

АЛГОРИТМ ДЕЙКСТРЫ + 2D-ИГРА = ПРОСТО

Александр Пономаренко

АЛЕКСАНДР ПОНОМАРЕНКО



ГК «Иннотех», Frontend-разработчик React

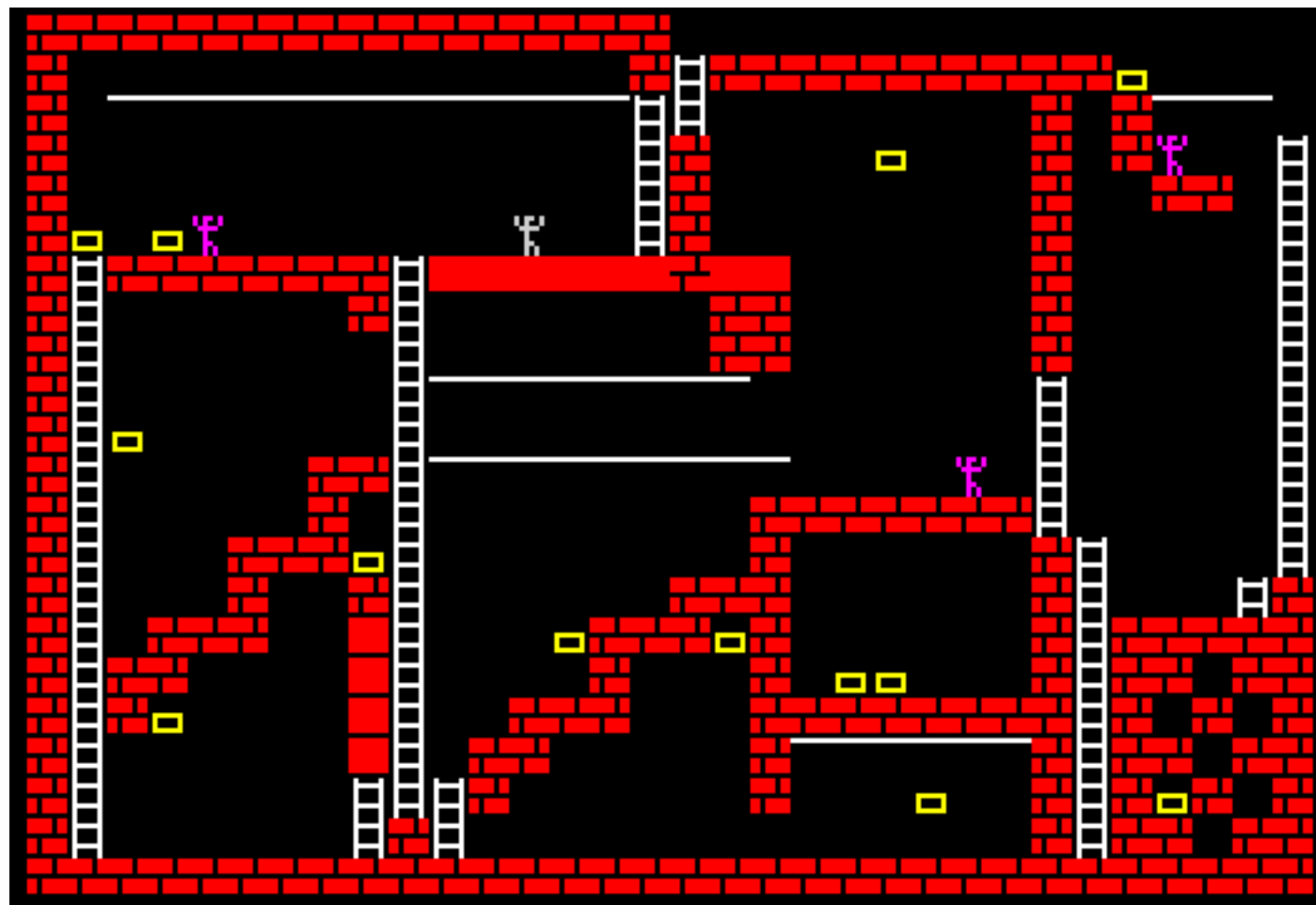
В web-разработке 20 лет

Создал 5 игр в рамках обучающих проектов для школьников



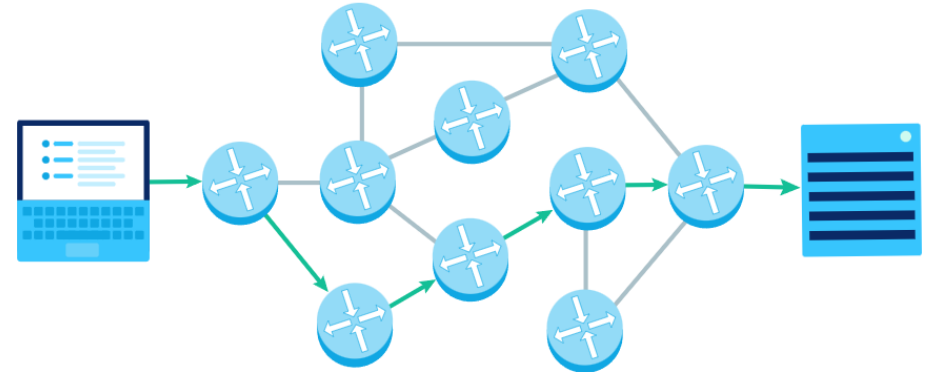
ИСТОЧНИК ВДОХНОВЕНИЯ

Игра «Lode runner»
для ZX Spectrum
Broderbund 1984



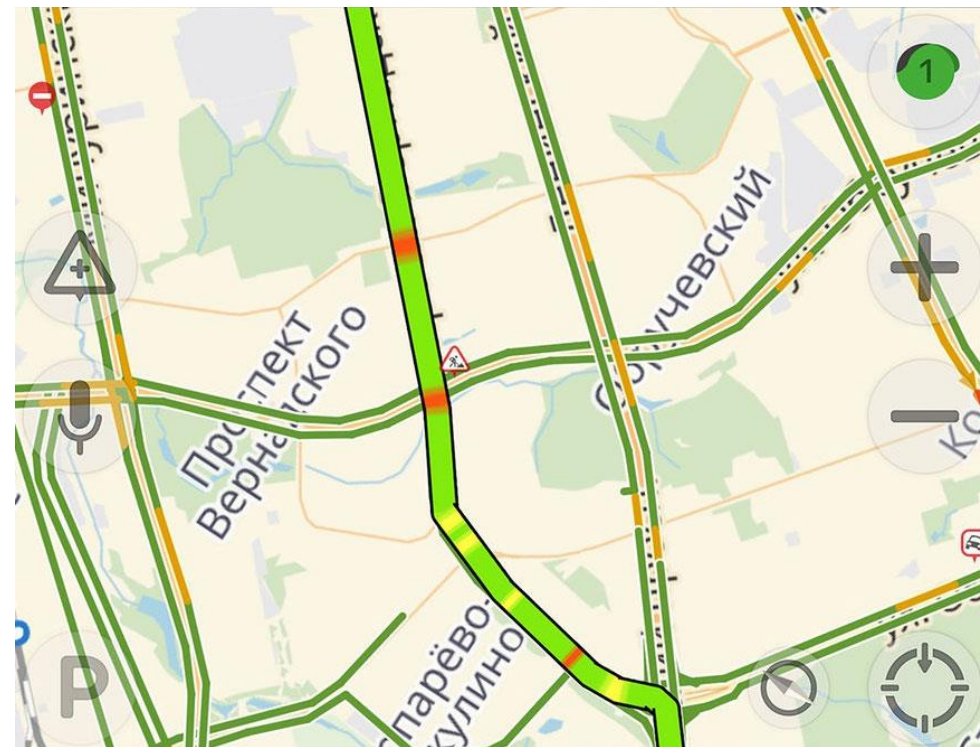
ЕСЛИ ВЫ — IT-СПЕЦИАЛИСТ И ВАША ЗАДАЧА:

- Маршрутизировать трафик по сети



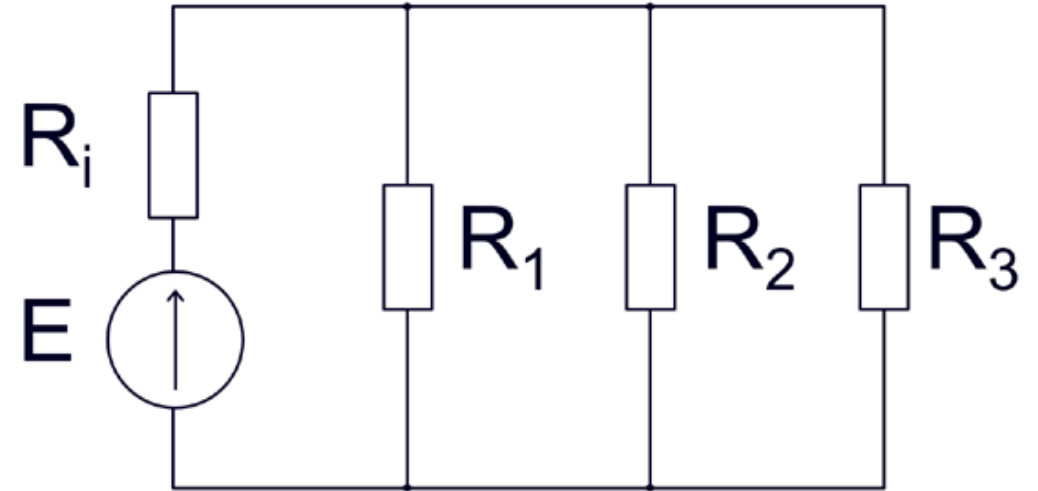
ЕСЛИ ВЫ — IT-СПЕЦИАЛИСТ И ВАША ЗАДАЧА:

- Маршрутизировать трафик по сети
- Или создать программу-навигатор, который будет находить кратчайший путь из точки А в точку Б



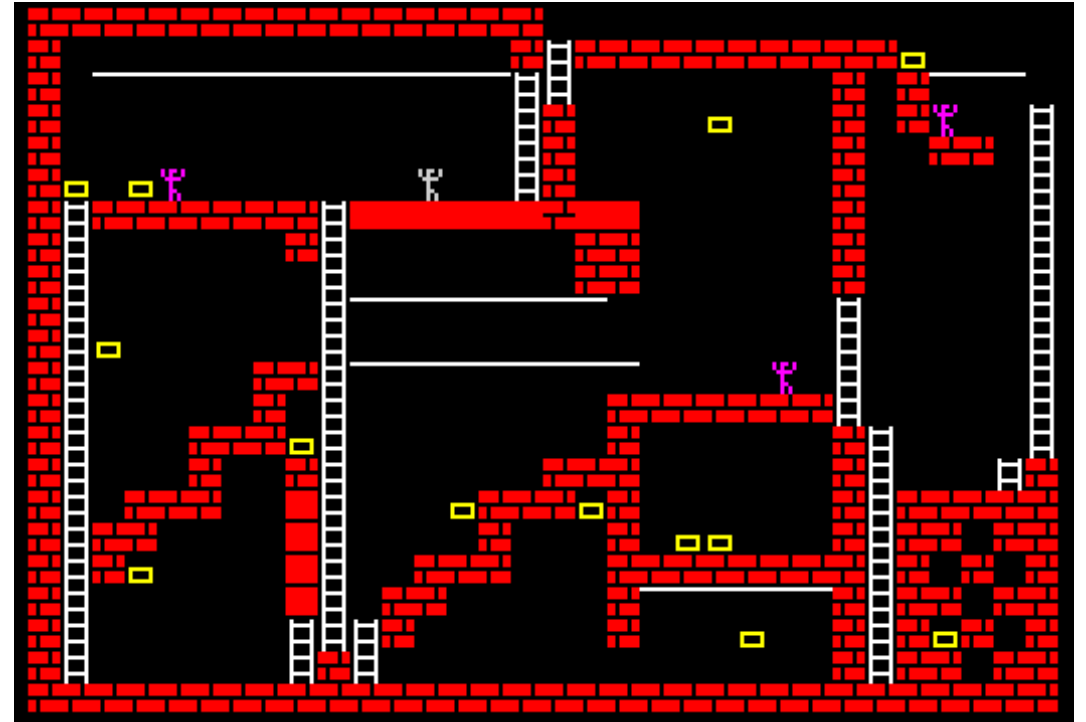
ЕСЛИ ВЫ — IT-СПЕЦИАЛИСТ И ВАША ЗАДАЧА:

- Маршрутизировать трафик по сети
- Или создать программу-навигатор, который будет находить кратчайший путь из точки А в точку Б
- Или создать программу расчета электрических цепей



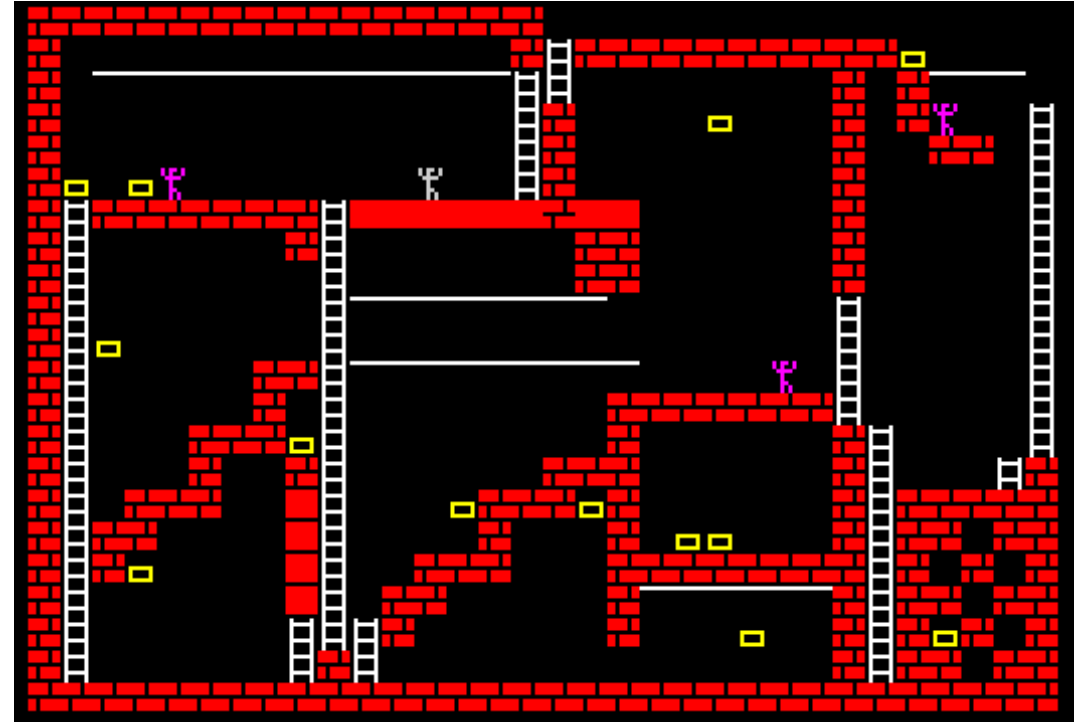
ЕСЛИ ВЫ — IT-СПЕЦИАЛИСТ И ВАША ЗАДАЧА:

- Маршрутизировать трафик по сети
- Или создать программу-навигатор, который будет находить кратчайший путь из точки А в точку Б
- Или создать программу расчета электрических цепей
- Или создать компьютерную игру —



ЕСЛИ ВЫ — IT-СПЕЦИАЛИСТ И ВАША ЗАДАЧА:

- Маршрутизировать трафик по сети
- Или создать программу-навигатор, который будет находить кратчайший путь из точки А в точку Б
- Или создать программу расчета электрических цепей
- Или создать компьютерную игру — **ТО ЭТОТ ДОКЛАД ДЛЯ ВАС**



ЧЕРЕЗ 40 МИНУТ

Вы будете знать:

- Как реализовать алгоритм Дейкстры
- Как на его базе создать компьютерную игру, где персонаж обходит препятствия и движется к цели

У вас будет ссылка:

- На репозиторий с исходниками алгоритма и игры электрических цепей
- На работающую игру в интернете

ВЫ СМОЖЕТЕ

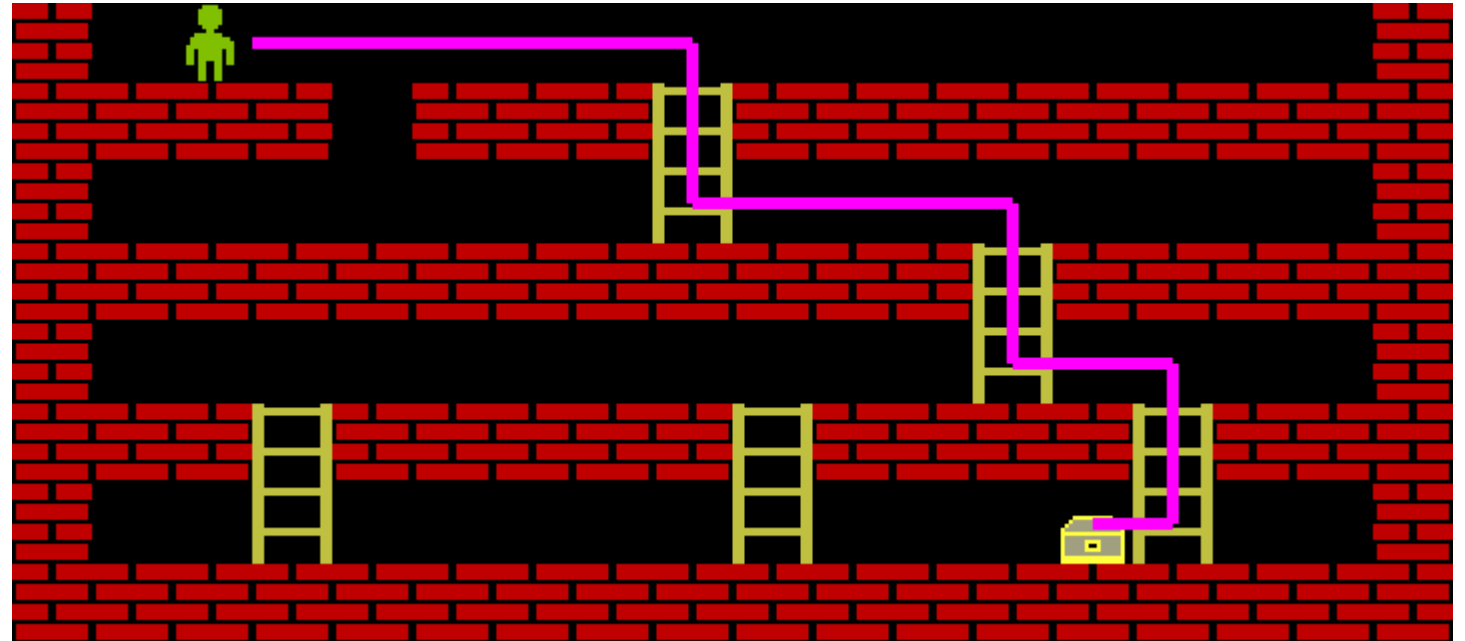
- Сами создавать собственные игры
- И решать задачи поиска оптимального пути, опираясь на представленный пример



ВЫ СЭКОНОМИТЕ 1 НЕДЕЛЮ СВОЕГО ВРЕМЕНИ

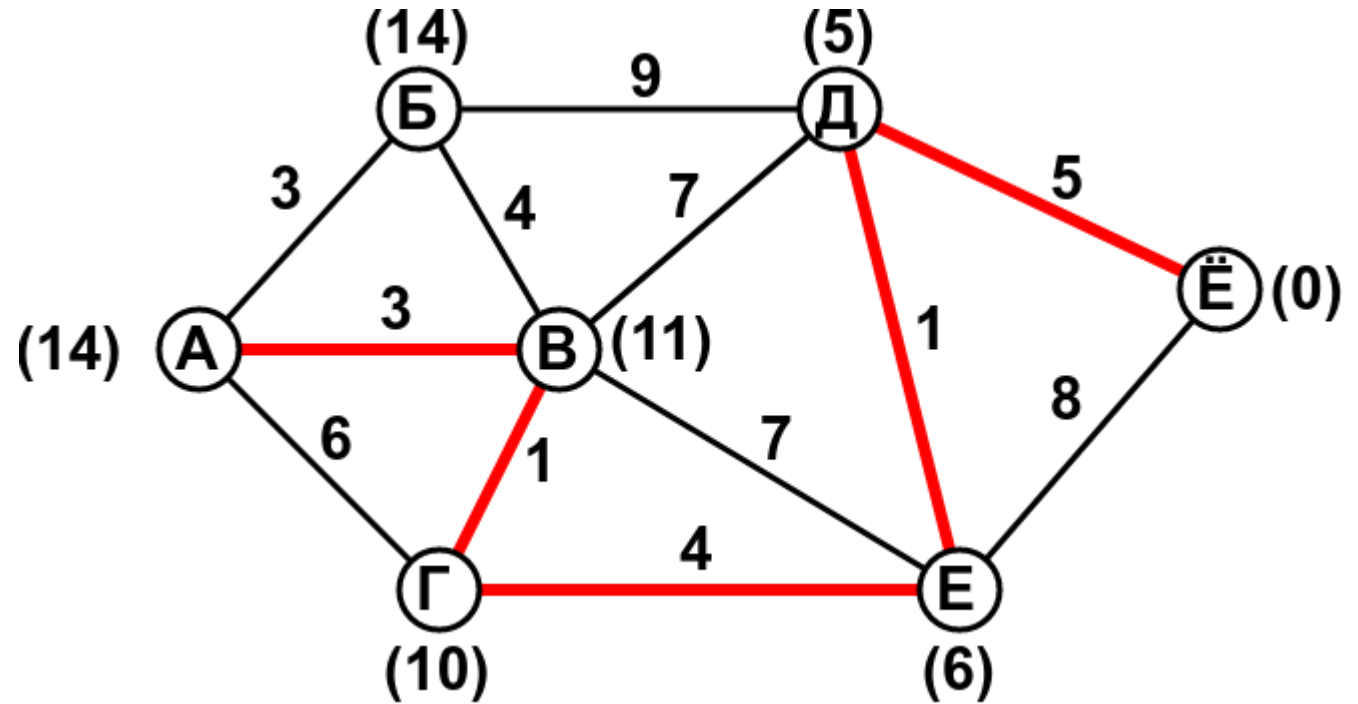
Потому что:

- Предложу вам готовую реализацию алгоритма
- Расскажу о подводных камнях



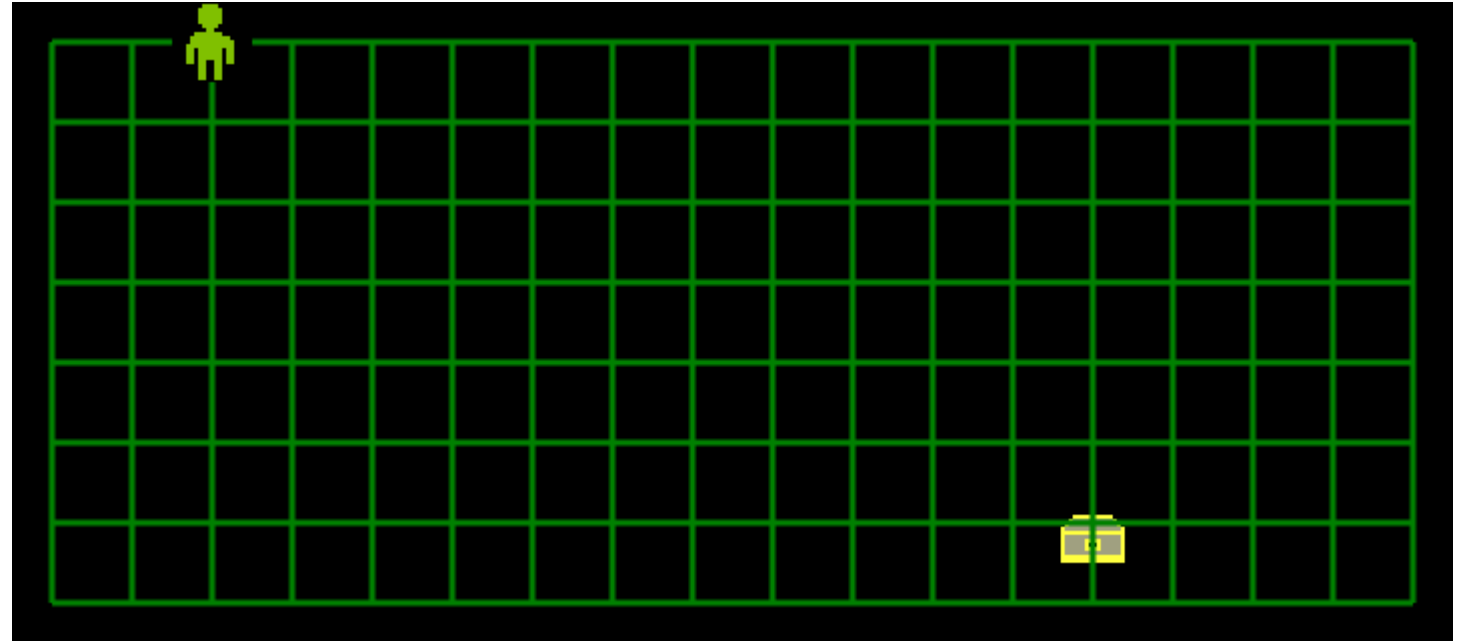
В ДОКЛАДЕ МЫ:

1. Применим алгоритм Дейкстры для поиска кратчайшего пути на графе



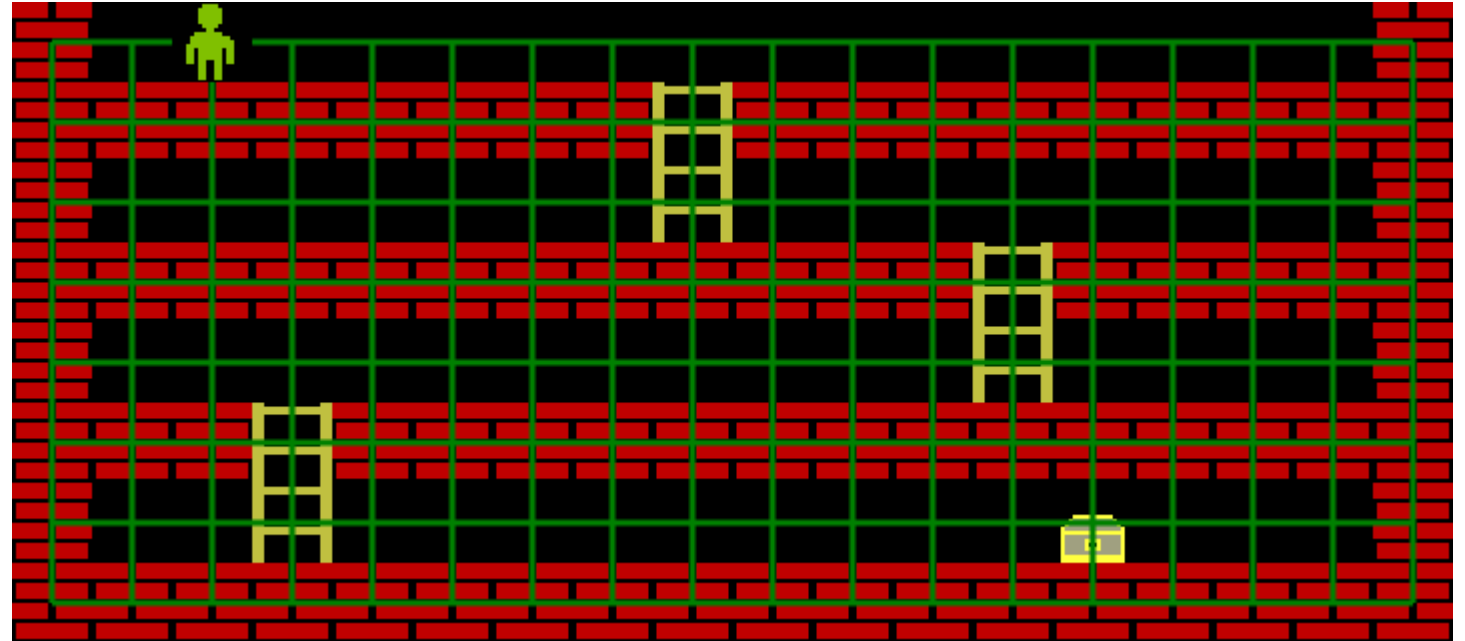
В ДОКЛАДЕ МЫ:

