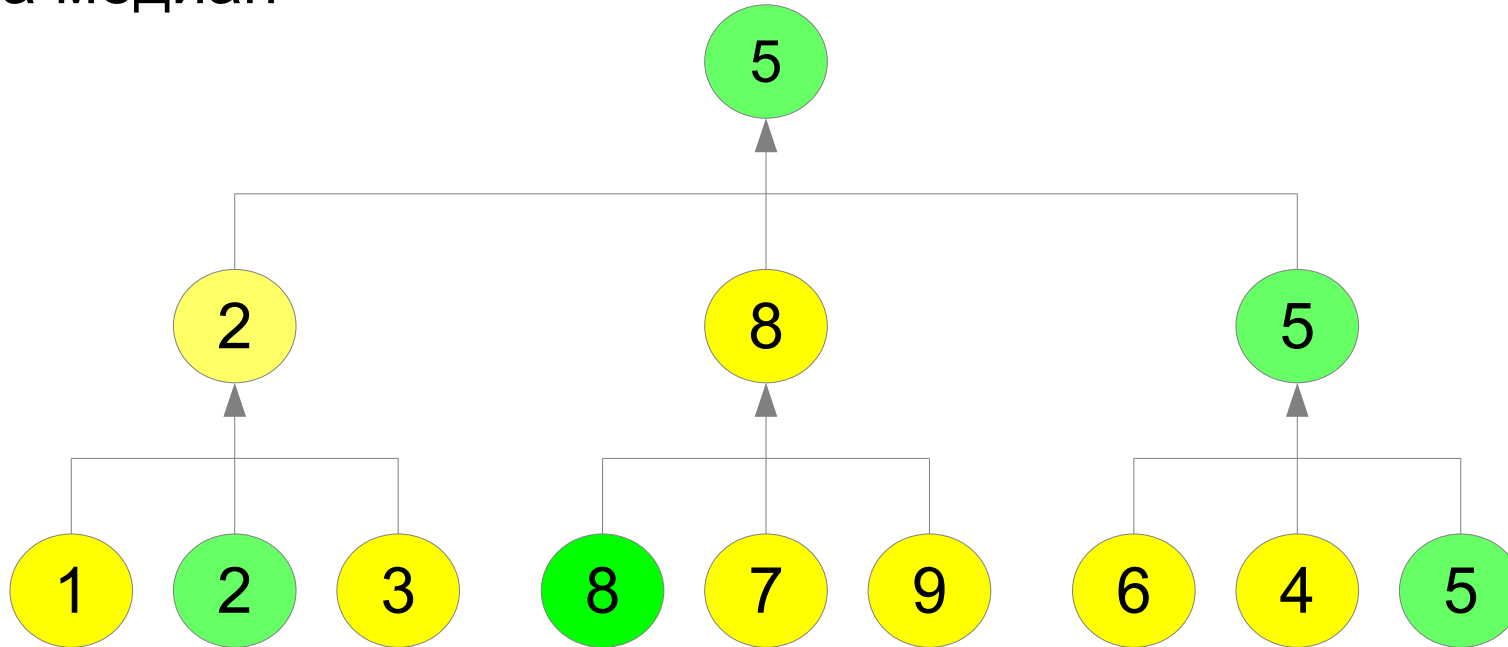


Опорные элементы

Случайные элементы

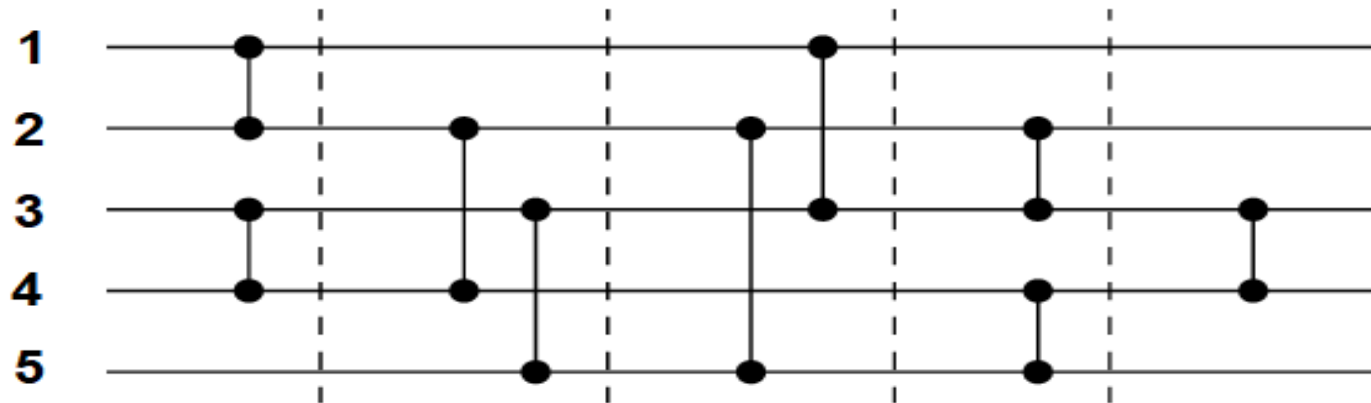
Средние или крайние

Медиана медиан



Опорные элементы

Как отсортировать 5 элементов для выбора опорных?