2. Преобразуем граф
в квадратную сетку



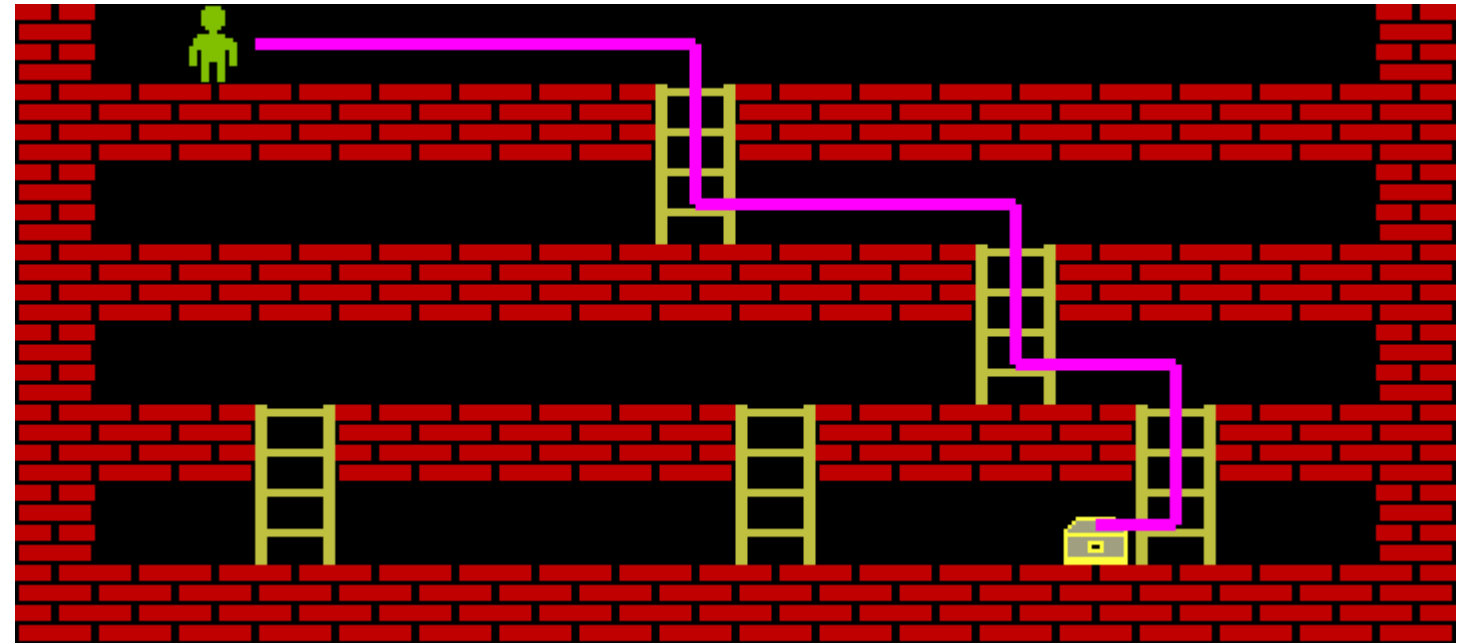
В ДОКЛАДЕ МЫ:

3. Наложим квадратную сетку на карту уровня 2D-игры



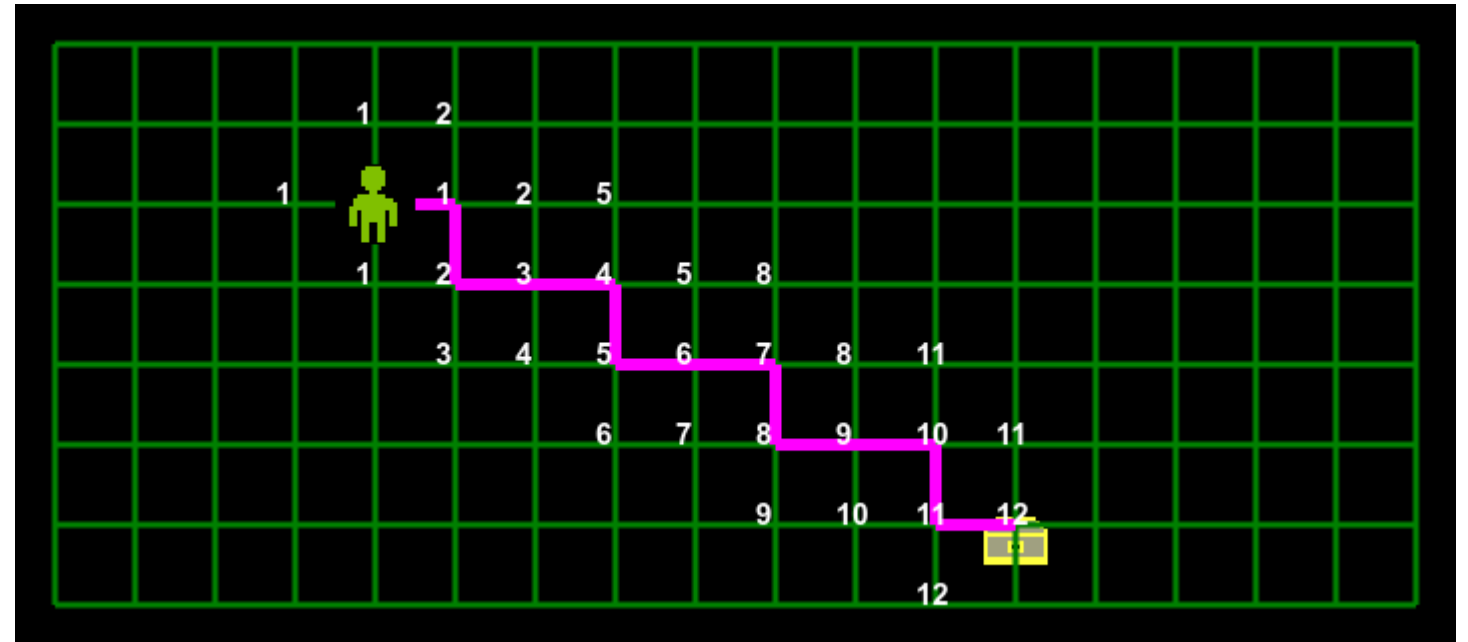
В ДОКЛАДЕ МЫ:

Найдем кратчайший путь,
добавляя на карту
разные элементы



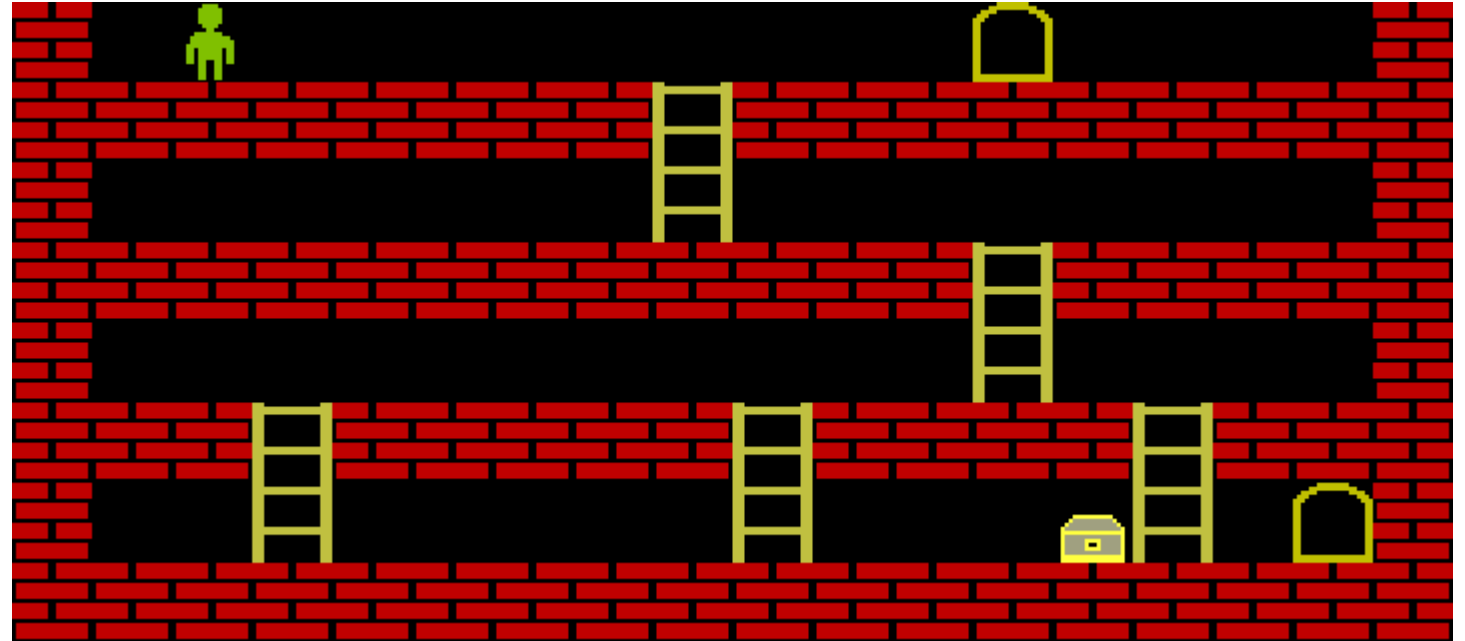
В ДОКЛАДЕ МЫ:

4. Оптимизируем алгоритм Дейкстры и получим вариант A^*



В ДОКЛАДЕ МЫ:

- 5. Решим задачу телепортации персонажа



6. Сравним
быстродействие
алгоритмов
Дейкстры и A^*

Алгоритм Дейкстры

N, узлов	T, сек
...	...
...	...
...	...

A^*

N, узлов	T, сек
...	...
...	...
...	...

СОДЕРЖАНИЕ

1. Алгоритм Дейкстры
2. Адаптация алгоритма Дейкстры к работе на графе – квадратной сетке
3. Решение задач расчета траектории движения
4. Алгоритм A^*
5. Решение задачи телепортации
6. Сравнение алгоритмов Дейкстры и A^*

1. АЛГОРИТМ ДЕЙКСТРЫ

Алгоритм Дейкстры — алгоритм на графах, изобретённый нидерландским учёным Эдсгером Дейкстрой в 1959 году.

Находит кратчайшие пути от одной из вершин графа до всех остальных

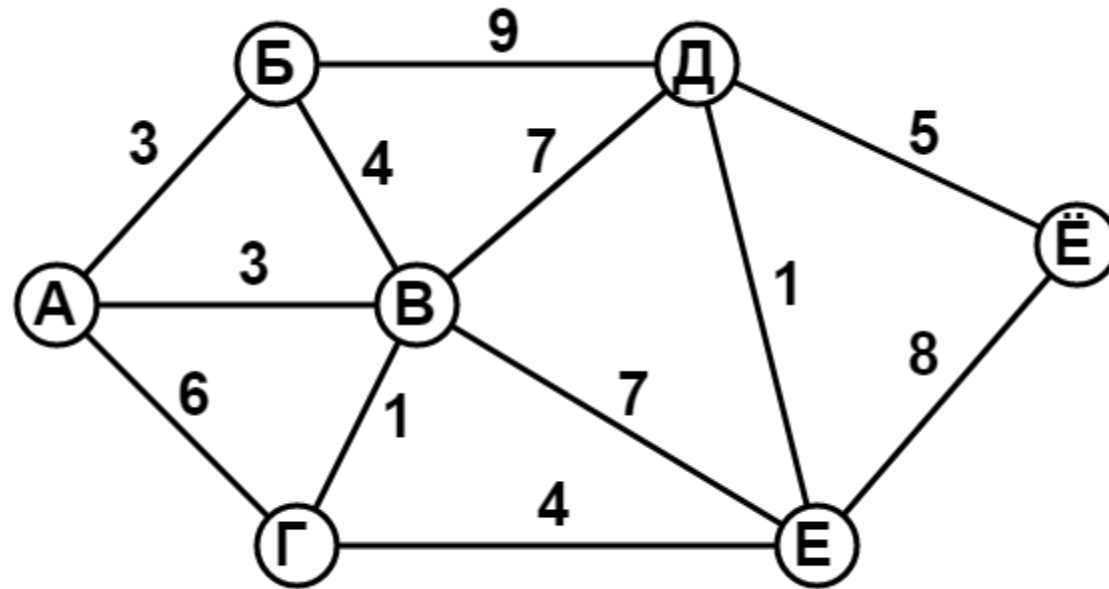
1. ГДЕ МОЖЕТ ПРИГОДИТЬСЯ?

- Маршрутизация в компьютерных сетях
- Программы-навигаторы: поиск маршрута, чтобы быстрее добраться из точки А в точку Б
- В играх (вычисление оптимальной траектории движения)
- Расчет электрических цепей: ток течет по пути наименьшего сопротивления
- ...

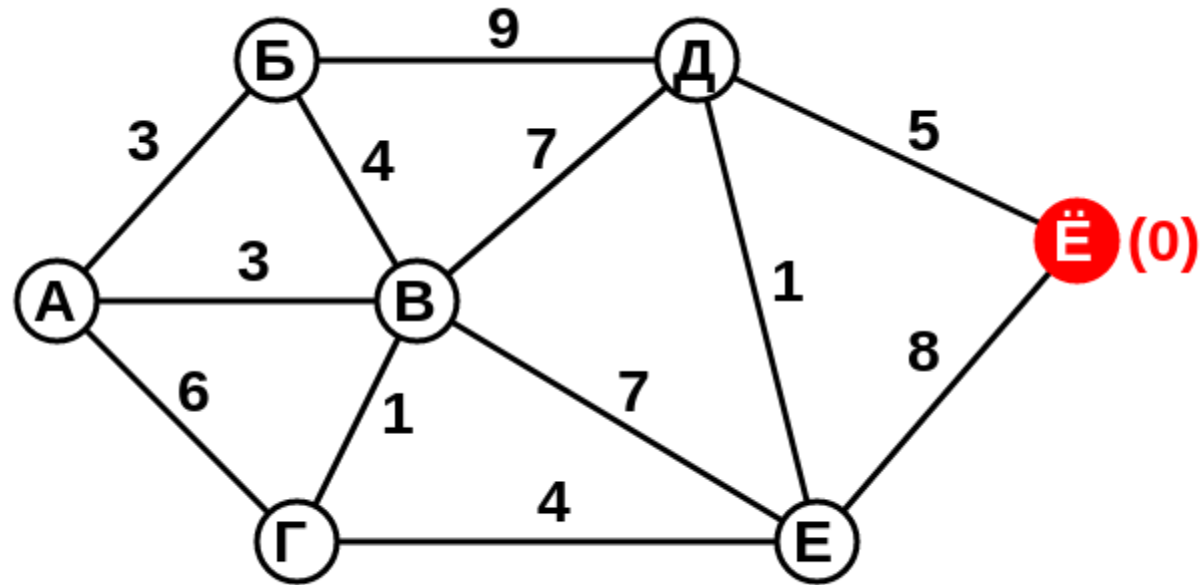
1. ОСНОВНЫЕ МОМЕНТЫ

- Внешний цикл – обходим все вершины графа
- Внутренний цикл – обходим соседние вершины относительно текущей
- Расчет стоимости перехода в соседнюю вершину из текущей
- При расчете стоимости запоминаем, по какому ребру перешли в данную вершину

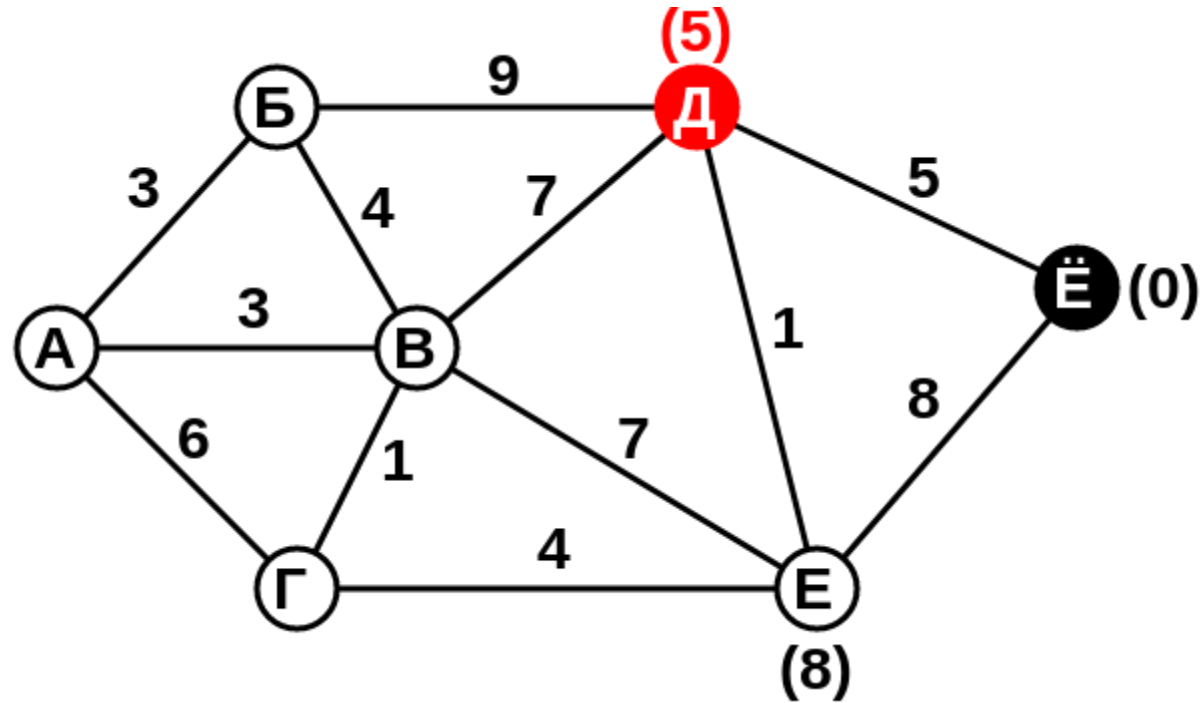
1. ИСХОДНЫЙ ГРАФ



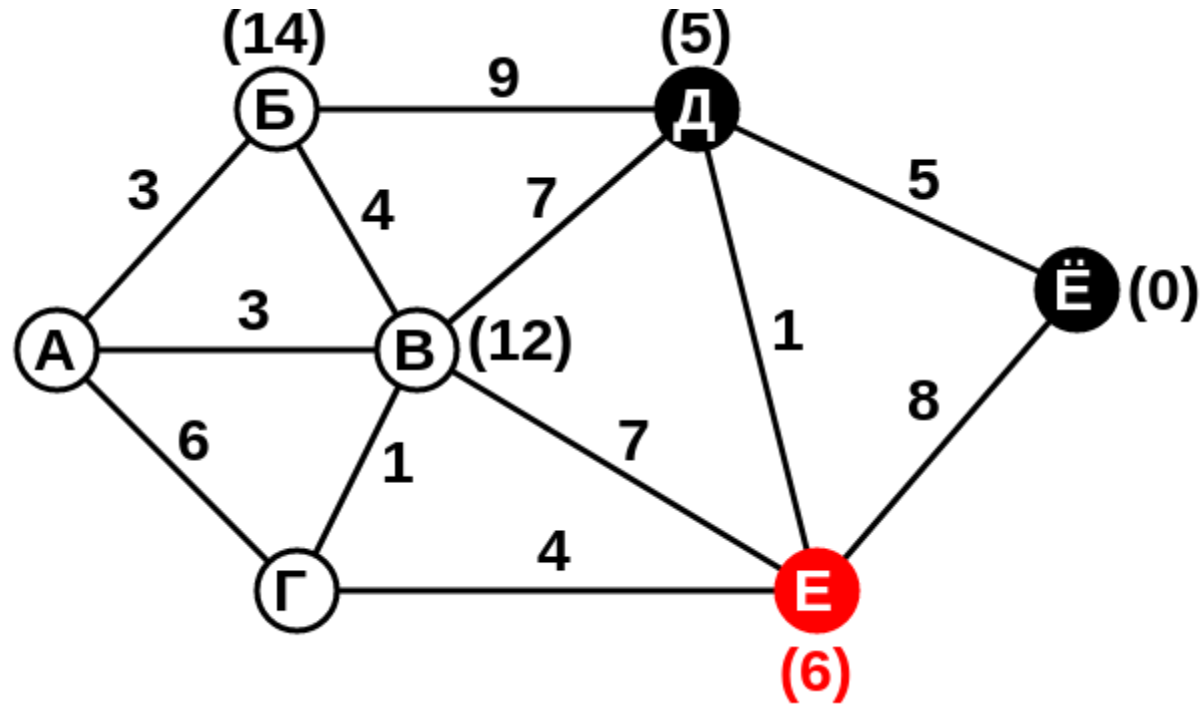
1. АЛГОРИТМ ДЕЙКСТРЫ. ШАГ 0



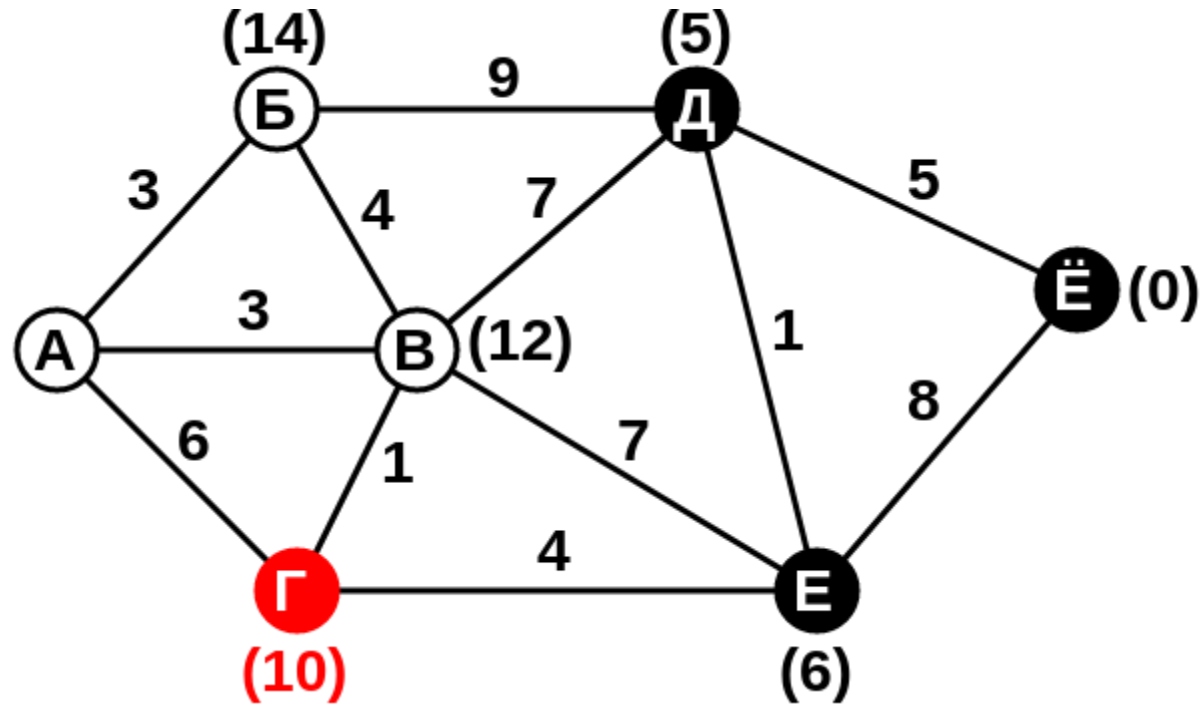
1. АЛГОРИТМ ДЕЙКСТРЫ. ШАГ 1



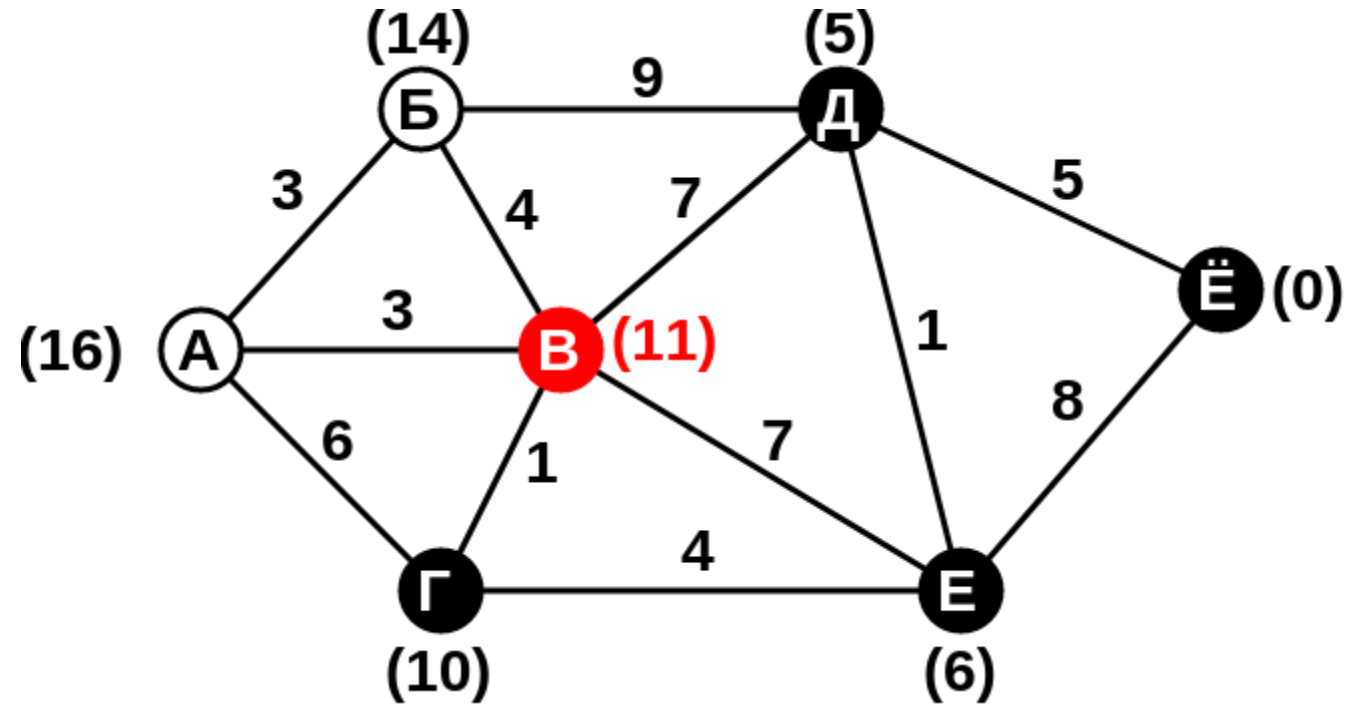
1. АЛГОРИТМ ДЕЙКСТРЫ. ШАГ 2



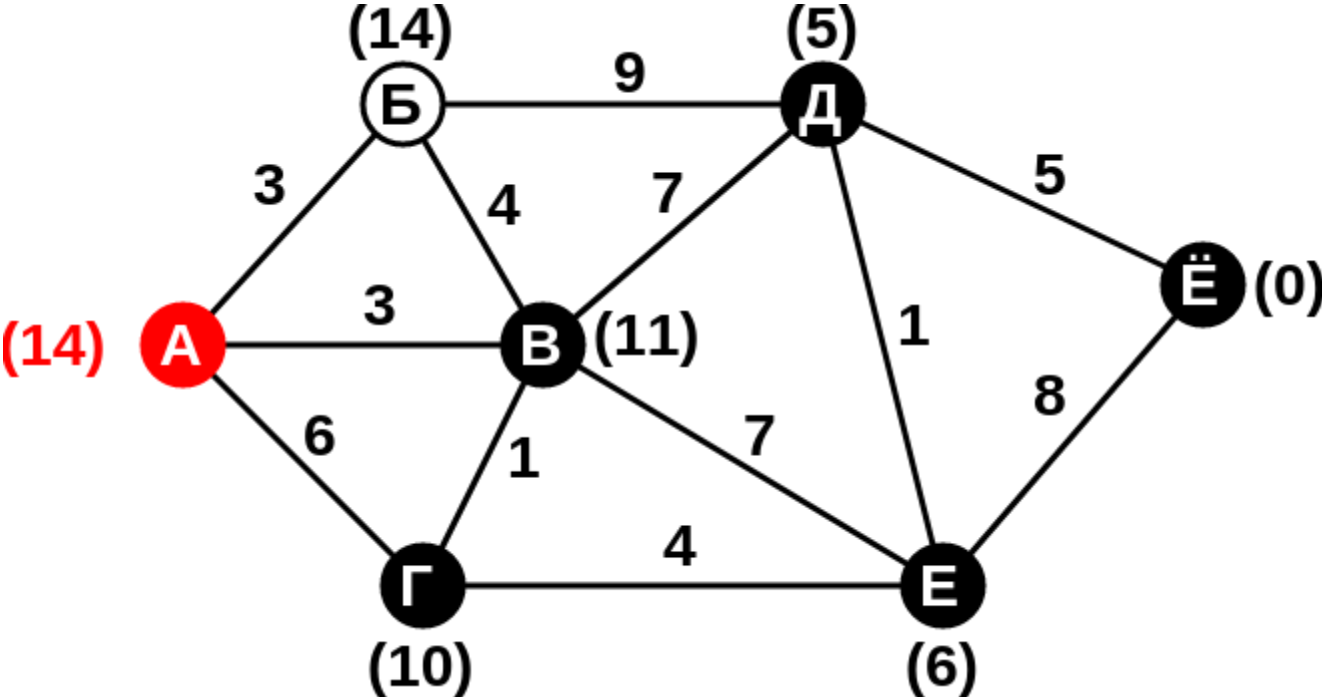
1. АЛГОРИТМ ДЕЙКСТРЫ. ШАГ 3



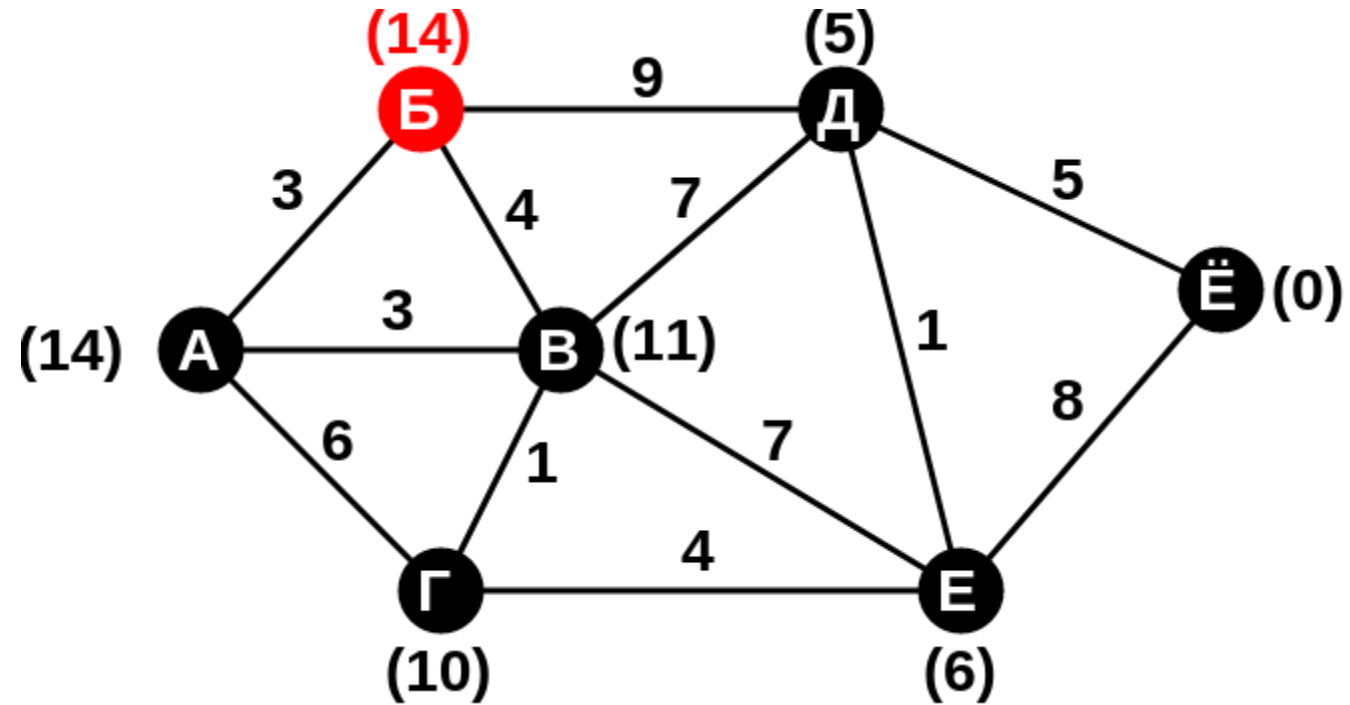
1. АЛГОРИТМ ДЕЙКСТРЫ. ШАГ 4



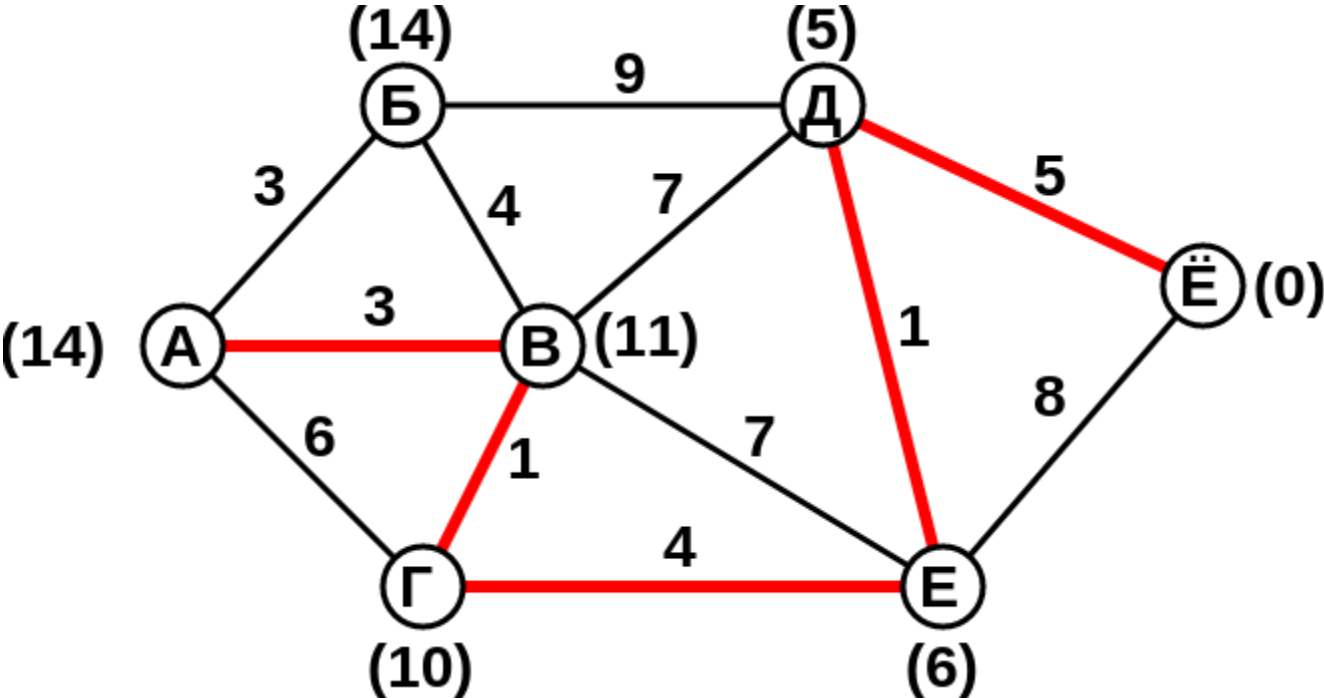
1. АЛГОРИТМ ДЕЙКСТРЫ. ШАГ 5



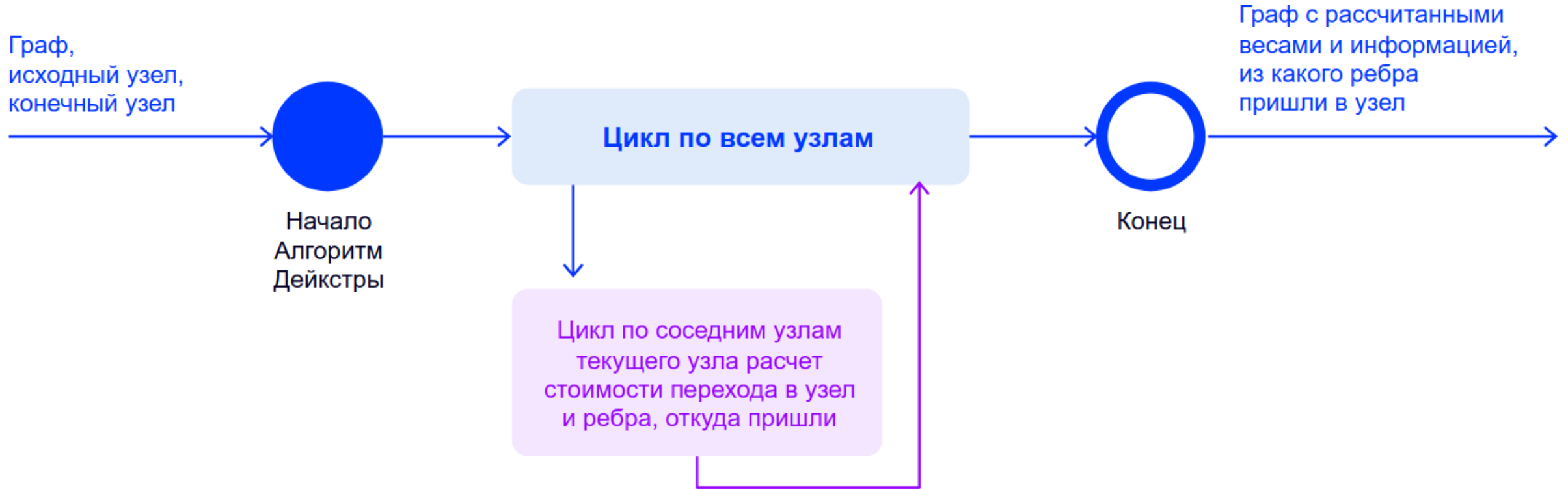
1. АЛГОРИТМ ДЕЙКСТРЫ. ШАГ 6



1. КРАТЧАЙШИЙ ПУТЬ



1. АЛГОРИТМ ДЕЙКСТРЫ



1. ВНЕШНИЙ И ВНУТРЕННИЙ ЦИКЛЫ

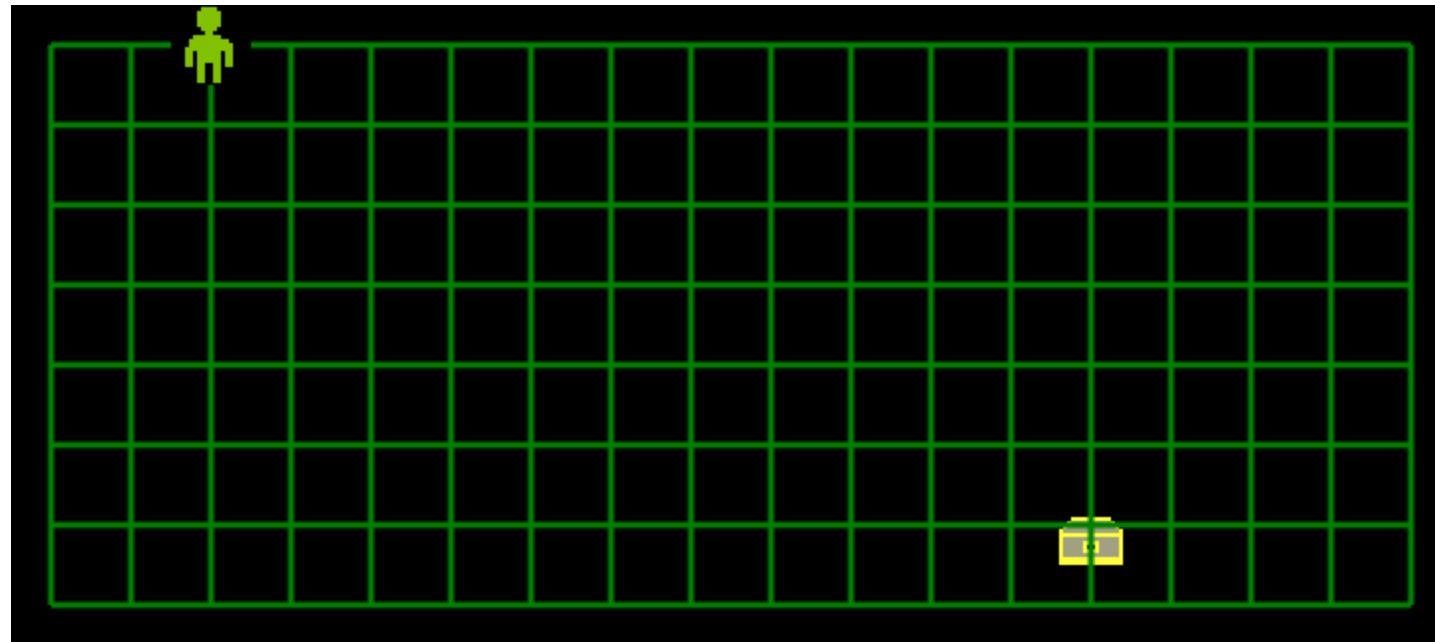
```
01. calcVerticesCost = (fromVertex: number) => {  
02.     this.vertices[fromVertex].accessCost = 0;  
03.     this.curVertexIndex = fromVertex;  
04.     while (this.curVertexIndex !== -1) {  
05.         const curVertex = this.vertices[this.curVertexIndex];  
06.         this.vertices[this.curVertexIndex].processed = true;  
07.         const edgesOfVertex = this.getEdgesOfVertex();  
08.         for (let i = 0; i < edgesOfVertex.length; i++) { ... }  
09.         const nextVertex = this.getNextVertex(edgesOfVertex);  
10.         this.curVertexIndex = nextVertex;  
11.     }  
12. };
```

1. ВНУТРЕННИЙ ЦИКЛ

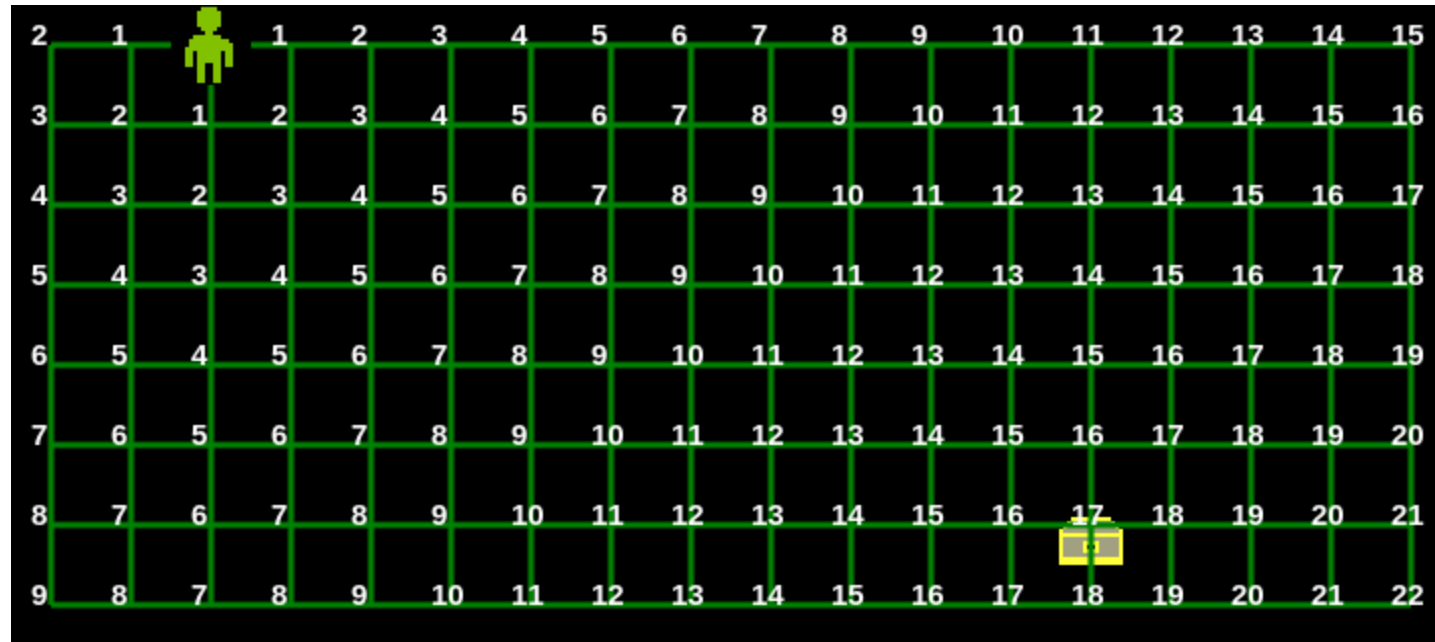
```
01. for (let i = 0; i < edgesOfVertex.length; i++) {
02.     const edgeIndex = edgesOfVertex[i];
03.     const adjVIndex = this.getAdjancedVIndex(edgeIndex);
04.     const adjVertex = this.vertices[adjacentVIndex];
05.     if (adjacentVertex.processed) {
06.         continue;
07.     }
08.     this.updateAccCostAndEdgeIdx(adjVertex, curVertex,
09.         edgeIndex);
10. }
```


1. Алгоритм Дейкстры
2. Адаптация алгоритма Дейкстры к работе на графе – квадратной сетке
3. Решение задач расчета траектории движения
4. Алгоритм A^*
5. Решение задачи телепортации
6. Сравнение алгоритмов Дейкстры и A^*

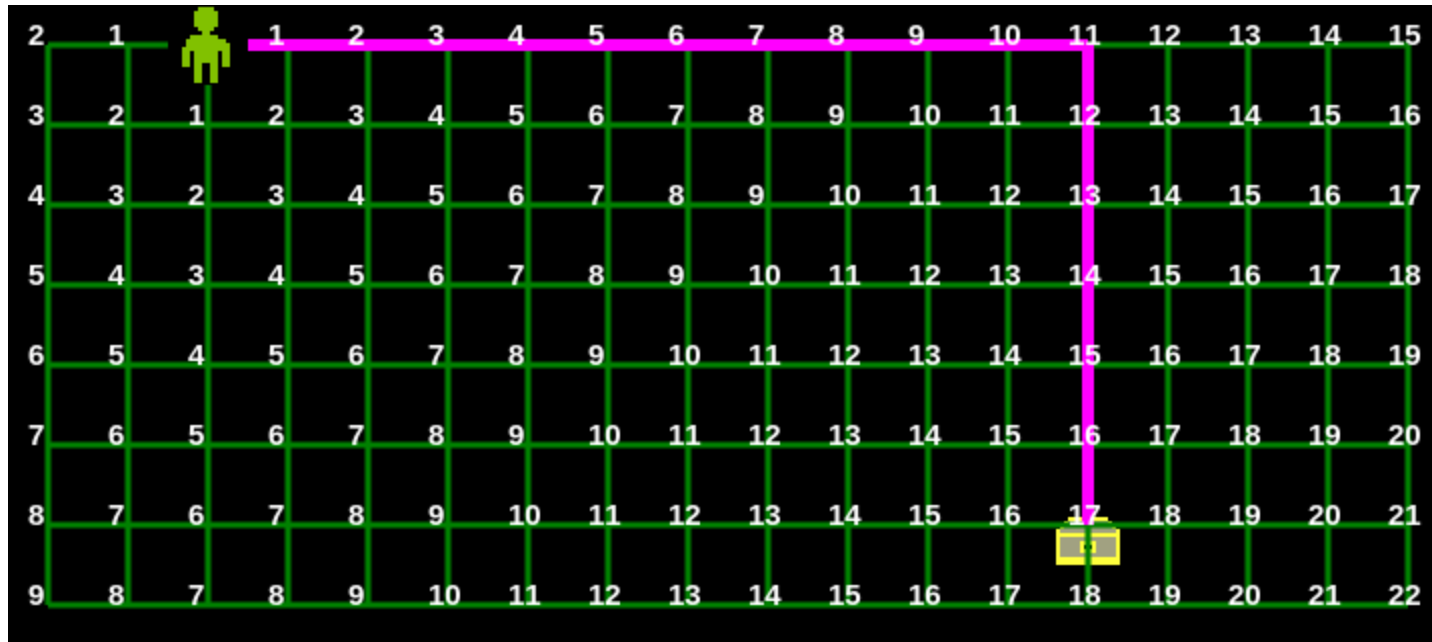
2. КВАДРАТНАЯ СЕТКА



2. КВАДРАТНАЯ СЕТКА



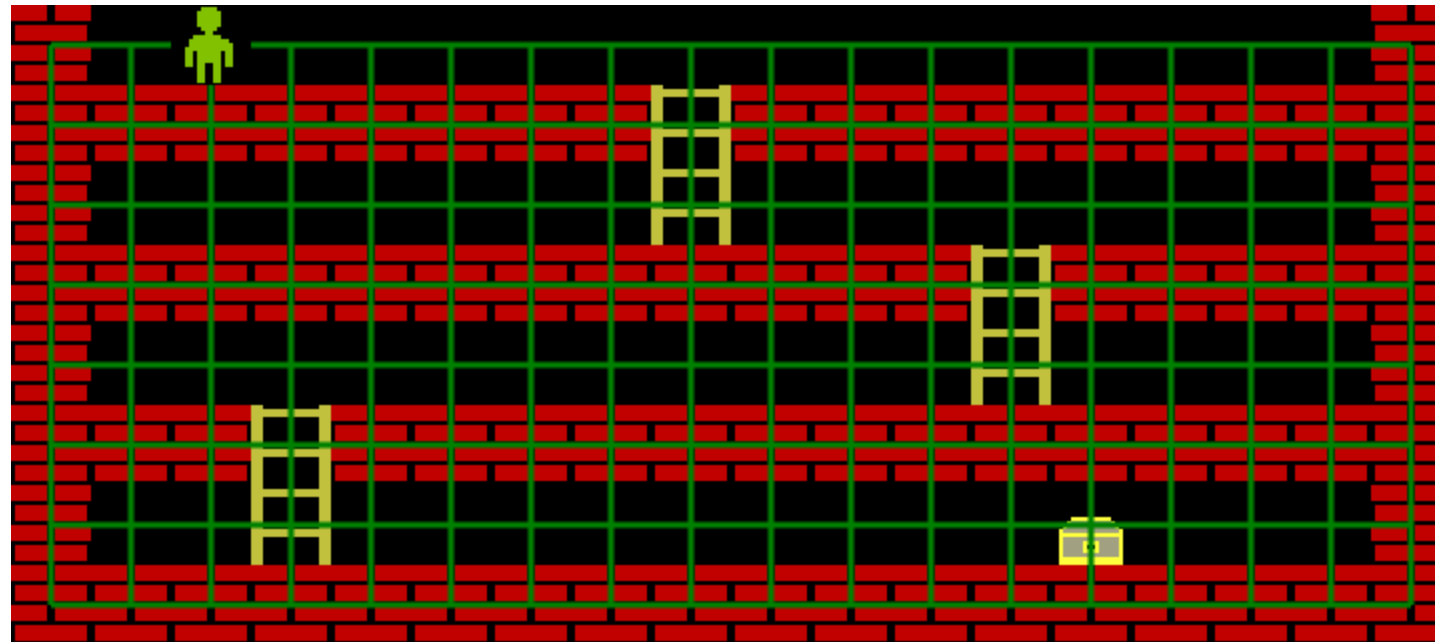
2. КВАДРАТНАЯ СЕТКА



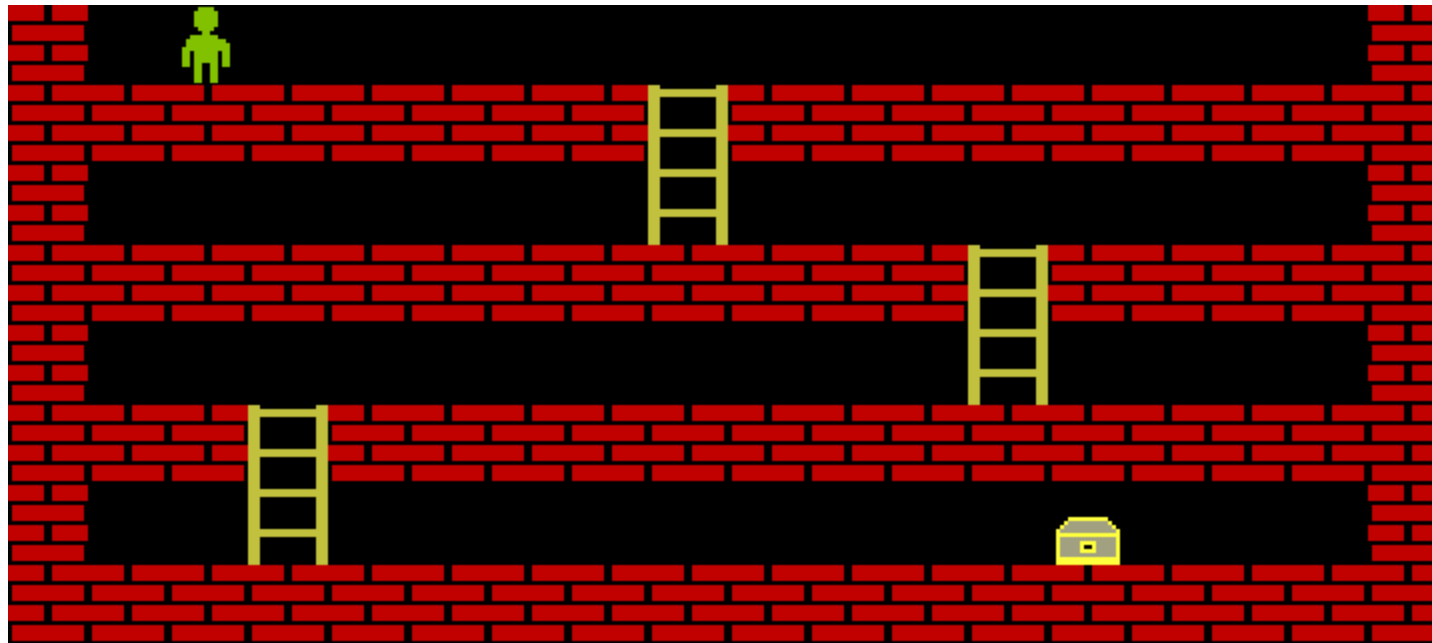
СОДЕРЖАНИЕ

1. Алгоритм Дейкстры
2. Адаптация алгоритма Дейкстры к работе на графе - квадратной сетке
- 3. Решение задач расчета траектории движения**
- 4. Алгоритм A***
- 5. Решение задачи телепортации**
- 6. Сравнение алгоритмов Дейкстры и A***