Сеть сортировки (sorting network) — 9 сравнений
(сортировка вставками — 10 сравнений)



Dual-Pivot Quicksort



Сортировка вставками



Сеть сортировки



Dual-Pivot Quicksort изнутри

Сортировка небольших массивов

Опорные элементы

Разбиение массива

Сортировка вещественных чисел

Параллельная сортировка

Лучшая сортировка

Разбиение массива

```
if (pivot1 != pivot2) {
```

< P1	P1 <= .. <= P2	> P2
------	----------------	------

```
} else { // Разбиение из задачи о национальном флаге
```

< P	== P (отсортировано)	> P
-----	----------------------	-----

```
}
```



Разбиение массива

Задача о национальном флаге

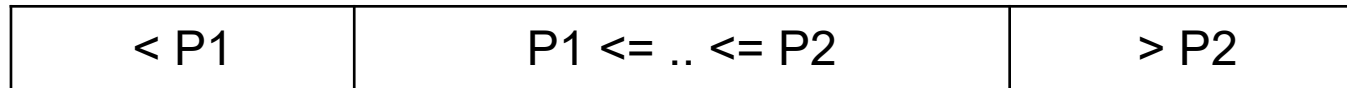
0 0 0 0 1 1 1 1 ? ? ? ? ? 2 2 2 2
^ ^ ^
| | |
lo mi hi



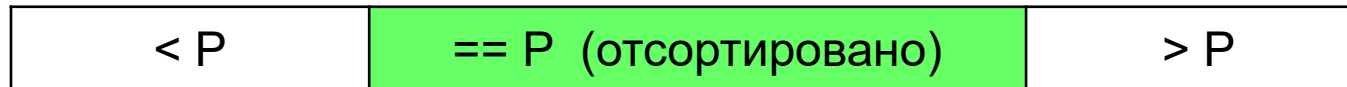
<https://leetcode.com/problems/sort-colors>

Разбиение массива

```
if (pivot1 != pivot2) {
```



```
} else { // "Dutch National Flag" (DNF)
```

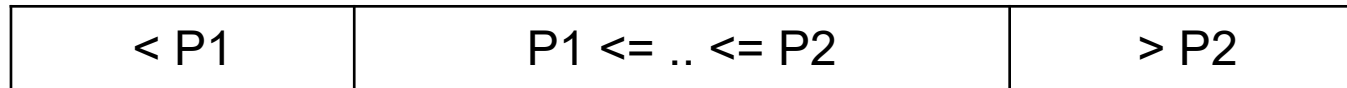


```
}
```

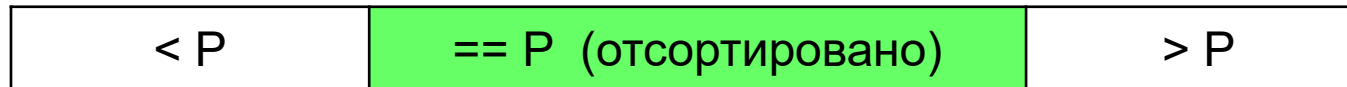
На повторяющихся данных классический Quicksort быстрее двухпорного на 10-25%

Разбиение массива

```
if (a[e1] != a[e2] != a[e3] != a[e4] != a[e5]) {
```



```
} else { // "Dutch National Flag" (DNF)
```



```
}
```

На повторяющихся данных классический Quicksort быстрее двухпорного на 10-25%



Сортировка вставками

Dual-Pivot Quicksort

0,1,2,3,0,1,2,3

Классический Quicksort (DNF)



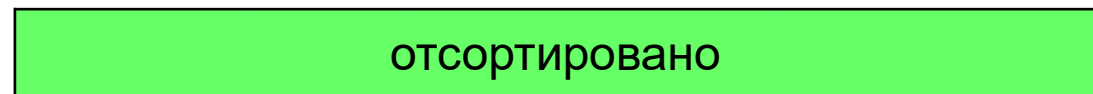
Сеть сортировки



Merging sort — сортировка [почти] упорядоченных данных

Алгоритм

1. Ищутся возр. и убыв. последовательности
2. Убыв. последовательности переворачиваются
3. Последовательности сливаются обратно в массив



Merging sort — сортировка [почти] упорядоченных данных

Количество последовательностей < MAX_COUNT

Допустимо нестрогое возрастание

$$a[k] \leq a[k + 1] \leq a[k + 2] \leq \dots \leq a[m]$$

Допустимо нестрогое убывание

$$a[k] \geq a[k + 1] \geq a[k + 2] \geq \dots \geq a[m]$$

Короткие последовательности не расширяем

Выделение дополнительной памяти под буфер*

Особенности:

- запрашиваем "грязную" память
- если нет свободной памяти, то не падаем с `OutOfMemoryError`, а переключаемся только на `inline` алгоритмы



* in progress



Dual-Pivot Quicksort



Сортировка вставками



Сеть сортировки

0,1,2,3,0,1,2,3

Классический Quicksort (DNF)



Merging sort



Dual-Pivot Quicksort изнутри

Сортировка небольших массивов

Опорные элементы

Разбиение массива

Сортировка вещественных чисел

Параллельная сортировка

Лучшая сортировка

Сортировка вещественных чисел

$A == B \Rightarrow$ A и B: идентичное представление в памяти?

Да / Нет ?

Сортировка вещественных чисел

$A == B \Rightarrow$ A и B: идентичное представление в памяти?

Да / Нет ?

$A != B \Rightarrow$ A и B: различное представление в памяти?

Да / Нет ?

Сортировка вещественных чисел

$A == V \Rightarrow A$ и V : идентичное представление в памяти?

Да — математика

$A != V \Rightarrow A$ и V : различное представление в памяти?

Да — математика

Сортировка вещественных чисел

$A == B \Rightarrow A$ и B : идентичное представление в памяти?

Нет! — Java

$A != B \Rightarrow A$ и B : различное представление в памяти?

Нет! — Java

Сортировка вещественных чисел

$A == B \Rightarrow$ A и B: идентичное представление в памяти?

Нет! -0.0 и 0.0 различаются

$A != B \Rightarrow$ A и B: различное представление в памяти?