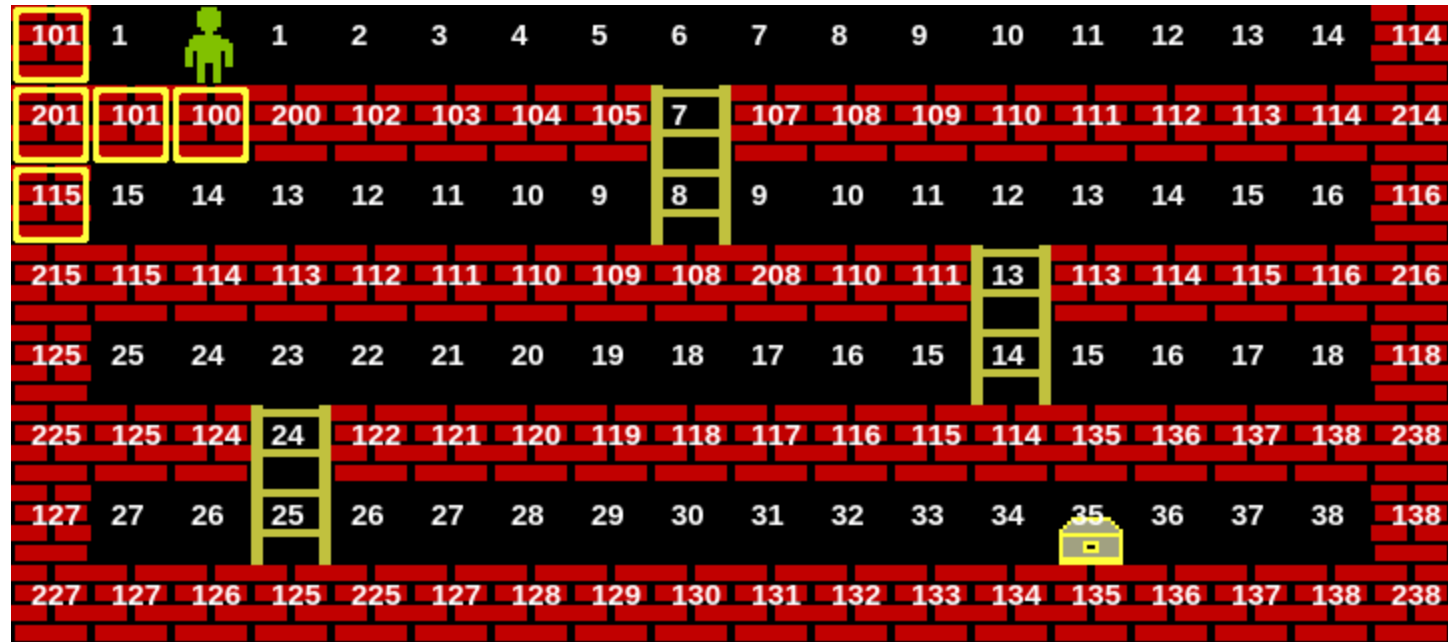
3. ОБХОД ПРЕПЯТСТВИЙ



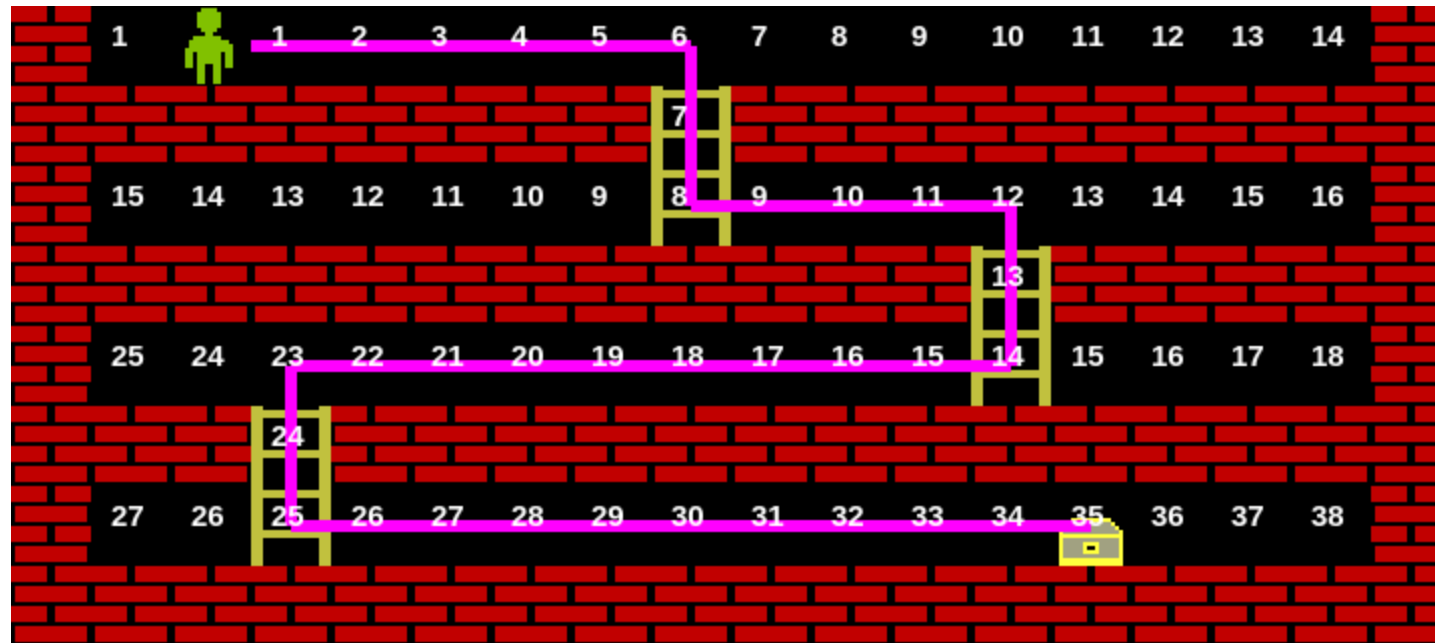
3. ОБХОД ПРЕПЯТСТВИЙ



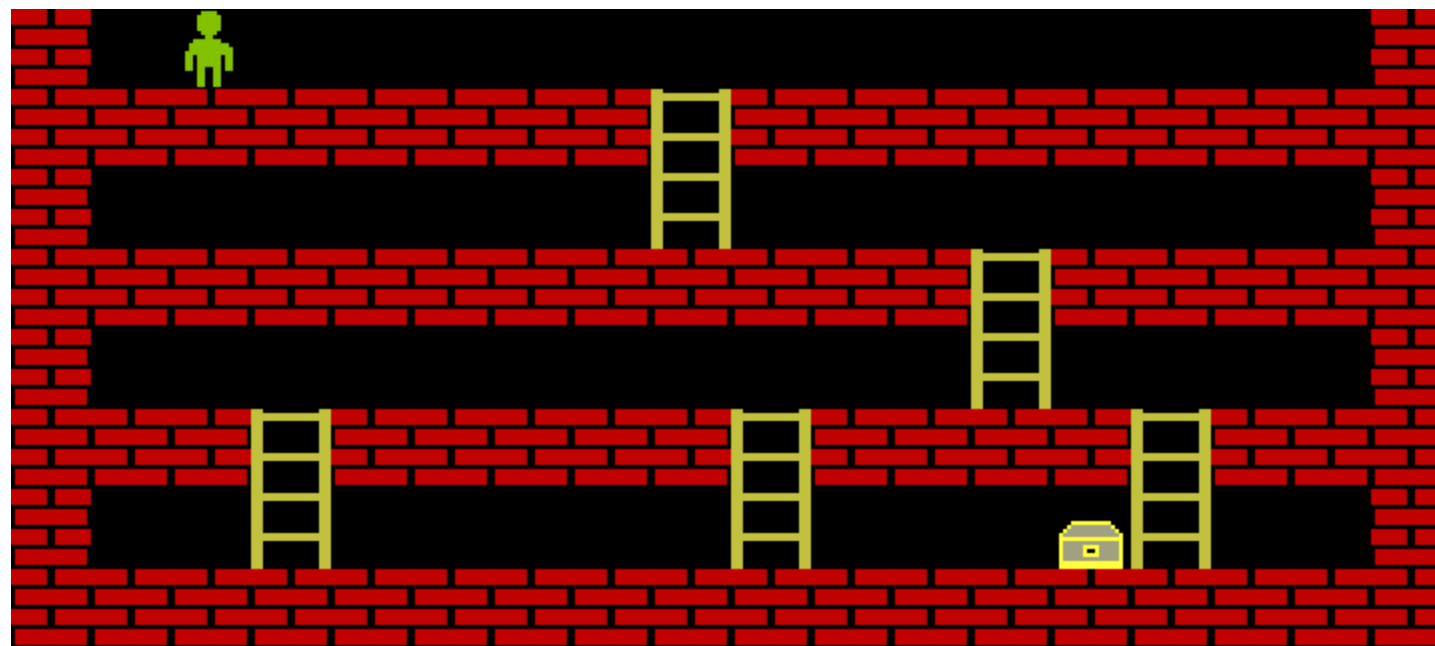
3. ОБХОД ПРЕПЯТСТВИЙ



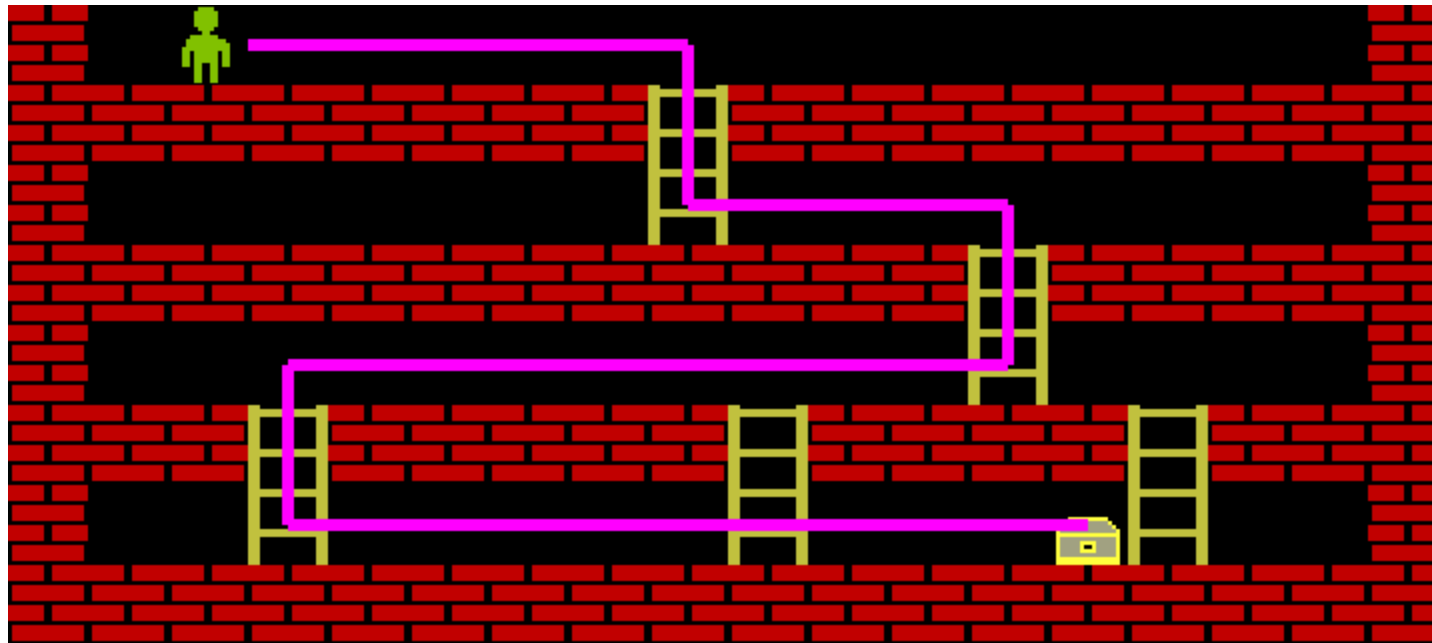
3. ОБХОД ПРЕПЯТСТВИЙ



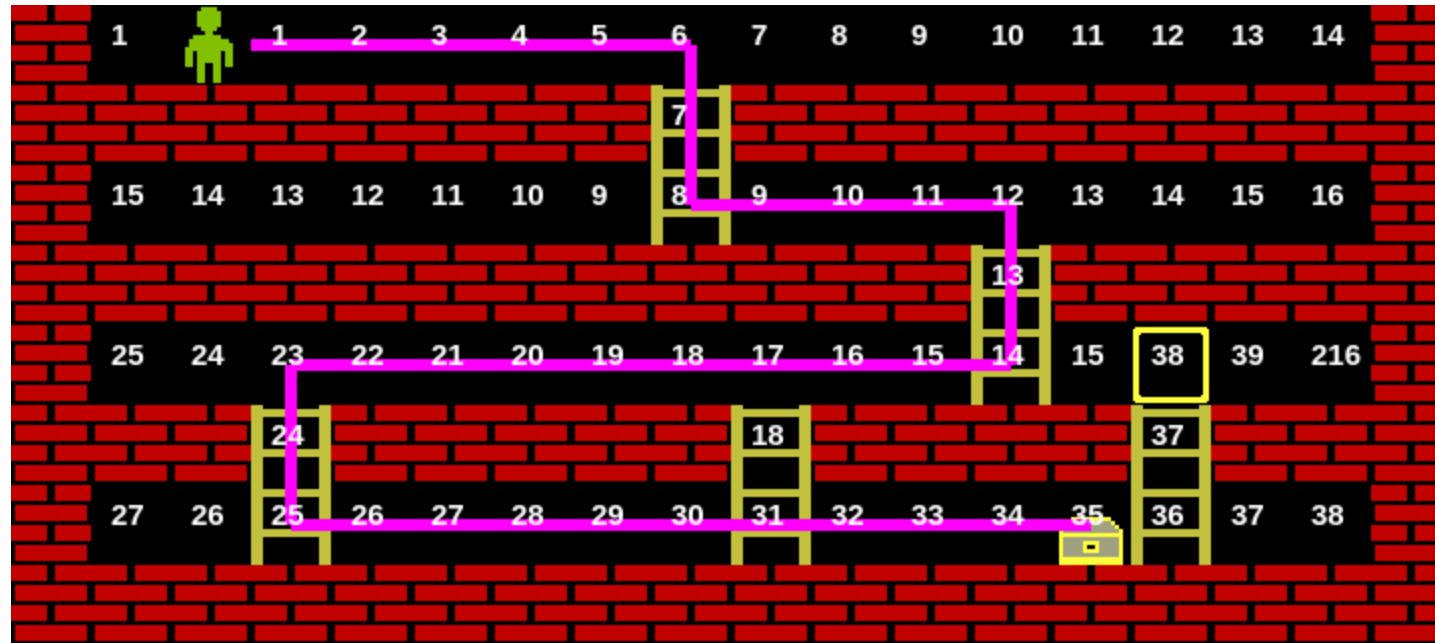
3. ОШИБКА РЕАЛИЗАЦИИ



3. ОШИБКА РЕАЛИЗАЦИИ



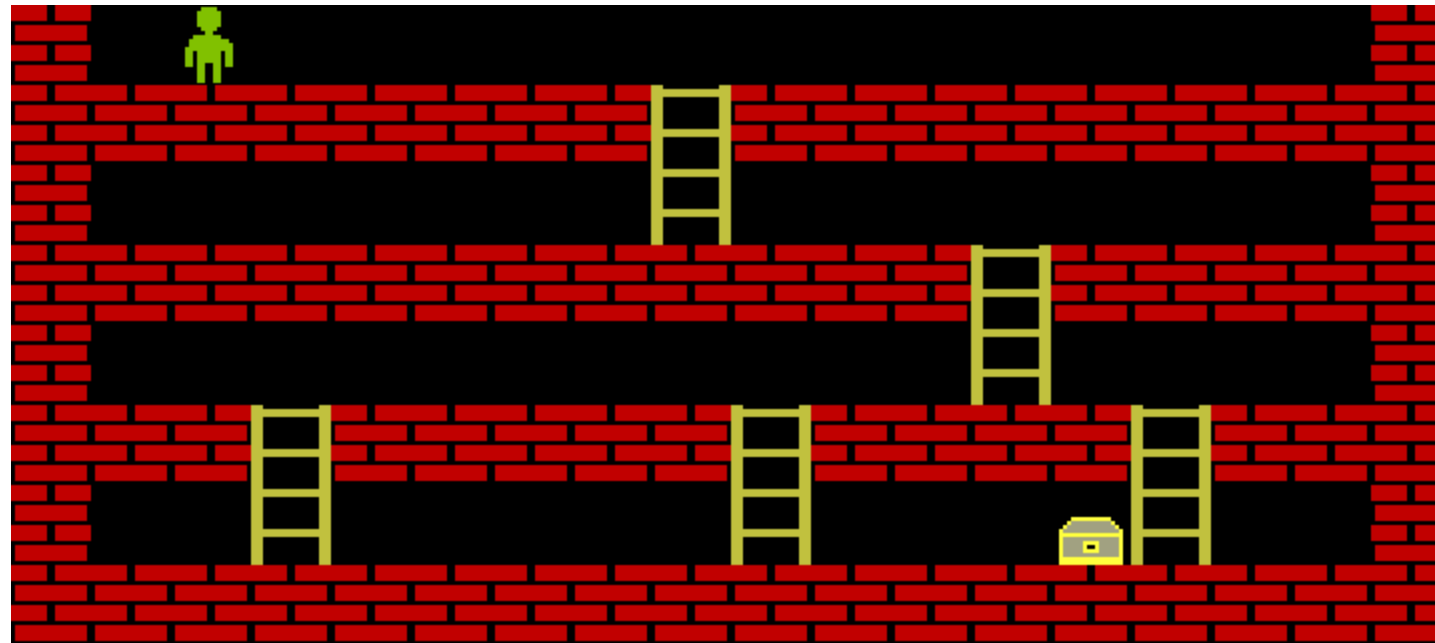
3. ОШИБКА РЕАЛИЗАЦИИ



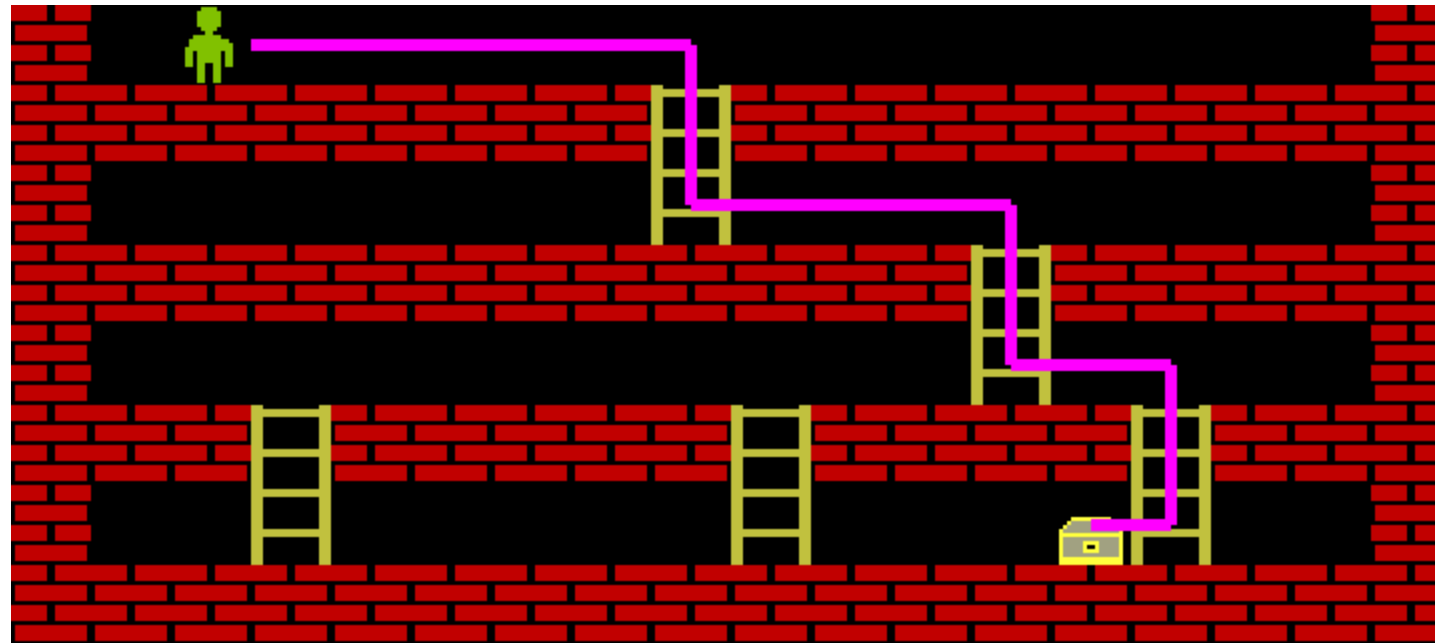
3. ИСПРАВЛЕННАЯ ФУНКЦИЯ

```
01. getNextVertex = (verticesToProcess: number[]): number => {
02.     let minAccessCost = Number.MAX_SAFE_INTEGER;
03.     let result = -1;
04.     verticesToProcess.forEach((nodeIndex) => {
05.         const vertex = this.vertices[nodeIndex as number];
06.         if (vertex.processed === false &&
07.             vertex.accessCost < minAccessCost)
08.             {
09.                 minAccessCost = vertex.accessCost;
10.                 result = nodeIndex as number;
11.             }
12.     });
13.     return result;
14. };
```

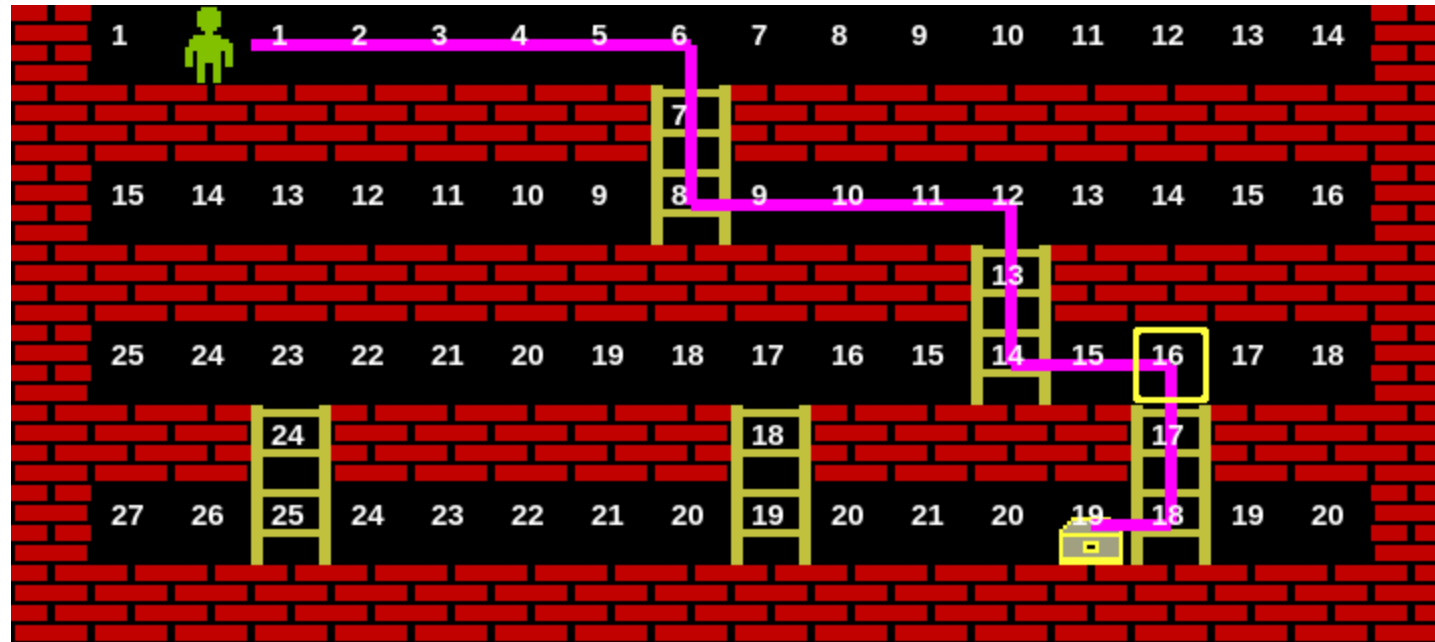
3. ВЫБОР ОПТИМАЛЬНОГО ПУТИ



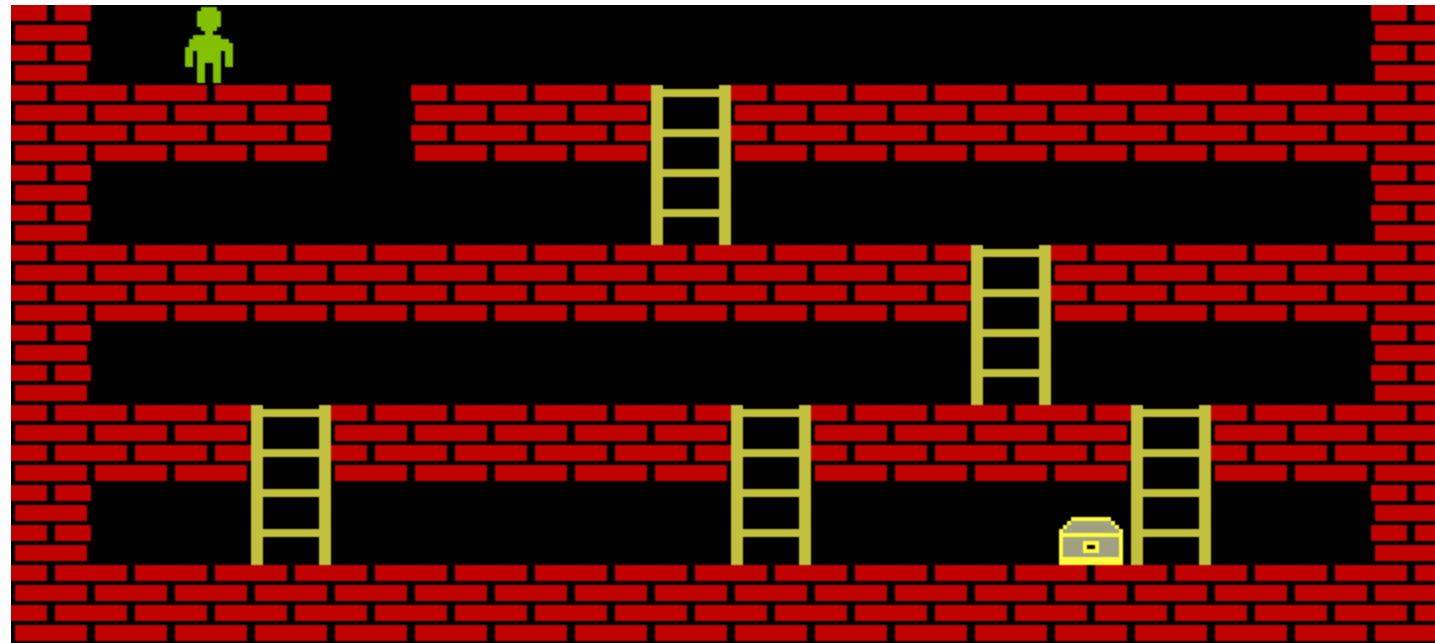
3. ВЫБОР ОПТИМАЛЬНОГО ПУТИ



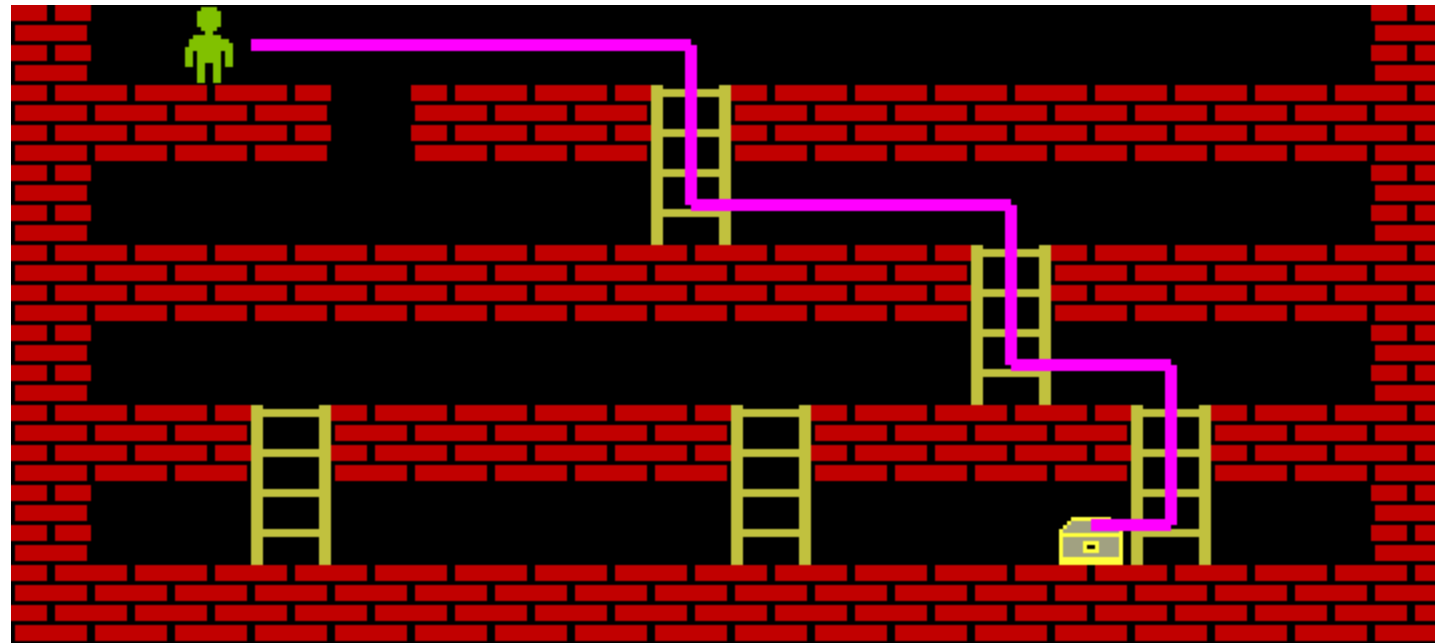
3. ВЫБОР ОПТИМАЛЬНОГО ПУТИ



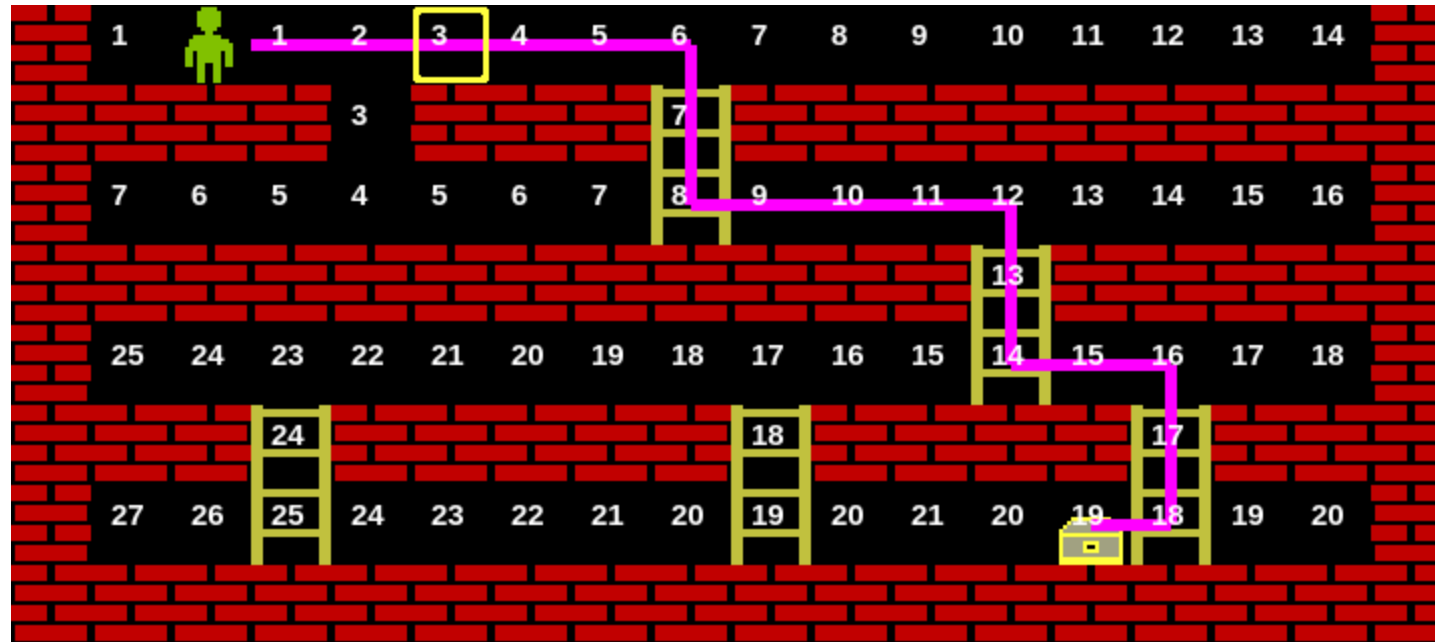
3. ПАДЕНИЕ В ОТВЕРСТИЕ В ПОЛУ



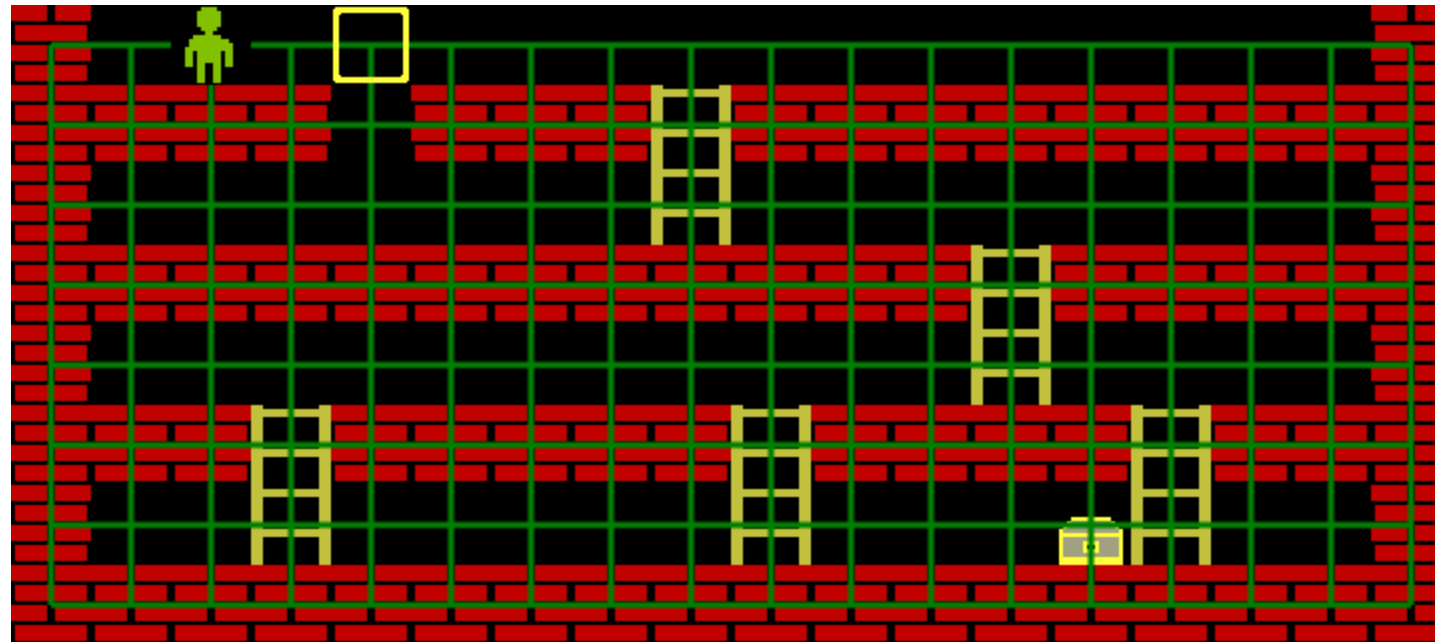
3. ПАДЕНИЕ В ОТВЕРСТИЕ В ПОЛУ



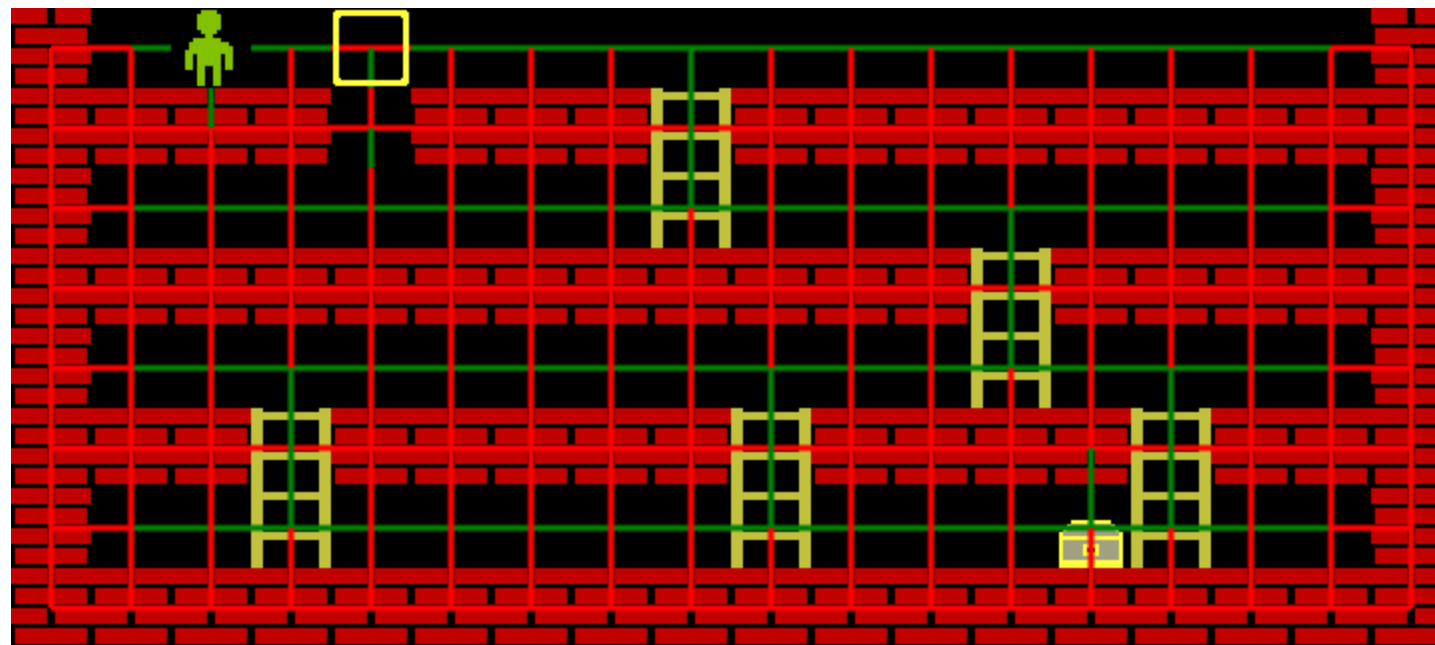
3. ПАДЕНИЕ В ОТВЕРСТИЕ В ПОЛУ



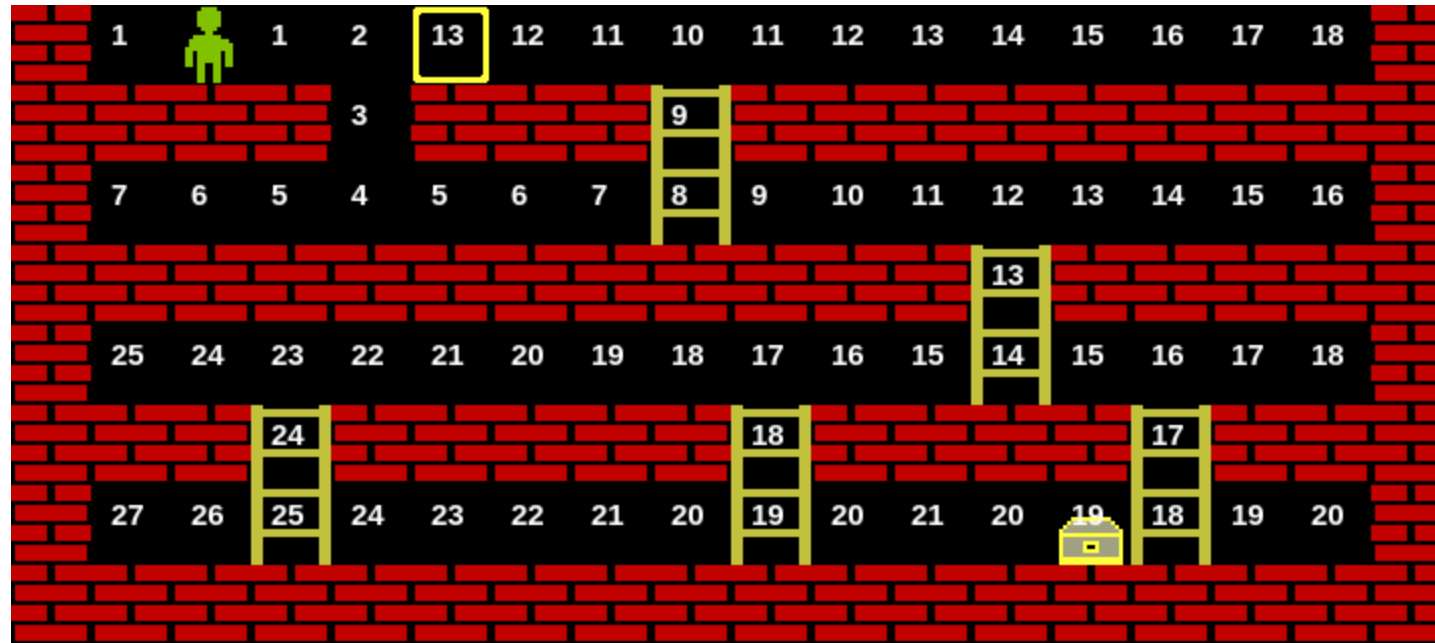
3. ПАДЕНИЕ В ОТВЕРСТИЕ В ПОЛУ



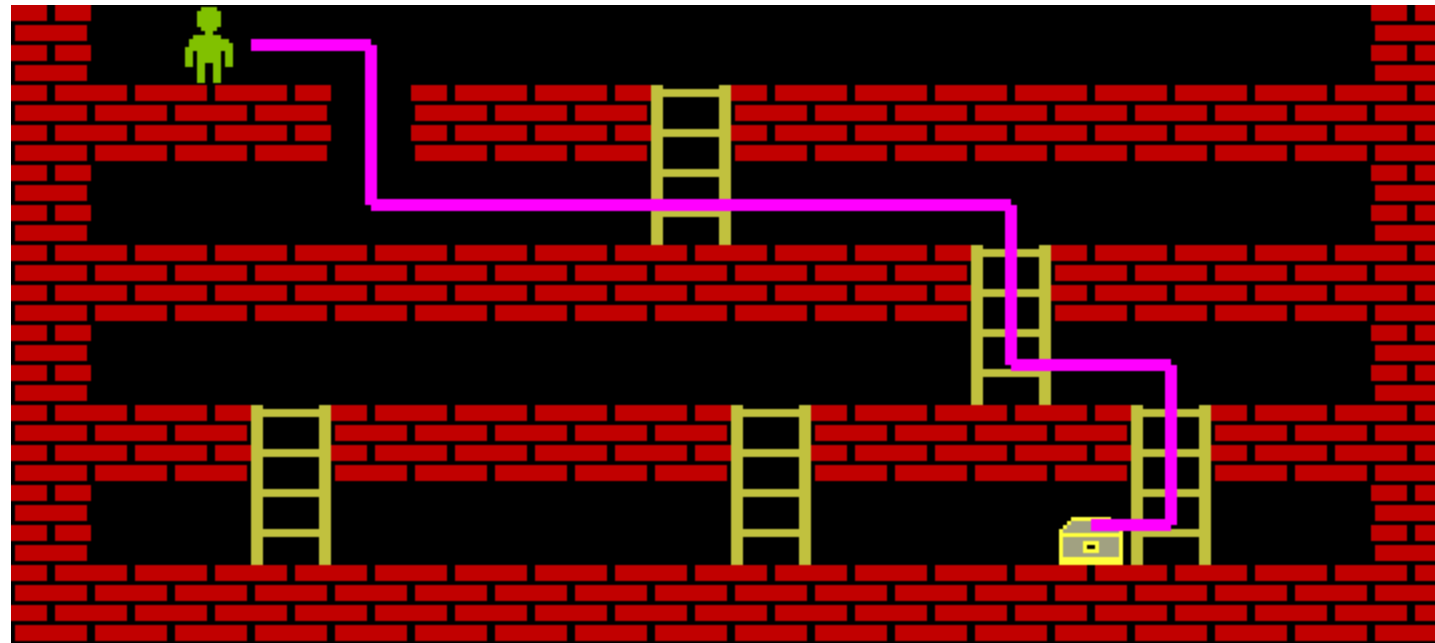
3. ПАДЕНИЕ В ОТВЕРСТИЕ В ПОЛУ



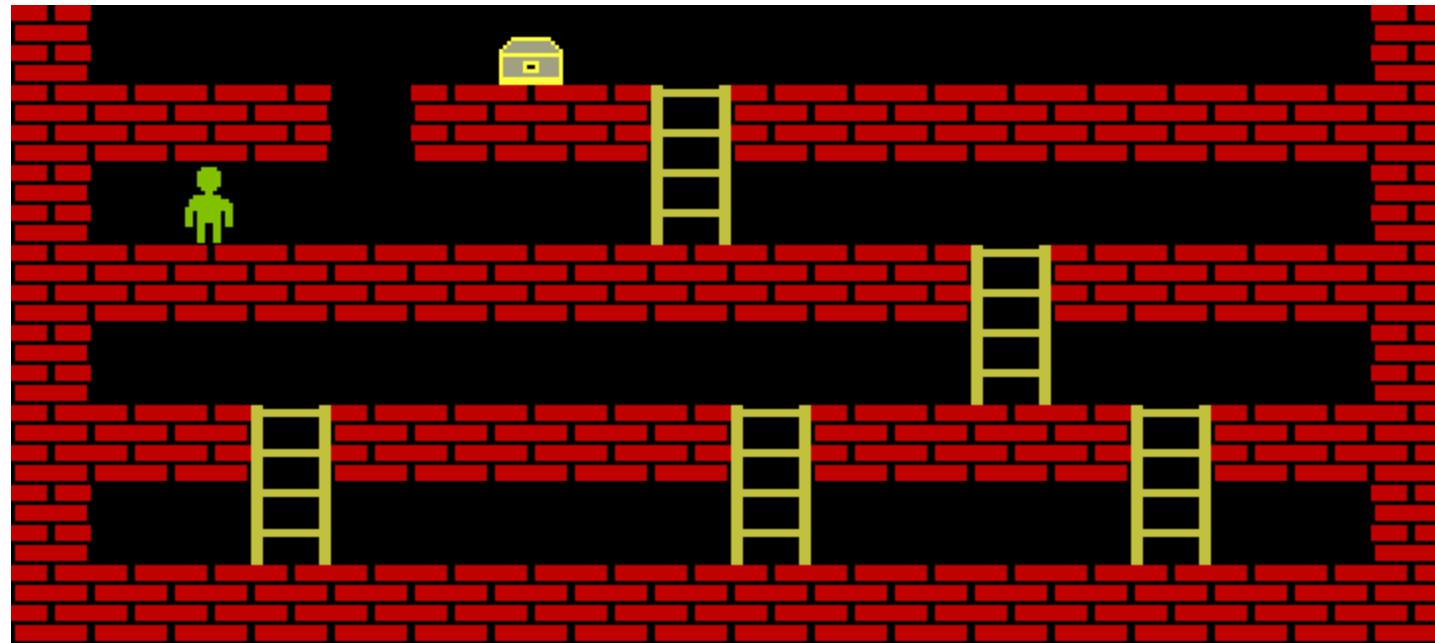
3. ПАДЕНИЕ В ОТВЕРСТИЕ В ПОЛУ



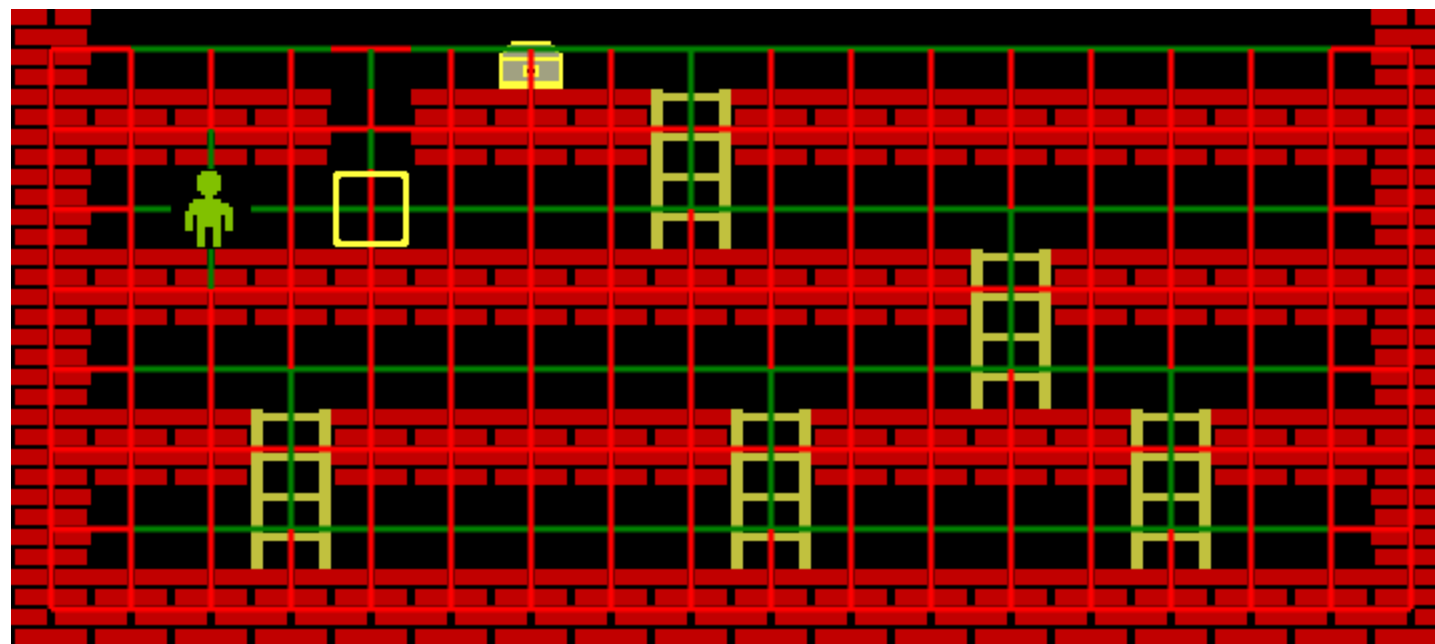
3. ПАДЕНИЕ В ОТВЕРСТИЕ В ПОЛУ



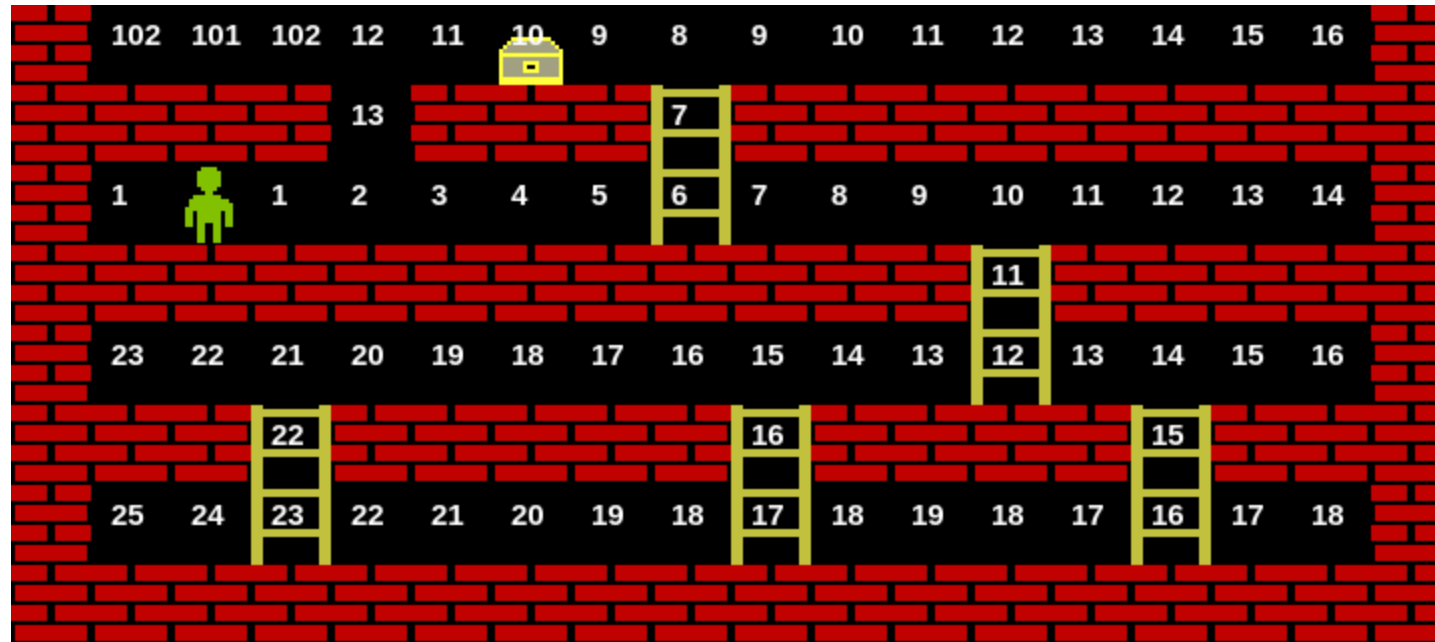
3. ДВИЖЕНИЕ ВВЕРХ



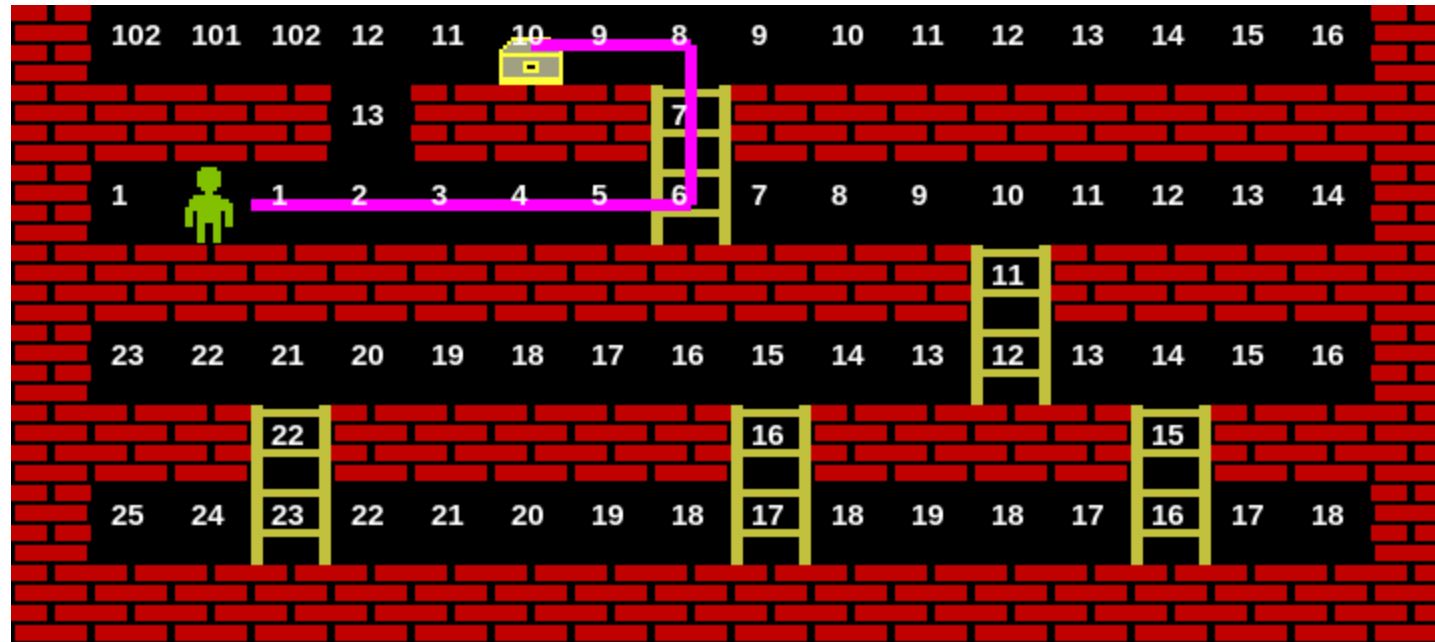
3. ДВИЖЕНИЕ ВВЕРХ



3. ДВИЖЕНИЕ ВВЕРХ



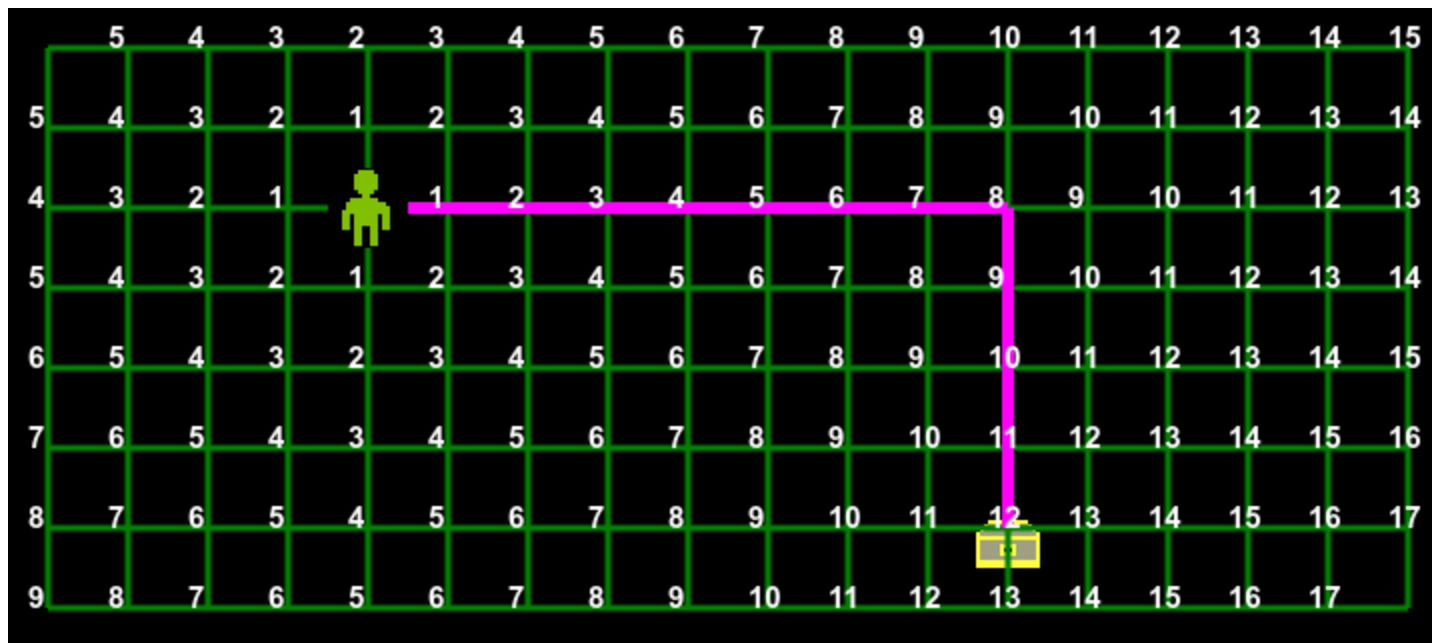