Нет! NaN != NaN (Not-a-Number)

Javadoc: порядок вещественных чисел

отриц	-0.0	0.0	положит	NaNs
-------	------	-----	---------	------

Сортировка вещественных чисел

Алгоритм #1

1. Переместить все NaN'ы в конец массива
2. Отсортировать оставшиеся элементы
3. Переместить -0.0 перед 0.0, зная что
`Float.floatToRawIntBits(0.0) == 0`
`Float.floatToRawIntBits(-0.0) < 0`

Сортировка вещественных чисел

Алгоритм #2

1. Переместить все NaN'ы в конец массива, посчитать количество -0.0 и заменить их на 0.0
2. Отсортировать оставшиеся элементы
3. Заменить нужное количество первых 0.0 на -0.0



Сортировка вставками

Dual-Pivot Quicksort

0,1,2,3,0,1,2,3

Классический Quicksort (DNF)



Сеть сортировки



Merging sort

1.0f, -7.5f, 12.4f

Доп. обработка -0.0 и NaN



Dual-Pivot Quicksort изнутри

Сортировка небольших массивов

Опорные элементы

Разбиение массива

Сортировка вещественных чисел

Параллельная сортировка

Лучшая сортировка

Параллельная сортировка

Пакет `java.util.concurrent`

Классы

- * `RecursiveTask`
- * `RecursiveAction`
- * `CountedCompleter`
- ...

Методы

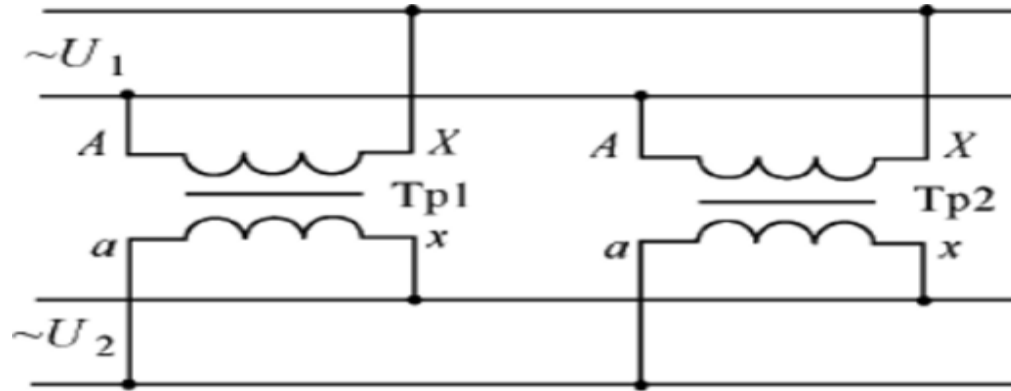
- * `compute()` — реализация алгоритма
- * `fork()`, `invoke()`, `invokeAll()`, `tryComplete()`

Параллельная сортировка

JDK 8: параллельная сортировка в несколько раз быстрее!

Arrays.parallelSort()

→ основан на Merge sort

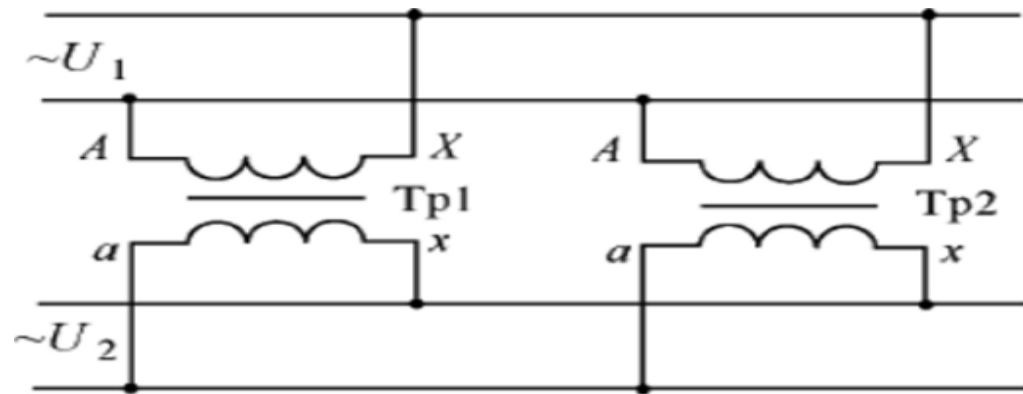


Параллельная сортировка

JDK 8: параллельная сортировка в несколько раз быстрее!

Arrays.parallelSort()

→ основан на Dual-Pivot Quicksort

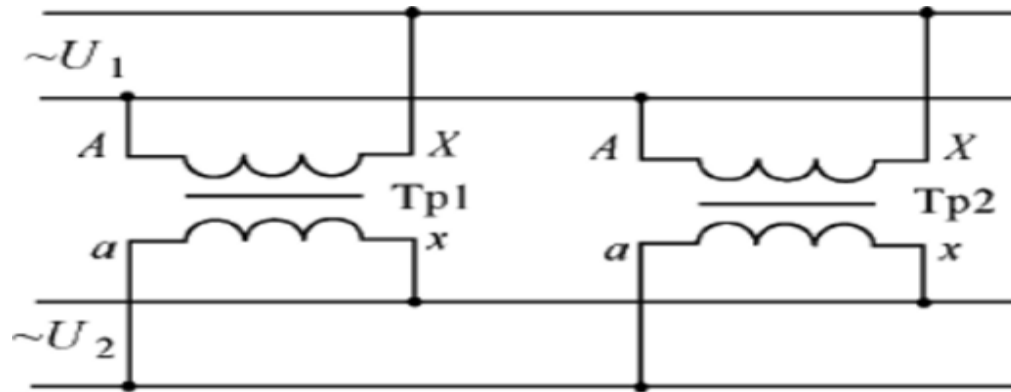


Параллельная сортировка

JDK 14: параллельная сортировка в несколько раз быстрее!