3. ДВИЖЕНИЕ ВВЕРХ



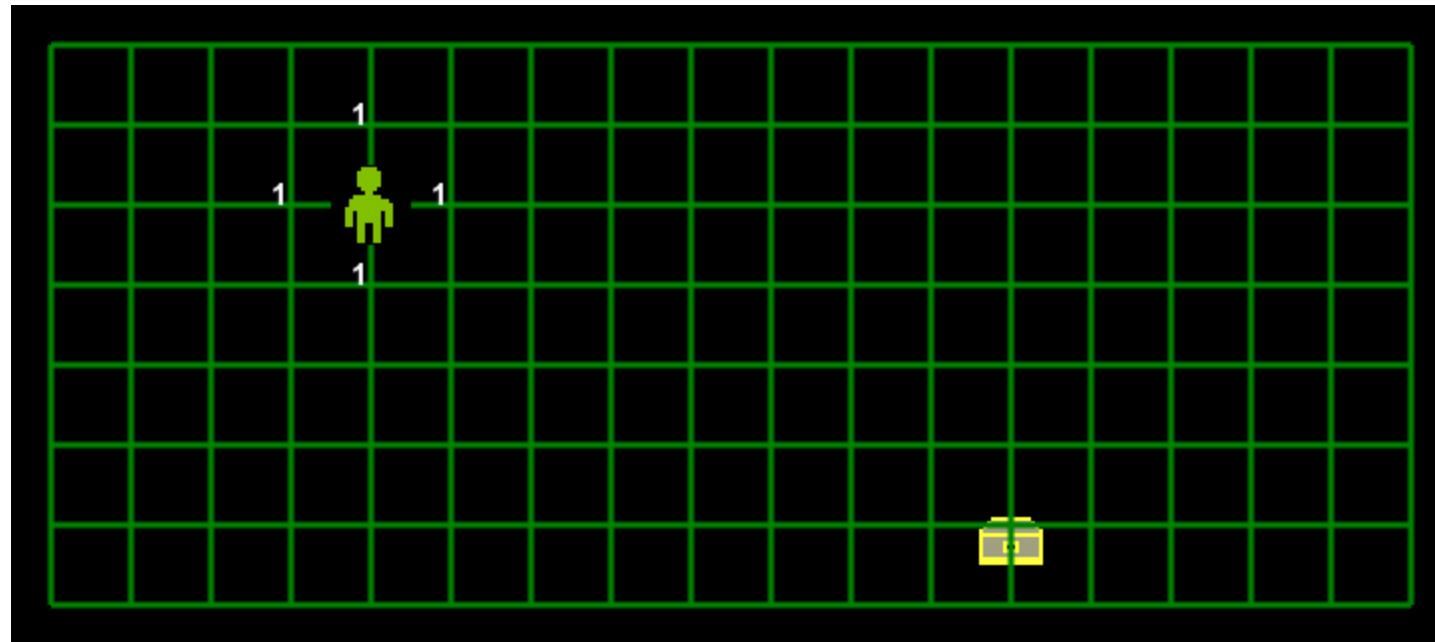
СОДЕРЖАНИЕ

1. Алгоритм Дейкстры
2. Адаптация алгоритма Дейкстры к работе на графе - квадратной сетке
3. Решение задач расчета траектории движения
- 4. Алгоритм A***
- 5. Решение задачи телепортации**
- 6. Сравнение алгоритмов Дейкстры и A***

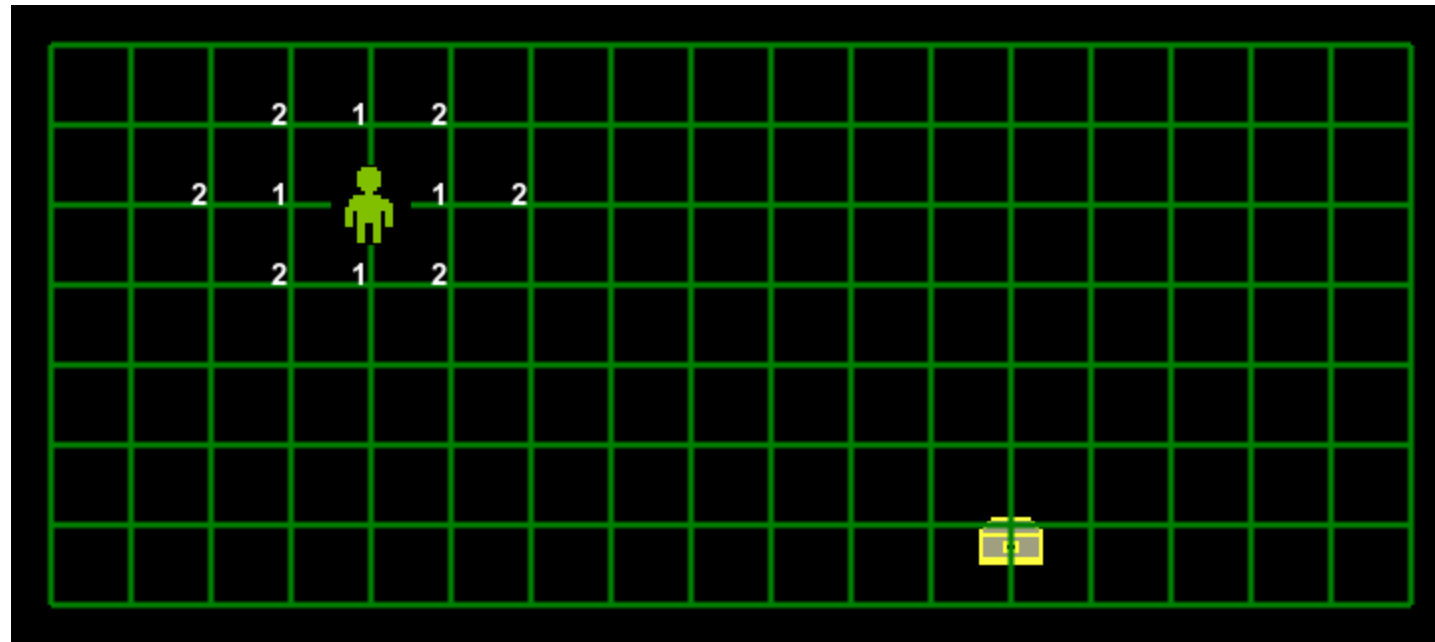
4. АЛГОРИТМ ДЕЙКСТРЫ. РЕЗУЛЬТАТ РАСЧЕТА ГРАФА



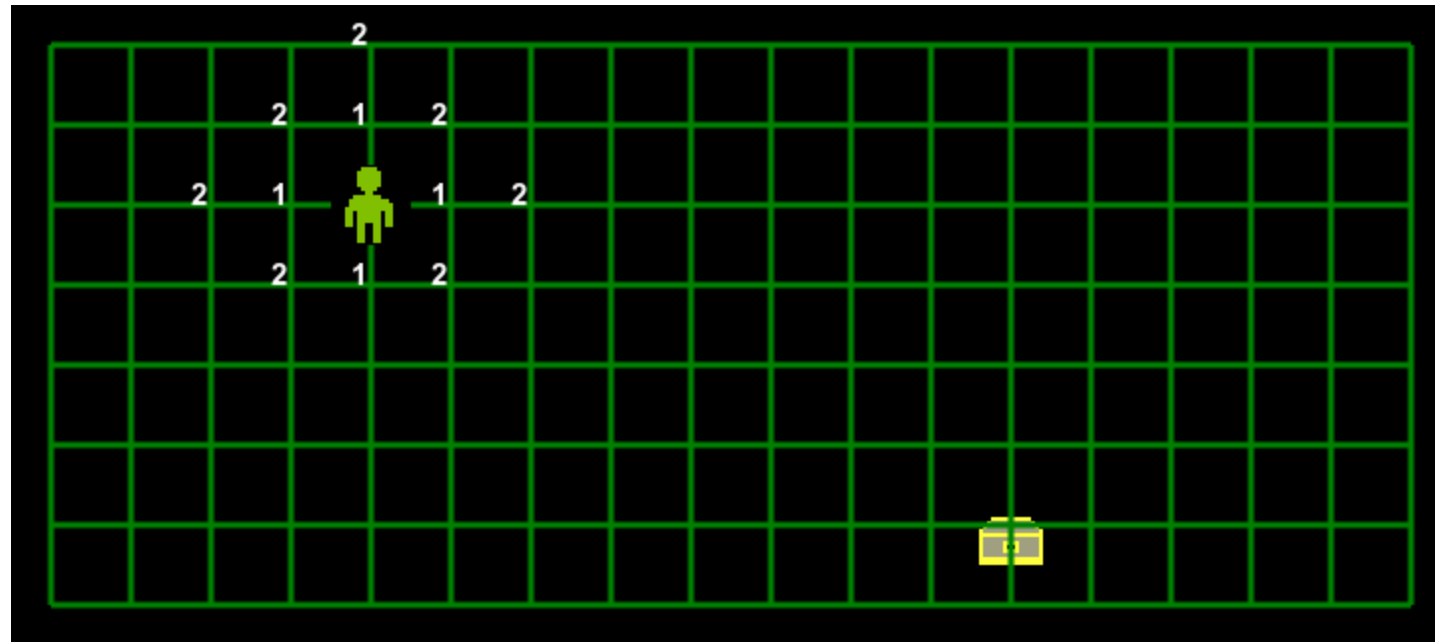
4. АЛГОРИТМ ДЕЙКСТРЫ. В КОНЦЕ ШАГА 1



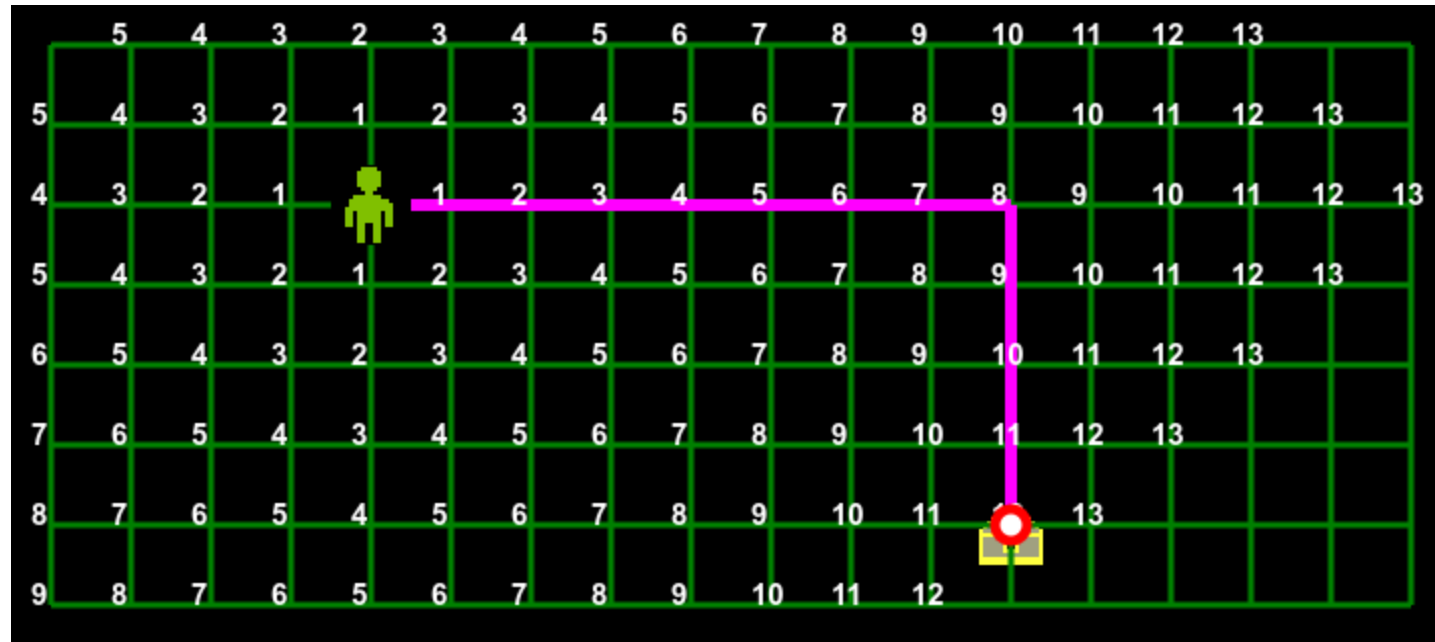
4. АЛГОРИТМ ДЕЙКСТРЫ. В КОНЦЕ ШАГА 2



4. АЛГОРИТМ ДЕЙКСТРЫ. В КОНЦЕ ШАГА 3



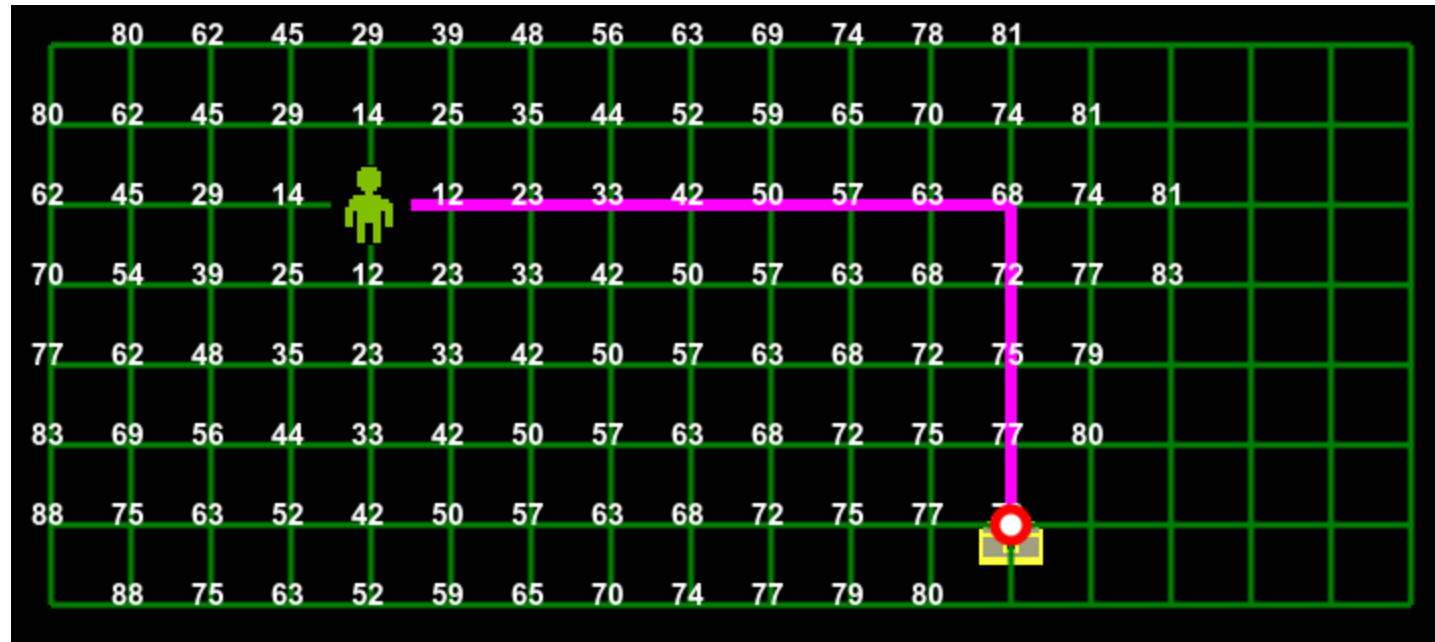
4. ОПТИМИЗАЦИЯ: РАННИЙ ВЫХОД



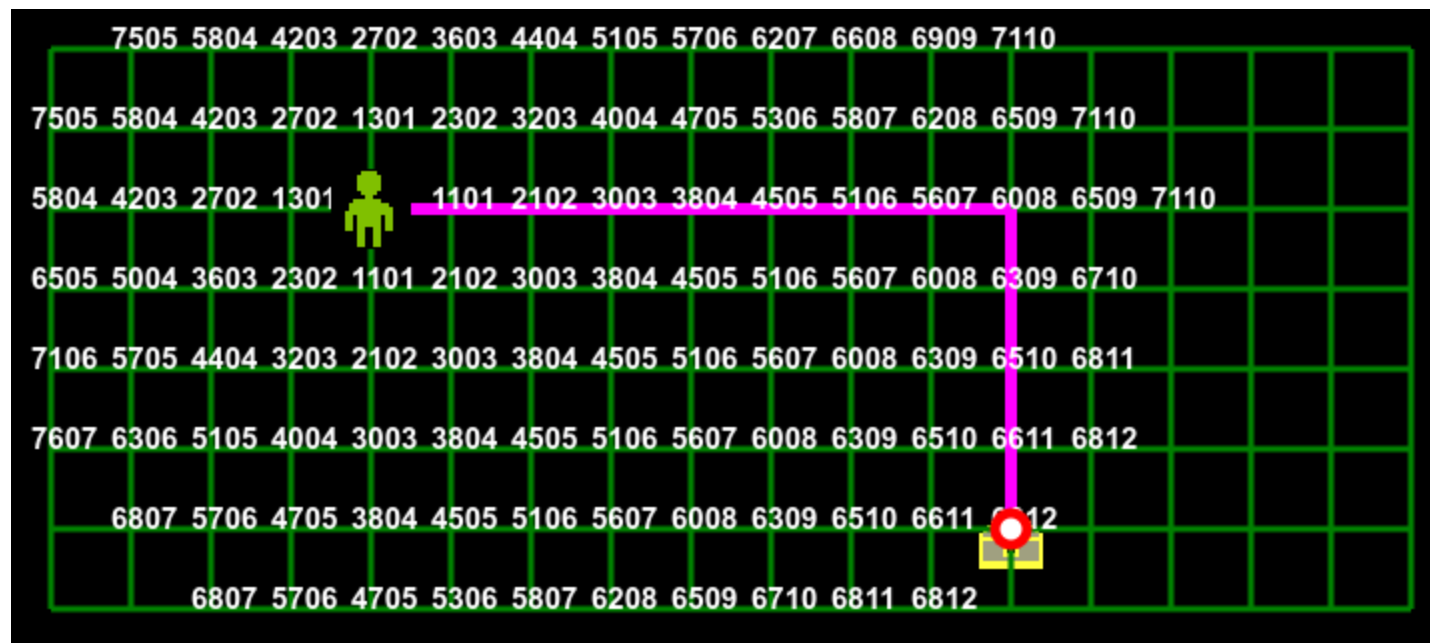
4. ОПТИМИЗАЦИЯ: ЭВРИСТИЧЕСКАЯ ФУНКЦИЯ H()

$$H(x_0, x_1, y_0, y_1) = |x_1 - x_0| + |y_1 - y_0|$$

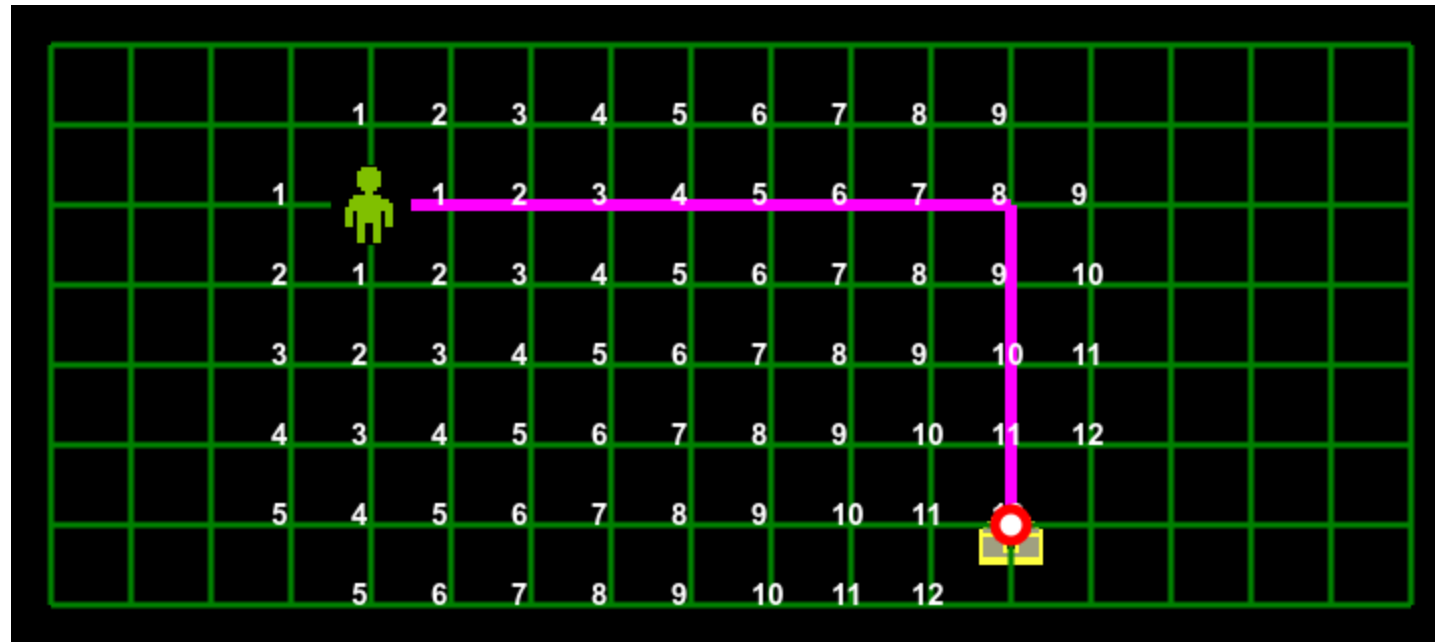
4. СТОИМОСТЬ ПЕРЕХОДА С УЧЕТОМ ЭВРИСТИКИ



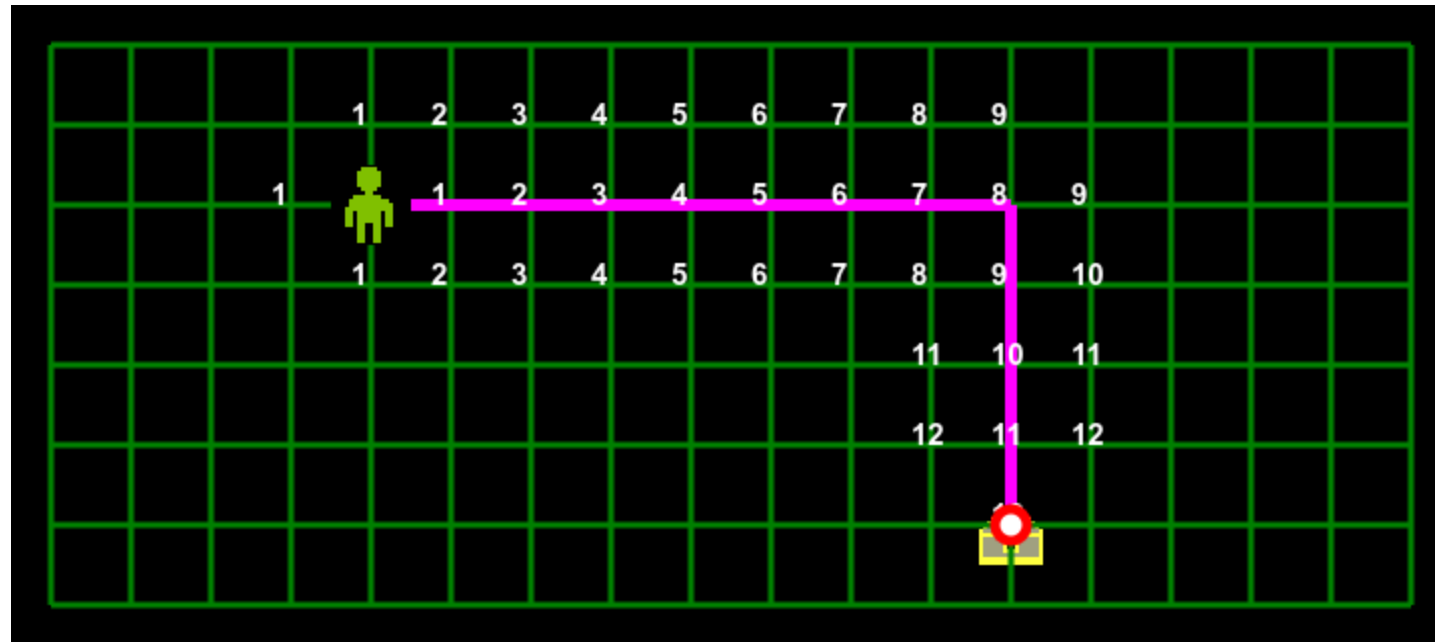
4. СТОИМОСТЬ ПЕРЕХОДА. УВЕЛИЧИВАЕМ ВЕС $H() * 100$



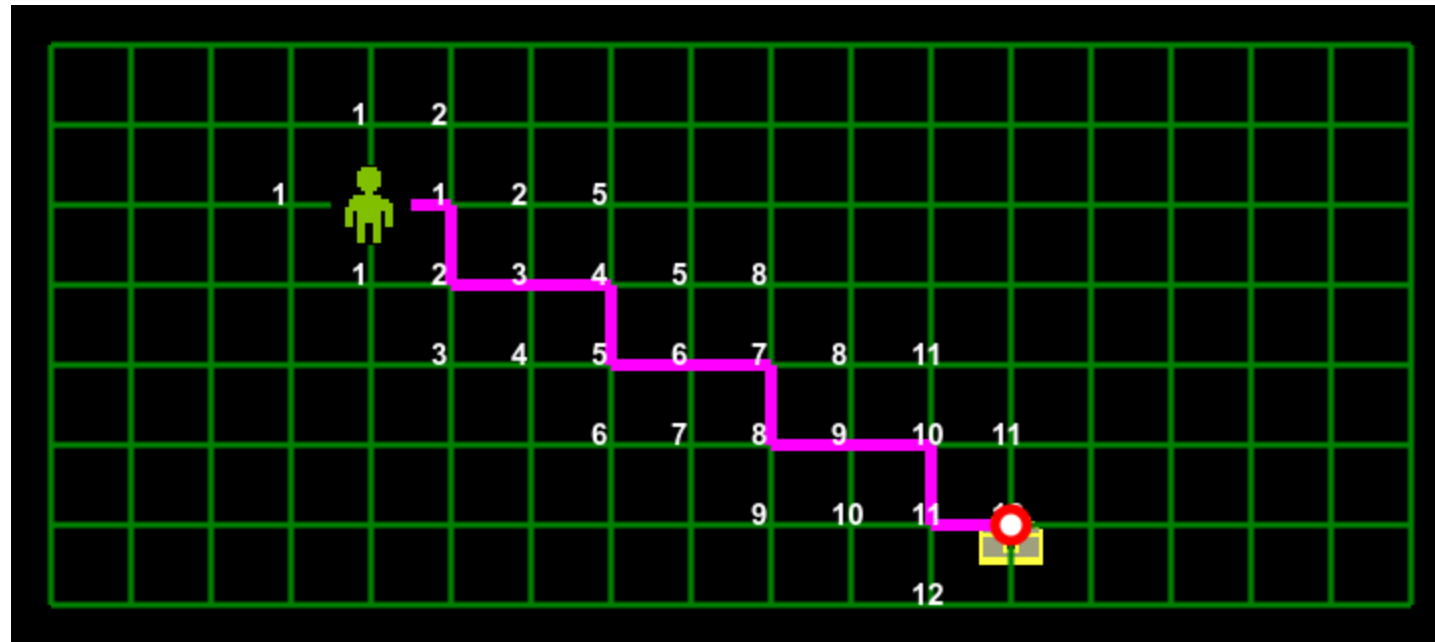
4. ЭВРИСТИКА N1(). ВЫБОР СЛЕДУЮЩЕЙ ВЕРШИНЫ



4. ВЫБОР СЛЕДУЮЩЕЙ ВЕРШИНЫ. $H2() = H1() * 2$



4. НЗ(): УЧИТЫВАЕМ ОТКЛОНЕНИЕ ОТ ПРЯМОЙ



4. НАСТРАИВАЕМ ЭВРИСТИЧЕСКУЮ ФУНКЦИЮ

$$H1(x, y, xT, yT) = |xT - x| + |yT - y|$$

$$H2(x, y, xT, yT) = 2 * H1()$$

$$H3(x, y, xT, yT, xS, yS) = 2 * H1() + D(), \text{ где}$$

$$D(x, y, A, B, C) = |A * x + B * y + C| / \text{sqrt}(A * A + B * B)$$

$$A = yT - yS$$

$$B = xS - xT$$

$$C = xS * (yS - yT) + yS * (xT - xS)$$

(xT, yT) — целевая вершина

(xS, yS) — исходная вершина

(x, y) — вершина, для которой вычисляем значение $H()$

4. ФУНКЦИЯ ВЫЧИСЛЕНИЯ СЛЕДУЮЩЕЙ ВЕРШИНЫ

```
01. getNextVertex = (verticesToProcess: number[]): number => {
02.     let minAccessCost = Number.MAX_SAFE_INTEGER;
03.     let result = -1;
04.     verticesToProcess.forEach((nodeIndex) => {
05.         const vertex = this.vertices[nodeIndex as number];
06.         const h = this.heuristic(nodeIndex, this.toVertex);
07.         if (vertex.processed === false &&
08.             vertex.accessCost + h < minAccessCost)
09.             {
10.                 minAccessCost = vertex.accessCost + h;
11.                 result = nodeIndex as number;
12.             }
13.     });
14.     return result;
15. };
```

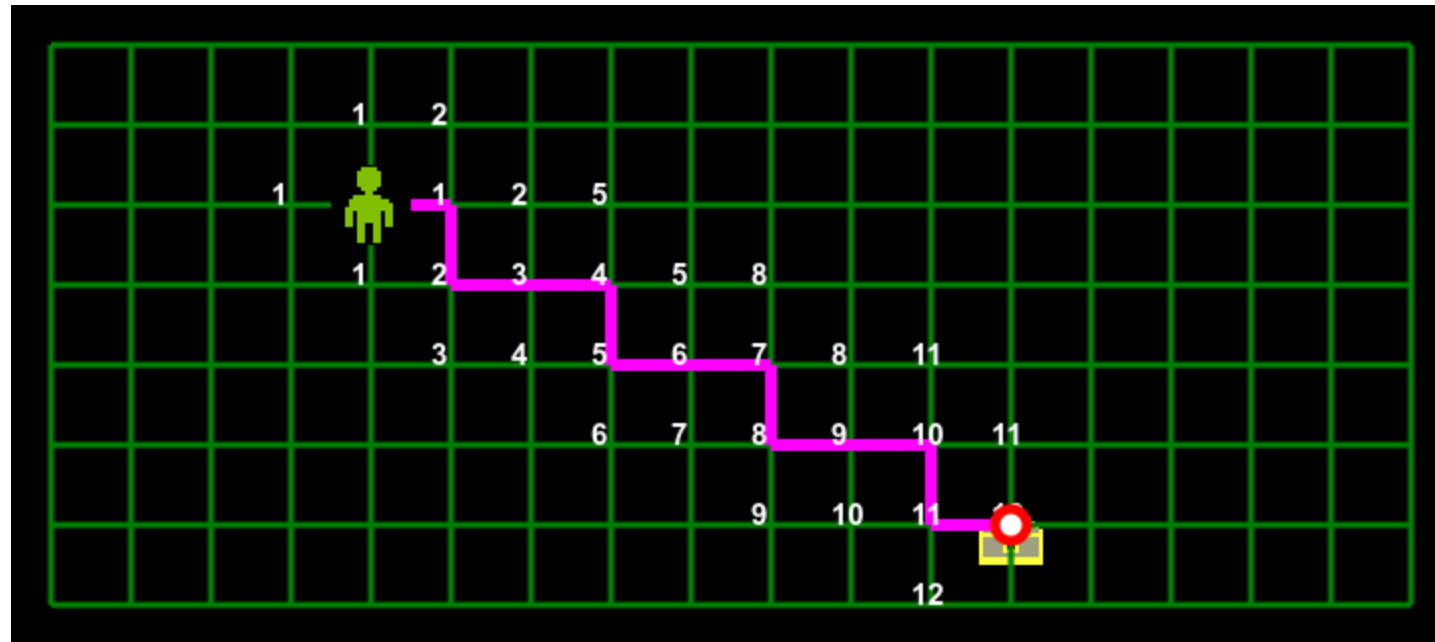
4. ЭВРИСТИЧЕСКАЯ ФУНКЦИЯ H2()

```
01. function heuristic(v0Index: number, v1Index: number) {  
02.     const v0 = field.idxToPoint2D(v0Index, field.getWidth());  
03.     const v1 = field.idxToPoint2D(v1Index, field.getWidth());  
04.     const h = Math.abs(v0.x - v1.x) + Math.abs(v0.y - v1.y);  
05.     return h * 2;  
06. };
```

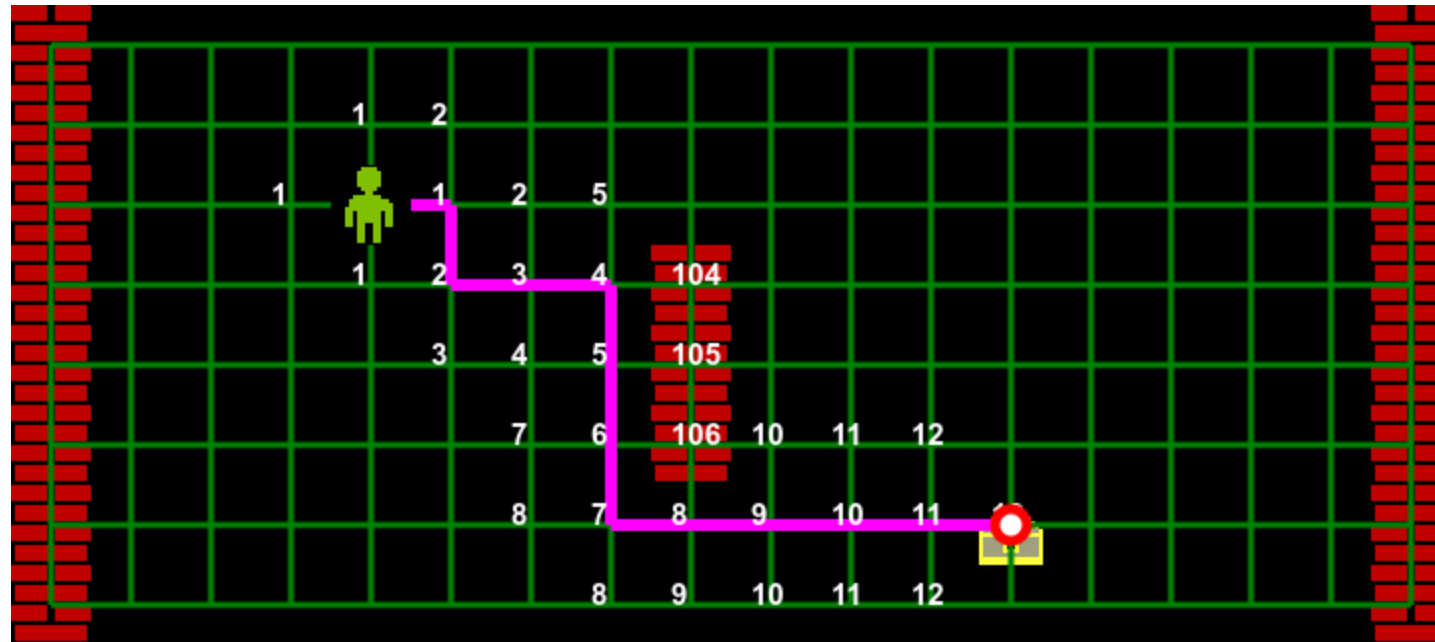
4. ЭВРИСТИЧЕСКАЯ ФУНКЦИЯ H3()

```
01. function heuristic(v0Index: number, v1Index: number) {
02.     const v0: Point2D = field.vIndexToPoint2D(v0Index);
03.     const v1: Point2D = field.vIndexToPoint2D(v1Index);
04.     const h = Math.abs(v0.x - v1.x) + Math.abs(v0.y - v1.y);
05.     const d = getDistance(A, B, C, v0);
06.     return h * 2 + d;
07. };
08. const getDistance = (A, B, C: number, v: Point2D) =>
09.     Math.abs(A * v.x + B * v.y + C) / Math.sqrt(A*A + B*B);
10. const getA = (vS: Point2D, vT: Point2D) => vT.y - vS.y;
11. const getB = (vS: Point2D, vT: Point2D) => vS.x - vT.x;
12. const getC = (vS: Point2D, vT: Point2D) =>
13.     vS.x * (vS.y - vT.y) + vS.y * (vT.x - vS.x);
```