Arrays.parallelSort()

→ основан на Merge sort + Dual-Pivot Quicksort

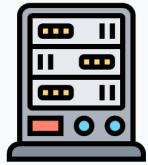




Dual-Pivot Quicksort



Сортировка вставками



Parallel merge sort



Сеть сортировки

1.0f, -7.5f, 12.4f

Доп. обработка -0.0 и NaN



0,1,2,3,0,1,2,3

Классический Quicksort (DNF)



Merging sort



Dual-Pivot Quicksort изнутри

Сортировка небольших массивов

Опорные элементы

Разбиение массива

Сортировка вещественных чисел

Параллельная сортировка

Лучшая сортировка

Сортировка чисел

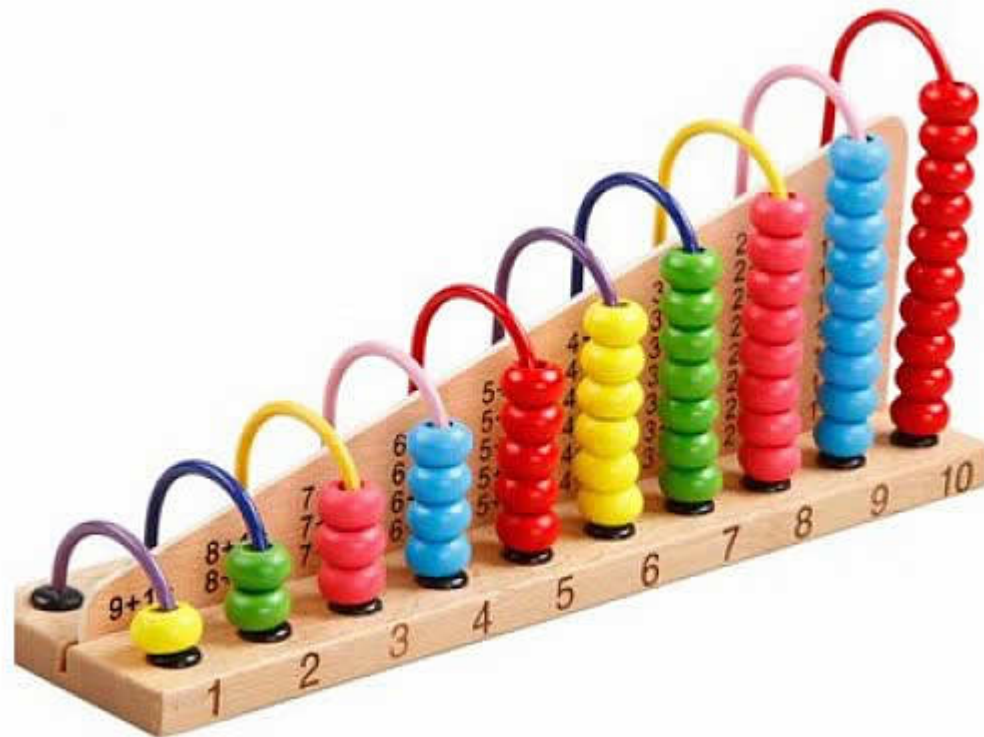
Какая **сортировка** самая **лучшая**?

Сложность?

$O(n)$

$O(n^2)$

$O(n \cdot \ln(n))$



Сортировка чисел

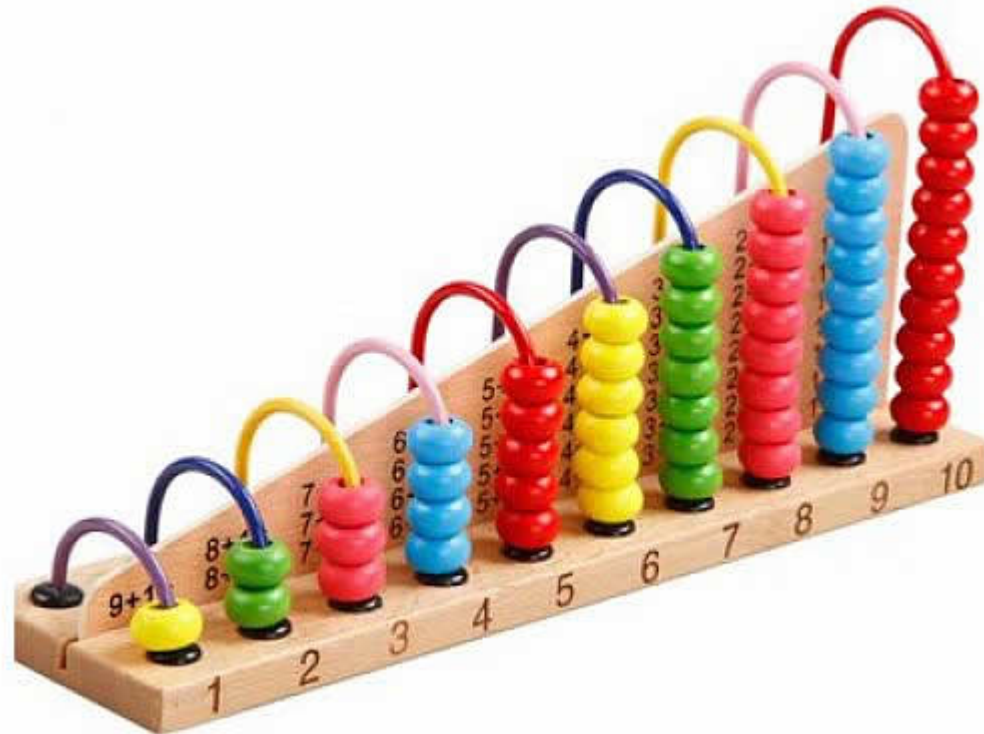
Какая сортировка самая лучшая? Быстрая сортировка (Quicksort)?

Сложность?

$O(n)$

$O(n^2)$

$O(n \cdot \ln(n))$



Counting sort (сортировка подсчетом)

0 1 0 1 0 2 1 0 1 1 0 2 1 1 0 0 1 2 0 0

Counting sort (сортировка подсчетом)

0 1 0 1 0 2 1 0 1 1 0 2 1 1 0 0 1 2 0 0

Количество "0" — 9 шт.

Количество "1" — 8 шт.

Количество "2" — 3 шт.

Counting sort (сортировка подсчетом)

0 1 0 1 0 2 1 0 1 1 0 2 1 1 0 0 1 2 0 0

Количество "0" — 9 шт.

Количество "1" — 8 шт.

Количество "2" — 3 шт.

0 0 0 0 0 0 0 0 0 0

Counting sort (сортировка подсчетом)

0 1 0 1 0 2 1 0 1 1 0 2 1 1 0 0 1 2 0 0

Количество "0" — 9 шт.

Количество "1" — 8 шт.

Количество "2" — 3 шт.

0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 1 1 1 1 1 1 1

Counting sort (сортировка подсчетом)

0 1 0 1 0 2 1 0 1 1 0 2 1 1 0 0 1 2 0 0

Количество "0" — 9 шт.

Количество "1" — 8 шт.

Количество "2" — 3 шт.

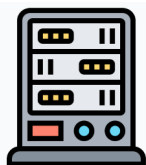
0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 1 1 1 1 1 1 1 2 2 2



Dual-Pivot Quicksort



Сортировка вставками



Parallel merge sort

8 / 16 / 16 bits
byte / char / short

Сортировка подсчетом



Сеть сортировки

1.0f, -7.5f, 12.4f

Доп. обработка -0.0 и NaN



0,1,2,3,0,1,2,3

Классический Quicksort (DNF)



Merging sort



Radix sort (поразрядная сортировка)*

5282	715 0	81 0 0	8 1 00	323
901	810 0	9 0 1	7 1 50	901
7150	90 1	49 2 2	5 2 82	1 577
323	→ 528 2	→ 3 2 3	→ 3 23	→ 2 455
8100	492 2	71 5 0	2 4 55	4 922
1577	32 3	24 5 5	1 5 77	5 282
2455	245 5	15 7 7	9 01	7 150
4922	157 7	52 8 2	4 9 22	8 100

* in progress



Dual-Pivot Quicksort



Сортировка вставками



Parallel merge sort

8 / 16 / 16 bits
byte / char / short

Сортировка подсчетом



Сеть сортировки

1.0f, -7.5f, 12.4f

Доп. обработка -0.0 и NaN



0,1,2,3,0,1,2,3

Классический Quicksort (DNF)



Merging sort

693993751058209
628608998628031

Radix sort



Dual-Pivot Quicksort



Сортировка вставками

0,1,2,3,0,1,2,3

Классический Quicksort (DNF)



Сеть сортировки



Merging sort



Parallel merge sort

1.0f, -7.5f, 12.4f

Доп. обработка -0.0 и NaN

693993751058209
628608998628031

Radix sort

8 / 16 / 16 bits
byte / char / short

Сортировка подсчетом



Heap sort



Dual-Pivot Quicksort vs. Timsort (JDK 7)

Timsort — для сортировки объектов

- стабильный
- требует дополнительную память
- $O(n \cdot \ln(n))$ во всех случаях

Dual-Pivot Quicksort — для сортировки простых типов

- сортирует "на месте"
- меняет порядок одинаковых элементов
- $O(n \cdot \ln(n))$ в наилучшем случае
- $O(n \cdot \ln(n))$ в среднем случае
- $O(n^2)$ в наихудшем случае

Dual-Pivot Quicksort vs. Timsort (JDK 14)

Timsort — для сортировки объектов

- стабильный
- требует дополнительную память
- $O(n \cdot \ln(n))$ во всех случаях

Dual-Pivot Quicksort — для сортировки простых типов

- сортирует "на месте" (+ использует дополнительную память)
- меняет порядок одинаковых элементов
- $O(n)$ в наилучшем случае (с помощью Merging sort)
- $O(n \cdot \ln(n))$ в среднем случае
- $O(n \cdot \ln(n))$ в наихудшем случае (с помощью Heap sort)

Dual-Pivot Quicksort vs. Timsort (JDK 14)

Timsort — для сортировки объектов

- **стабильный**  нельзя заменить нестабильным Quicksort'ом

sort

```
public static void sort(Object[] a)
```

Sorts the specified array of objects into ascending order, according to the **natural ordering** of its elements. All elements in the array must implement the **Comparable** interface. Furthermore, all elements in the array must be *mutually comparable* (that is, `e1.compareTo(e2)` must not throw `ClassCastException` for any elements `e1` and `e2` in the array).

This sort is guaranteed to be *stable*: equal elements will not be reordered as a result of the sort.

Dual-Pivot Quicksort vs. Timsort

Timsort — для сортировки объектов

- throw `IllegalArgumentException` ("*Comparison method violates its contract*")
поэтому `merge sort` оставили в качестве запасного варианта



Какая сортировка самая лучшая?

Какой размер массива?

Можем ли использовать дополнительную память?

Требуется ли гарантированная сложность $O(n \cdot \ln(n))$?

Нужна ли устойчивость?

Проверяем ли правильность сравнения?

Знаем ли мы природу элементов?

Насколько данные уже упорядочены?

Класс `java.util.DualPivotQuicksort`

Тип данных	Алгоритм
Небольшие массивы	Комбинированная сортировка вставками
Массивы <code>byte</code> , <code>char</code> , <code>short</code>	Сортировка подсчетом (линейное время)
Повторяющиеся данные	Классический Quicksort (DNF)
Упорядоченные последовательности	Проверка за линейное время
Почти упорядоченные массивы	Merging sort
Вещественные числа	Дополнительная обработка <code>-0.0</code> и <code>NaN</code>
Опорные элементы	Сеть сортировки (sorting network)
"Killer" массив	Пирамидальная сортировка (Heap sort)
Многопроцессорный сервер	Параллельная сортировка слиянием (merge sort)
Большие массивы случайных чисел	Поразрядная сортировка (Radix sort)* (лин. время)
Остальные массивы	Dual-Pivot Quicksort

* in progress

Содержание

Timsort

Dual-Pivot Quicksort

Тестирование сортировки

Дополнительные материалы

Вопросы и ответы

Ошибка в Timsort

В 2015 году система верификации KeY
нашла **алгоритмическую** ошибку !!!

После "заплатки" не воспроизвести на JVM

Правильное исправление сделали только в 2018

<http://habr.com/post/251751>



Ошибка в параллельной быстрой сортировке

JDK 8 — JDK 13: параллельная сортировка вещественных чисел `Arrays.parallelSort()` содержала **ошибку** !!!

Значения `-0.0` и `NaN` сортировались неправильно:

..., `0.0`, **`-0.0`**, `0.0`, ...



Тестирование

Достаточно ли такой проверки $a[0] \leq a[1] \leq \dots \leq a[n - 1] \leq a[n]$?



Тестирование

Достаточно ли такой проверки $a[0] \leq a[1] \leq \dots \leq a[n - 1] \leq a[n]$?

Напишем такую "сортировку"

```
void sort(int[] a) {  
    for (int i = 0; i < a.length; ++i) {  
        a[i] = 0;  
    }  
}
```

Тестирование

Достаточно ли такой проверки $a[0] \leq a[1] \leq \dots \leq a[n - 1] \leq a[n]$?

Напишем такую "сортировку"

```
void sort(int[] a) {  
    for (int i = 0; i < a.length; ++i) {  
        a[i] = 0;  
    }  
}
```

Она **пройдет** наш тест!

Проверка с помощью другой сортировки

1. Подготовить два одинаковых неотсортированных массива
[4, 8, 2, ... , 0]
[4, 8, 2, ... , 0]
2. Отсортировать их разными алгоритмами
[0, 2, 4, ... , 8]
[0, 2, 4, ... , 8]
3. Сравнить результаты
Ok!

Проверка с помощью перемешивания

1. Подготовить какой-нибудь упорядоченный массив [0, 3, 5, 11, ... , n]
2. Перемешать элементы [5, n, 11, 3, ... , 0]
3. Отсортировать и сравнить с исходным массивом Ok!

Проверка с помощью контрольной суммы

1. Подготовить какой-нибудь неотсортир. массив $[3, 2, n, 0, \dots, 1]$
2. Вычислить контр. сумму $a[0] \wedge a[1] \wedge \dots \wedge a[n - 1]$
3. Отсортировать массив $[0, 1, 2, 3, \dots, n]$
4. Вычислить и сравнить контр. суммы **Ok!**

Содержание

Timsort

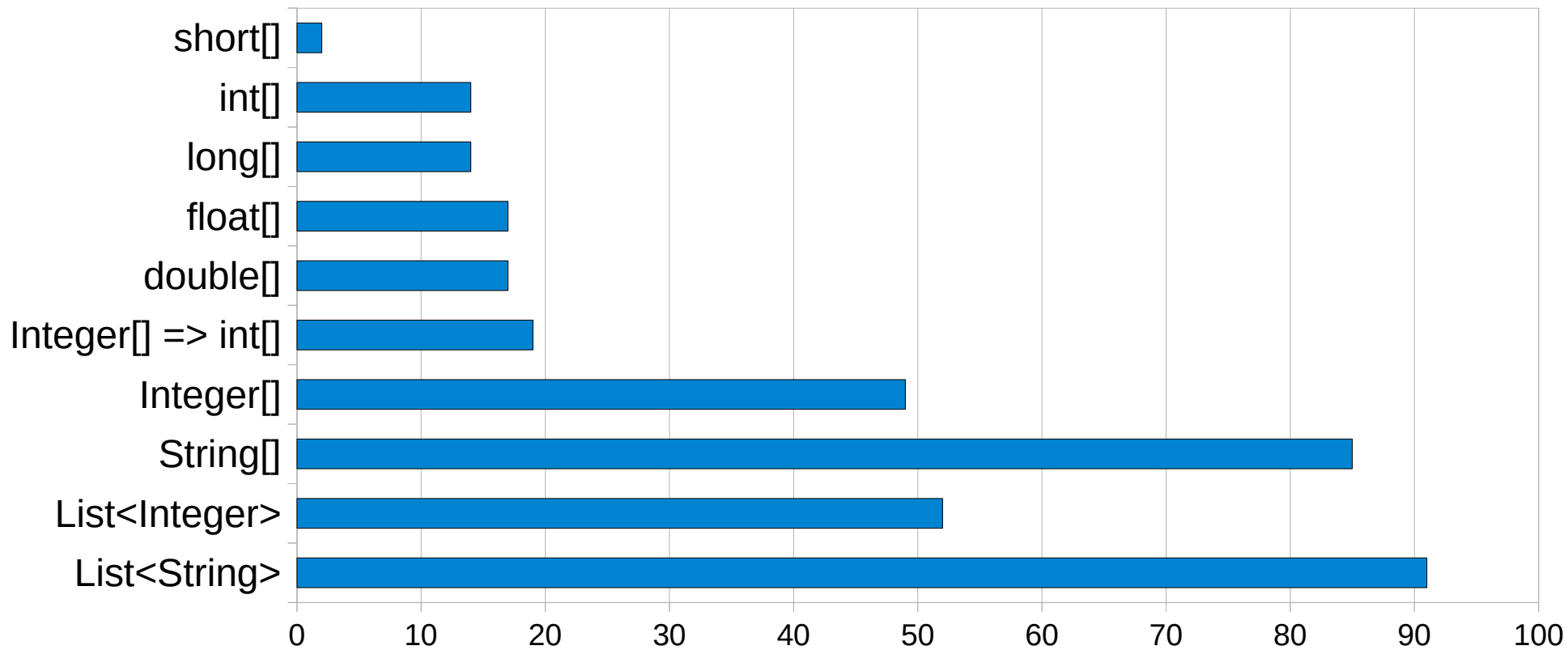
Dual-Pivot Quicksort

Тестирование сортировки

[Дополнительные материалы](#)

Вопросы и ответы

Сортировка данных различных типов



Сортировка 60 000 случайных чисел

Статии про Dual-Pivot Quicksort

Holistic Analysis of Yaroslavskiy's Partitioning Scheme

Markus E. Nebel and Conrado Martinez

Dept. of Computer Science, Univ. Politecnica de Catalunya

Dual-Pivot Quicksort

Vasileios Iliopoulos and David B. Penman

Department of Mathematical Sciences, University of Essex

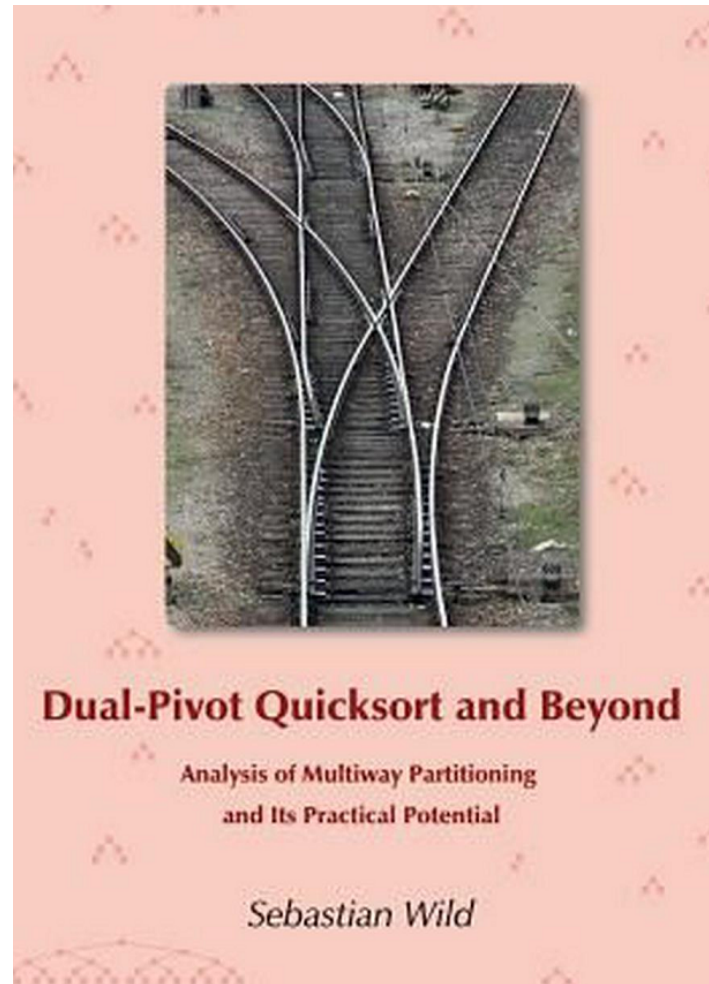
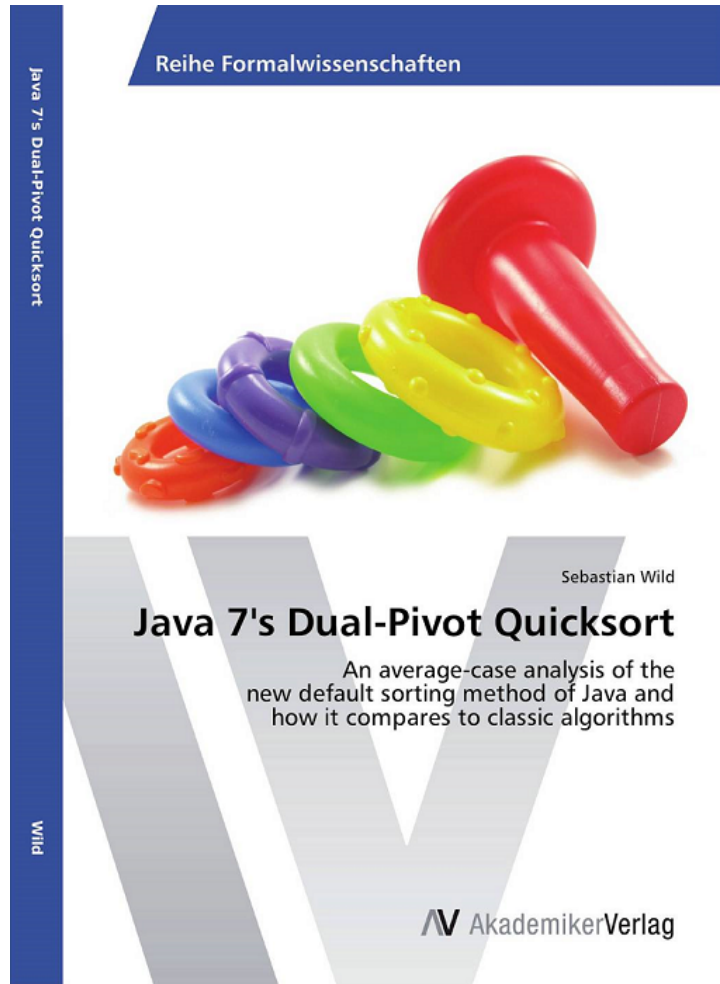
Average Case Analysis of Java 7's Dual Pivot Quicksort

Sebastian Wild and Markus E. Nebel

Computer Science Department, University of Kaiserslautern

...

Книги про Dual-Pivot Quicksort



Проект OpenJDK



Pull requests

Open

JDK-8266431: Dual-Pivot Quicksort improvements (Radix sort)

<https://github.com/openjdk/jdk/pull/13568>

Closed

JDK-8309130: x86_64 AVX512 intrinsics for Arrays.sort()

<https://github.com/openjdk/jdk/pull/14227>

Open

JDK-8266431: Follow-up to AVX512 intrinsics for Arrays.sort()

<https://github.com/openjdk/jdk/pull/16124>



Математик vs. программист

Задача

Есть *перестановка* чисел от 0 до n , нужно отсортировать эти числа

Математик vs. программист

Задача

Есть *перестановка* чисел от 0 до n , нужно отсортировать эти числа

* **математик**: формулы, теоремы, статьи, конференции

Математик vs. программист

Задача

Есть *перестановка* чисел от 0 до n , нужно отсортировать эти числа

- * **математик**: формулы, теоремы, статьи, конференции
- * **начинающий** программист: напишет сортировку пузырьком

Математик vs. программист

Задача

Есть *перестановка* чисел от 0 до n , нужно отсортировать эти числа

- * **математик**: формулы, теоремы, статьи, конференции
- * **начинающий** программист: напишет сортировку пузырьком
- * **более опытный (но ленивый)** программист: `Arrays.sort(a)`

Математик vs. программист

Задача

Есть *перестановка* чисел от 0 до n , нужно отсортировать эти числа

- * **математик**: формулы, теоремы, статьи, конференции
- * **начинающий** программист: напишет сортировку пузырьком
- * **более опытный (но ленивый)** программист: `Arrays.sort(a)`
- * **старший (и начитанный)** программист: `Arrays.parallelSort(a)`

Математик vs. программист

Задача

Есть *перестановка* чисел от 0 до n , нужно отсортировать эти числа

- * **математик**: формулы, теоремы, статьи, конференции
- * **начинающий** программист: напишет сортировку пузырьком
- * **более опытный (но ленивый)** программист: `Arrays.sort(a)`
- * **старший (и начитанный)** программист: `Arrays.parallelSort(a)`
- * **настоящий** программист: ??

Математик vs. программист

Задача

Есть *перестановка* чисел от 0 до n , нужно отсортировать эти числа

- * **математик**: формулы, теоремы, статьи, конференции
- * **начинающий** программист: напишет сортировку пузырьком
- * **более опытный (но ленивый)** программист: `Arrays.sort(a)`
- * **старший (и начитанный)** программист: `Arrays.parallelSort(a)`
- * **настоящий** программист: придумает свою сортировку и поедет на конференцию ??

Математик vs. программист

Задача

Есть *перестановка* чисел от 0 до n , нужно отсортировать эти числа

- * **математик**: формулы, теоремы, статьи, конференции
- * **начинающий** программист: напишет сортировку пузырьком
- * **более опытный (но ленивый)** программист: `Arrays.sort(a)`
- * **старший (и начитанный)** программист: `Arrays.parallelSort(a)`
- * **настоящий** программист:

дано: $a = \{ 3, n - 1, 2, n, 4, 0, \dots, 1 \}$

Математик vs. программист

Задача

Есть *перестановка* чисел от 0 до n , нужно отсортировать эти числа

- * **математик**: формулы, теоремы, статьи, конференции
- * **начинающий** программист: напишет сортировку пузырьком
- * **более опытный (но ленивый)** программист: `Arrays.sort(a)`
- * **старший (и начитанный)** программист: `Arrays.parallelSort(a)`
- * **настоящий** программист:

результат: $a = \{ 0, 1, 2, 3, 4, \dots, n - 1, n \}$

Математик vs. программист

Задача

Есть *перестановка* чисел от 0 до n , нужно отсортировать эти числа

- * **математик**: формулы, теоремы, статьи, конференции
- * **начинающий** программист: напишет сортировку пузырьком
- * **более опытный (но ленивый)** программист: `Arrays.sort(a)`
- * **старший (и начитанный)** программист: `Arrays.parallelSort(a)`
- * **настоящий** программист: `a[i] = i`

$$a = \{ 0, 1, 2, 3, 4, \dots, n - 1, n \}$$

Выводы

Пробуйте, пробуйте и не бойтесь

Сортировка все время улучшалась

История продолжается и сейчас

Интеграция в OpenJDK — это не больно

Java != математика

Смотрите в корень задачи

Полезные ссылки

Группа Core Libraries

<https://openjdk.org/groups/core-libs>

Dual-Pivot Quicksort

<https://github.com/openjdk/jdk/blob/master/src/java.base/share/classes/java/util/DualPivotQuicksort.java> или `<jdk>/lib/src.zip`

Почта

vlv.spb.ru@mail.ru

Какой сегодня день? День программиста!

256-ой день в году — день программиста в России (12 или 13 сентября)

13-ое, пятница — **настоящий** день программиста (1, 2 или 3 раза в год)

2024: 12 и 13 сентября (пятница) — два праздника подряд

2030: 13 сентября (пятница) — два праздника в один день



Вопросы