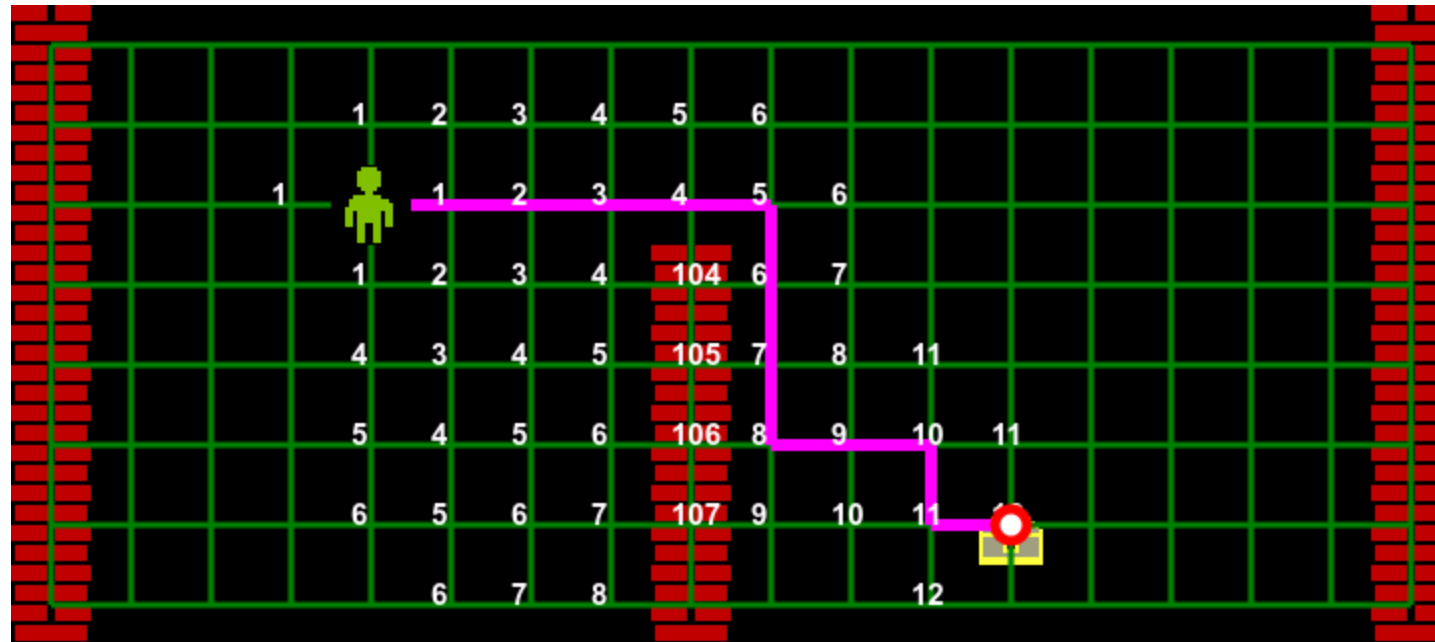
4. НЗ(): УЧИТЫВАЕМ ОТКЛОНЕНИЕ ОТ ПРЯМОЙ



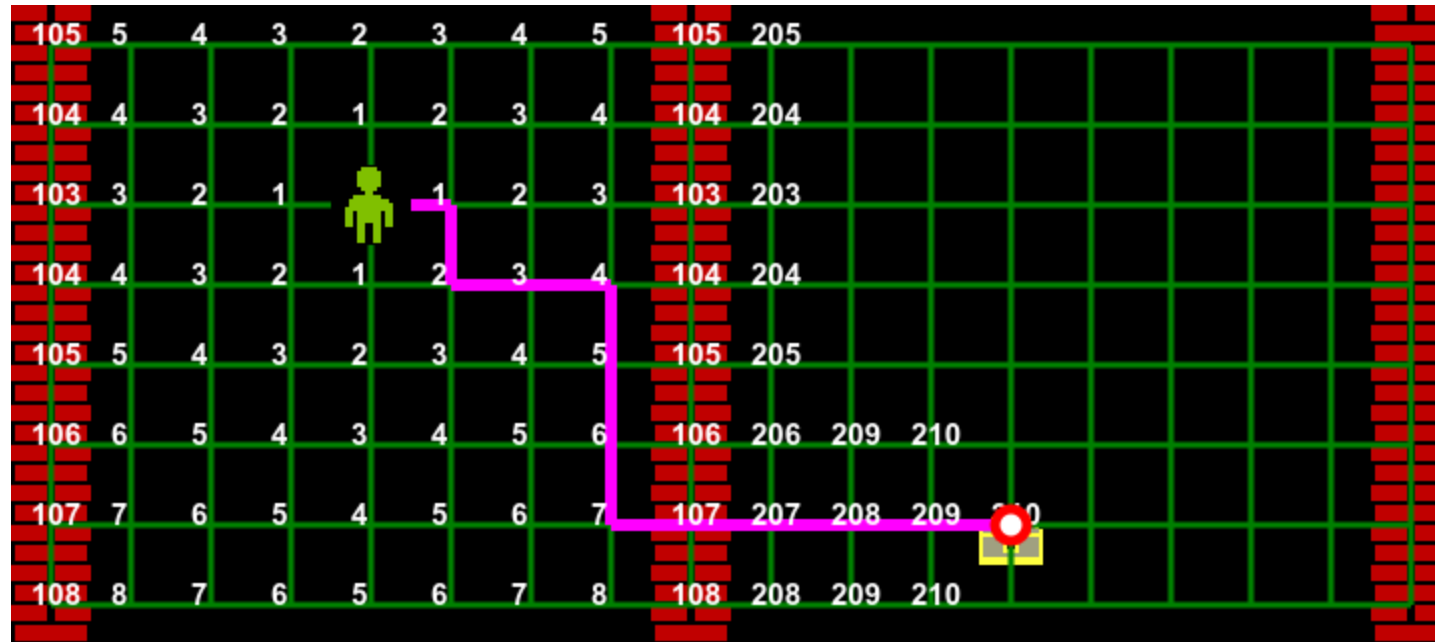
4. ДОБАВЛЯЕМ БАРЬЕР



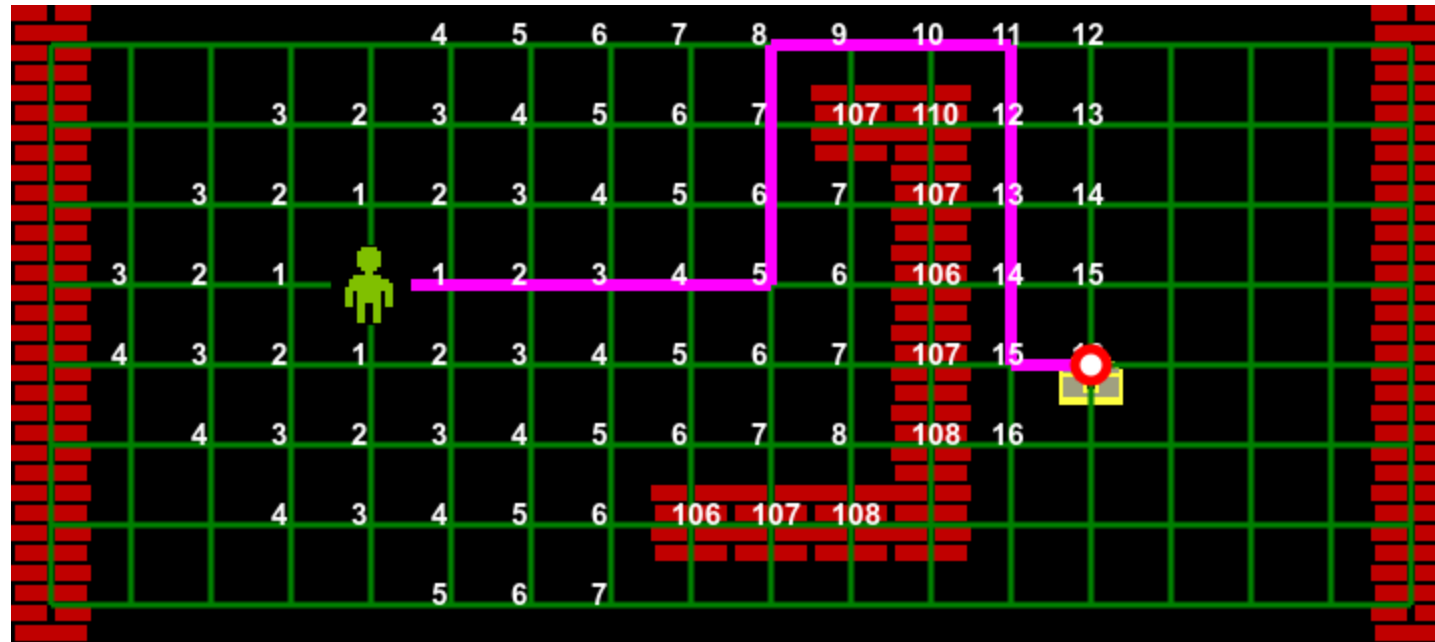
4. СПЛОШНОЙ БАРЬЕР СНИЗУ



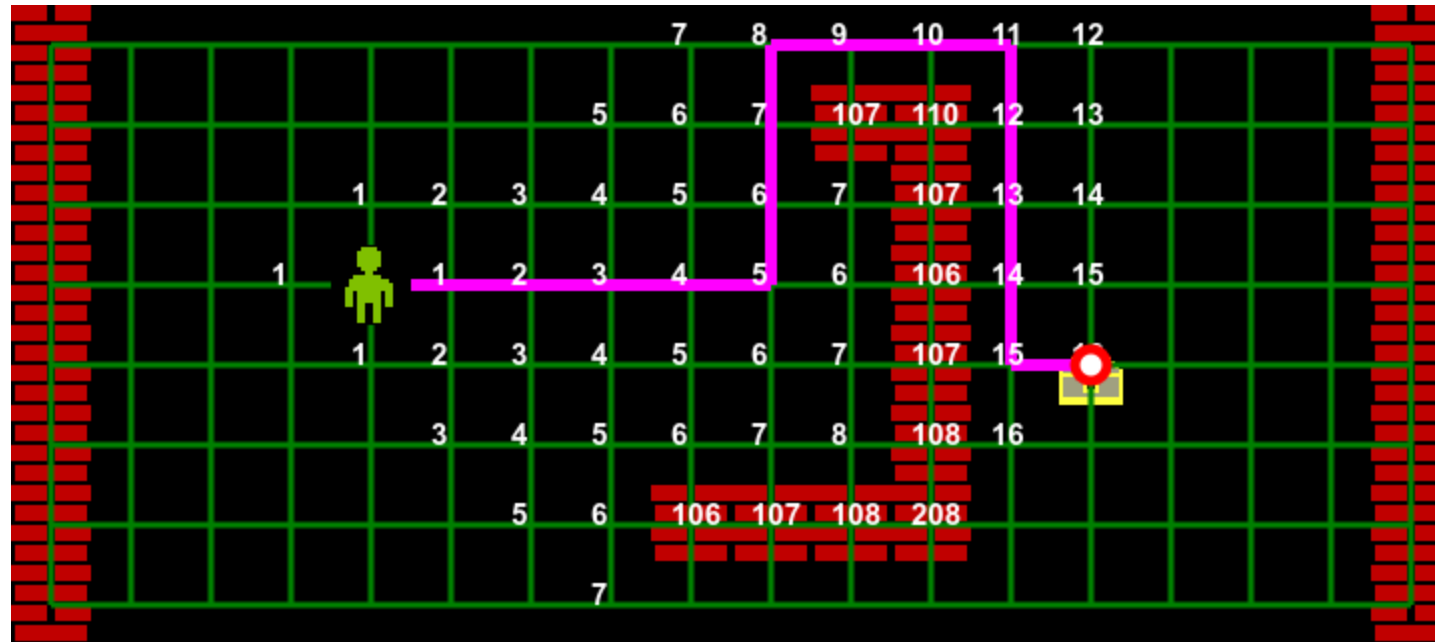
4. ПРОХОДИМ СКВОЗЬ СТЕНУ



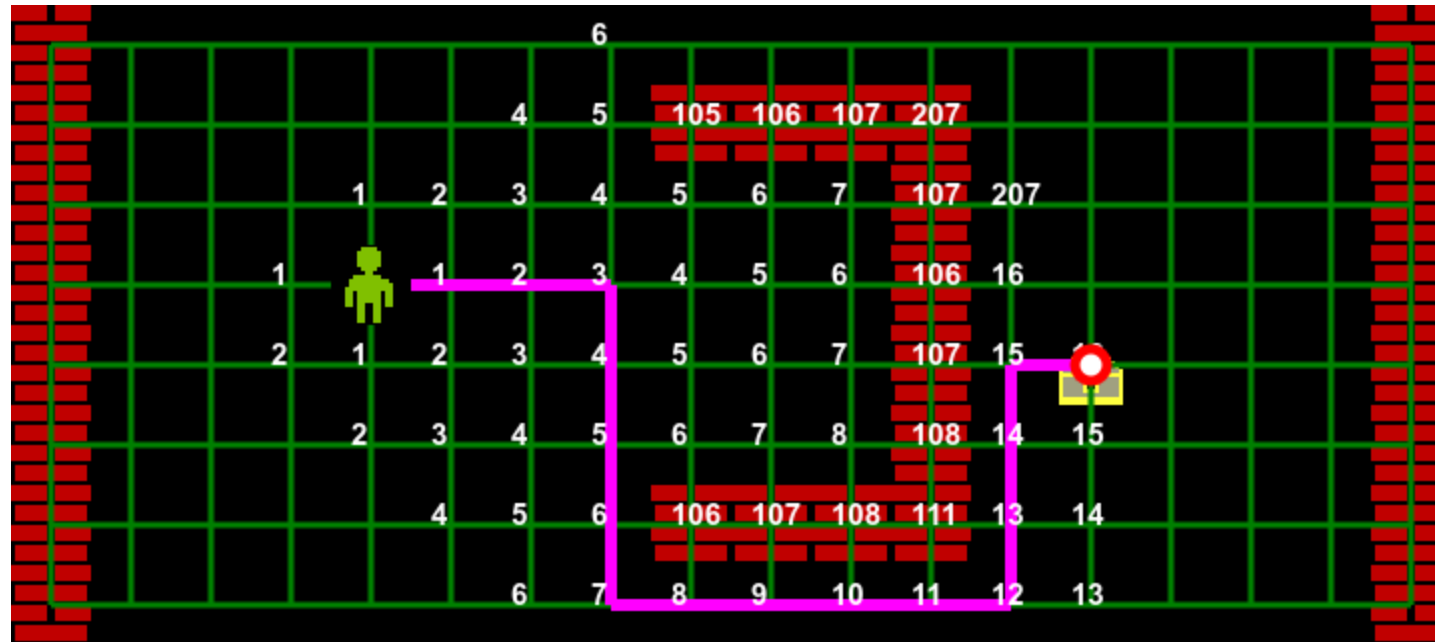
4. ДРУГОЙ БАРЬЕР



4. H4() – С НОВЫМИ КОЭФФИЦИЕНТАМИ



4. БАРЬЕР: МЕНЯЕМ ФОРМУ ПРЕПЯТСТВИЯ



4. ЭВРИСТИЧЕСКАЯ ФУНКЦИЯ H4()

$$H1(x, y, xT, yT) = |xT - x| + |yT - y|$$

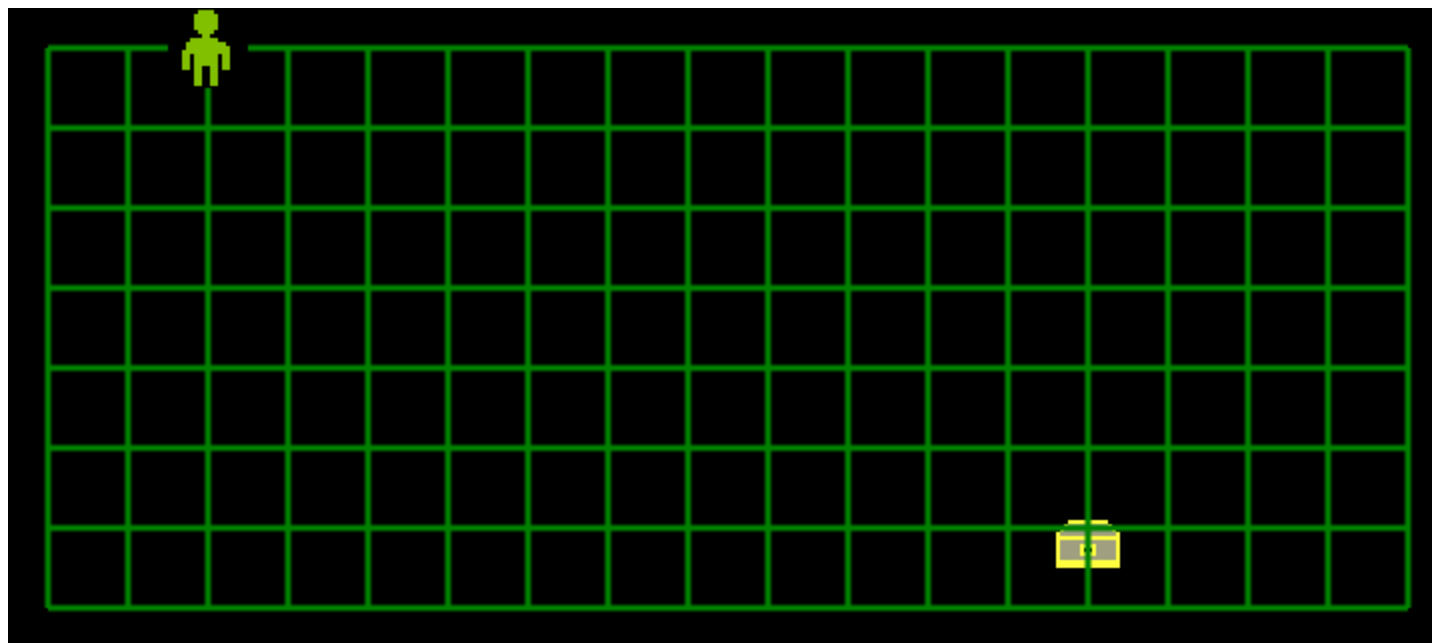
$$H2(x, y, xT, yT) = 2 * H1()$$

$$H3(x, y, xT, yT, xS, yS) = 2 * H1() + D()$$

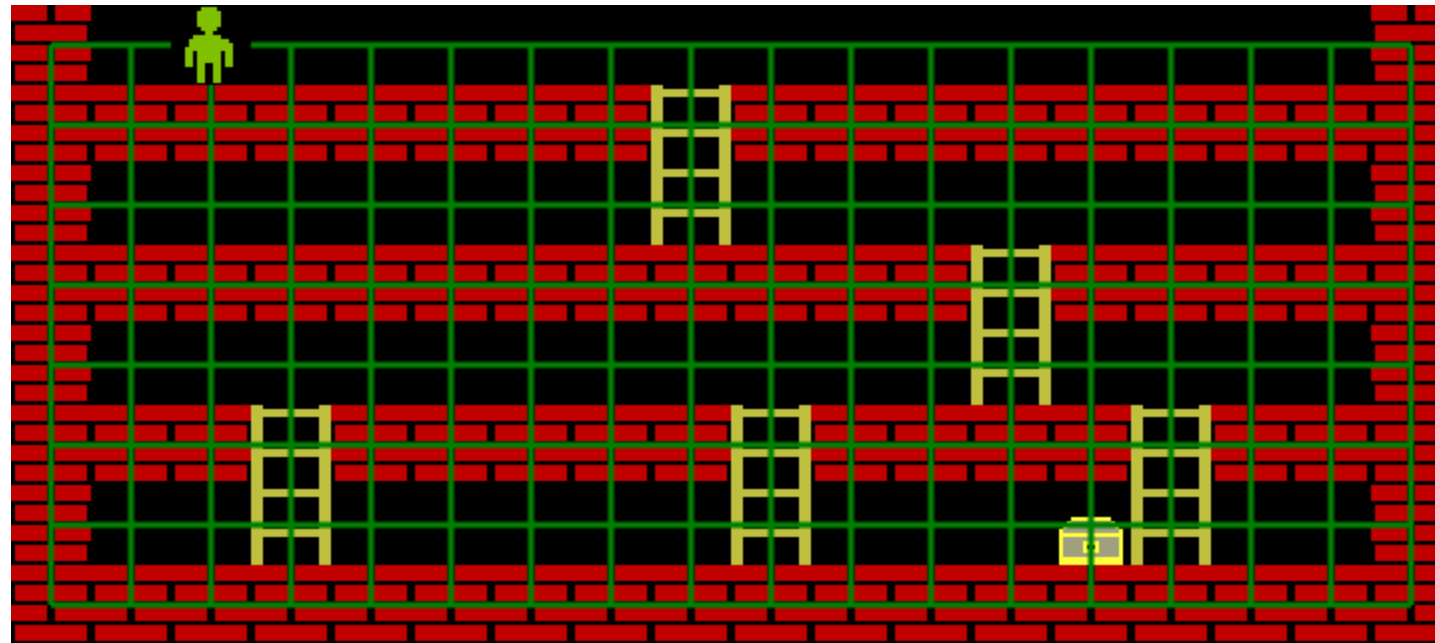
$$H4(x, y, xT, yT, xS, yS) = 5 * (4 * H1() + D())$$

1. Алгоритм Дейкстры
2. Адаптация алгоритма Дейкстры к работе на графе - квадратной сетке
3. Решение задач расчета траектории движения
4. Алгоритм A^*
- 5. Решение задачи телепортации**
- 6. Сравнение алгоритмов Дейкстры и A^***

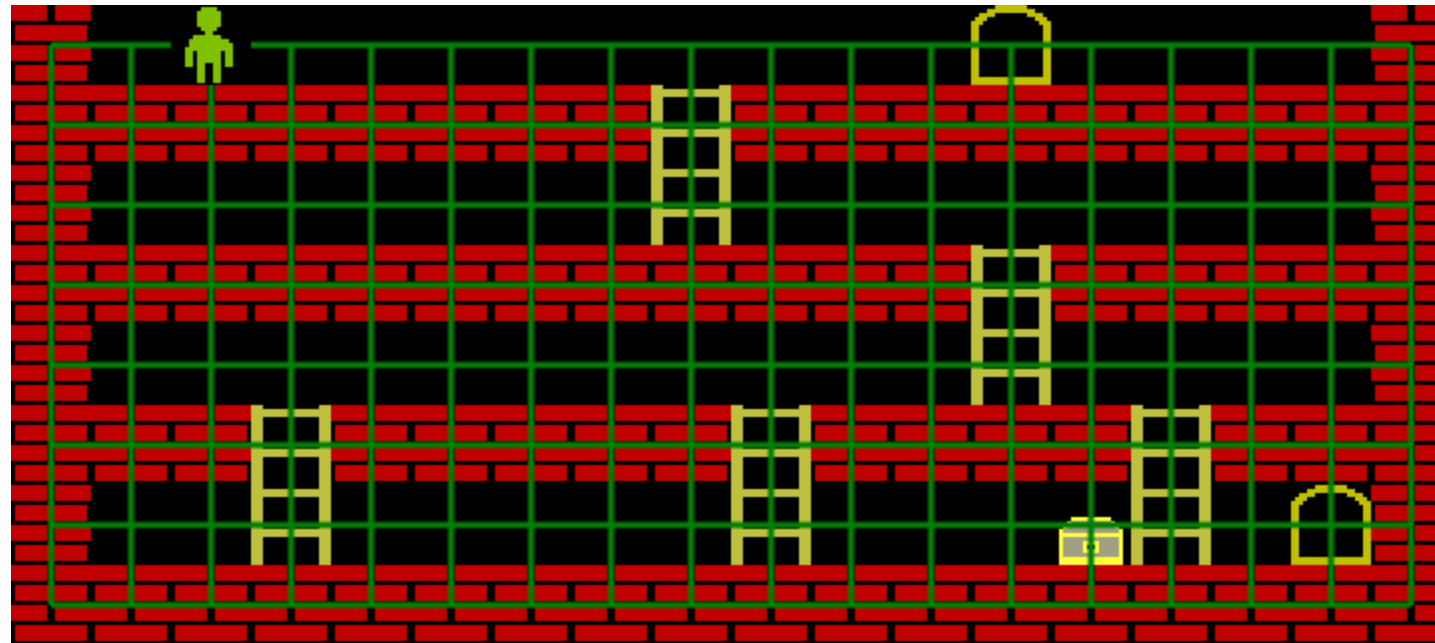
5. ОГРАНИЧЕНЫ ЛИ МЫ 2D-ПРОСТРАНСТВОМ?



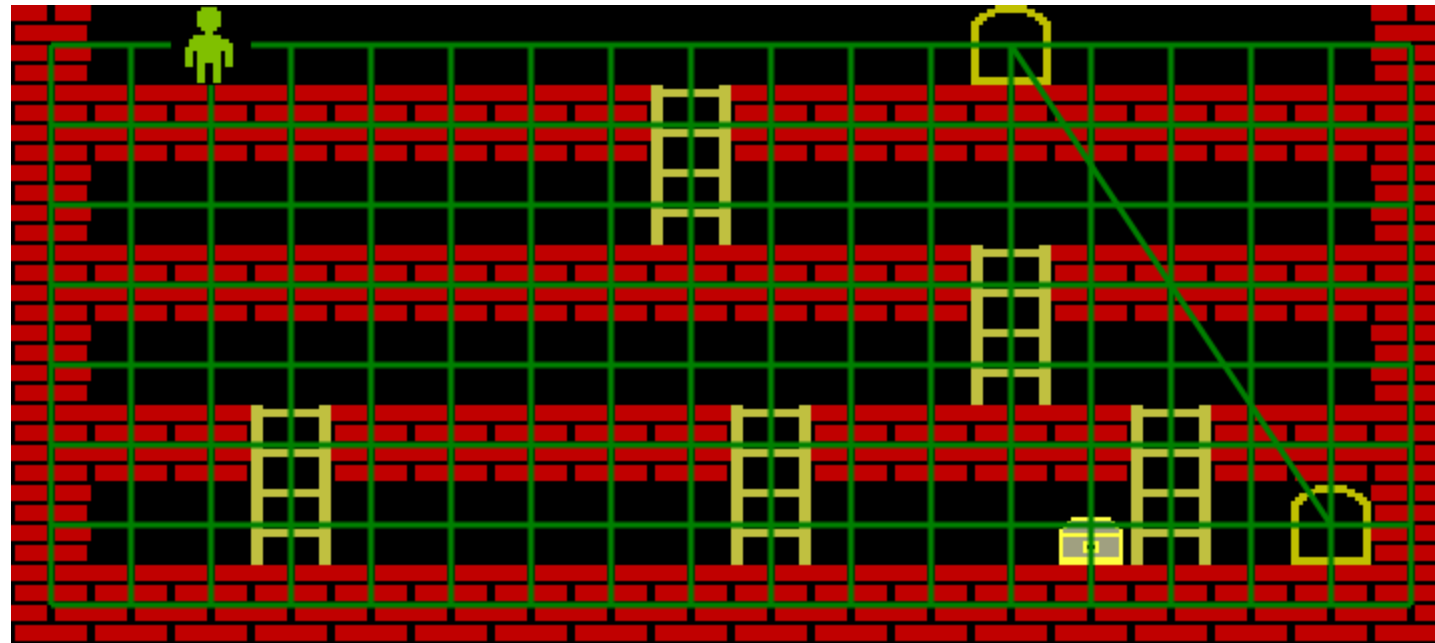
5. ОГРАНИЧЕНЫ ЛИ МЫ 2D-ПРОСТРАНСТВОМ?



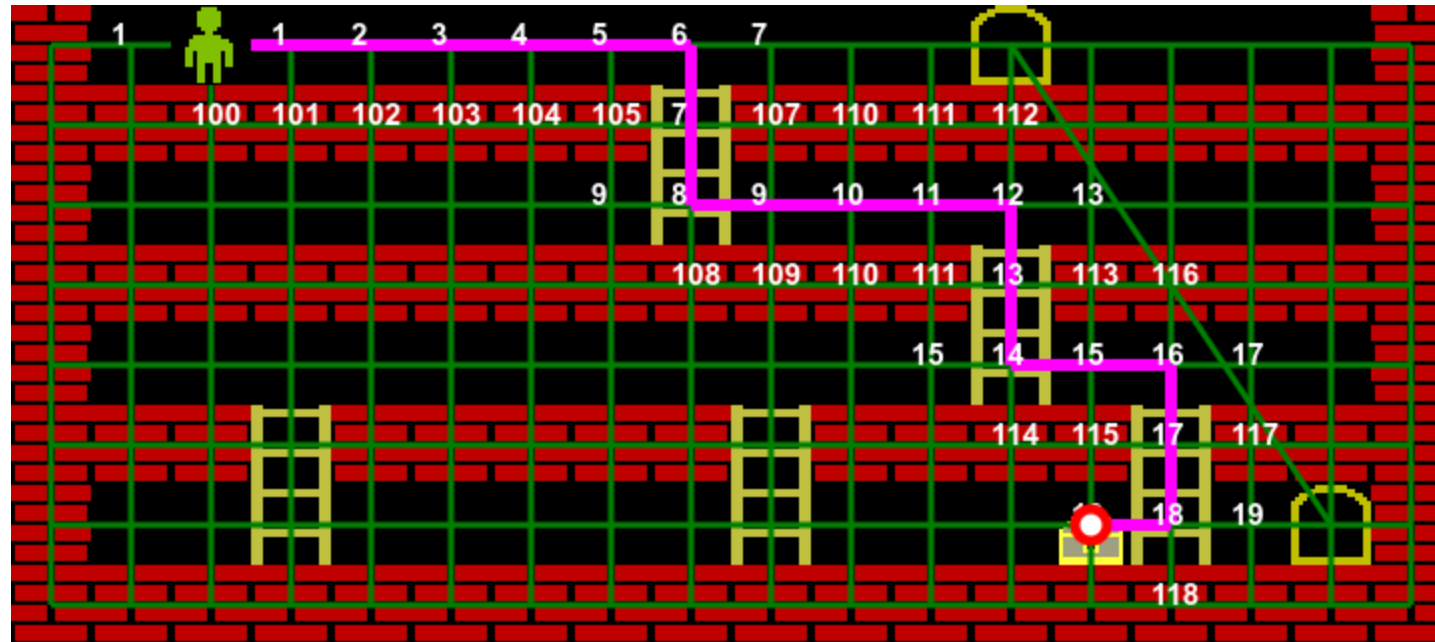
5. ОГРАНИЧЕНЫ ЛИ МЫ 2D-ПРОСТРАНСТВОМ?



5. ОГРАНИЧЕНЫ ЛИ МЫ 2D-ПРОСТРАНСТВОМ?



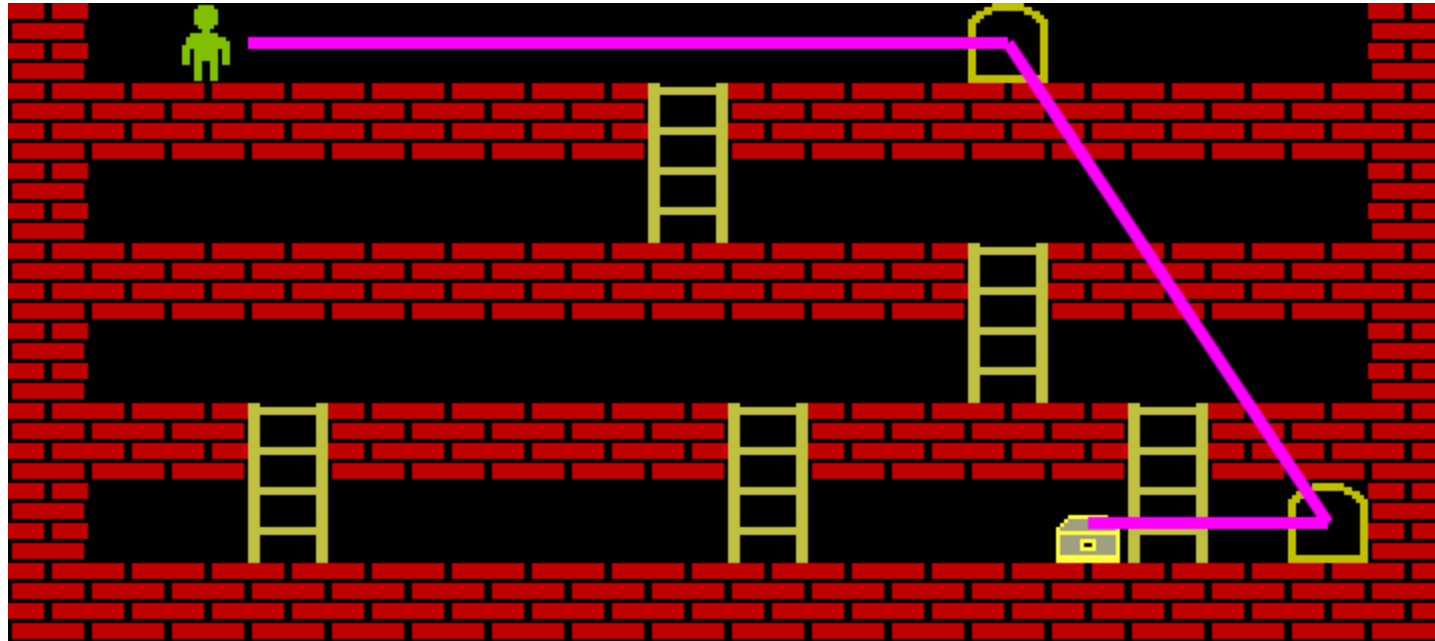
5. ТЕЛЕПОРТАЦИЯ И A*: НЕ НАШЛИ КРАТЧАЙШИЙ ПУТЬ



5. ВОЗВРАЩАЕМСЯ К АЛГОРИТМУ ДЕЙКСТРЫ

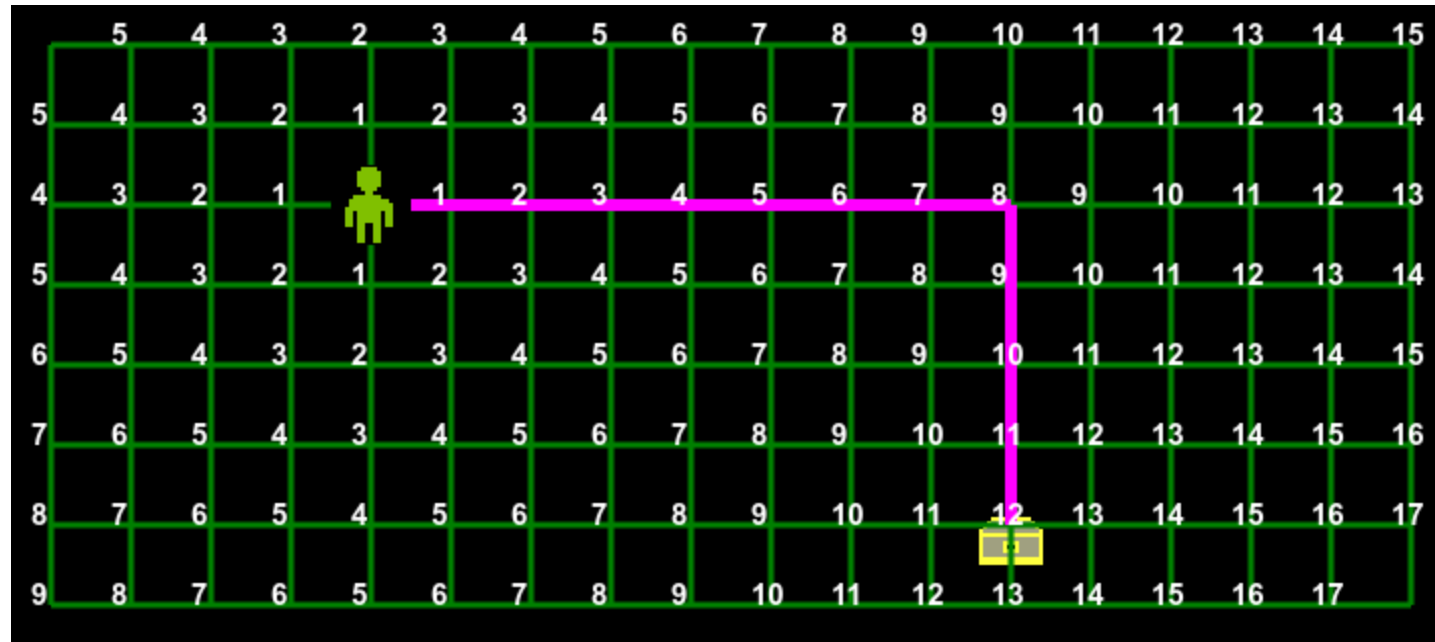


5. ТЕЛЕПОРТАЦИЯ: КАК ЭТО РАБОТАЕТ



1. Алгоритм Дейкстры
2. Адаптация алгоритма Дейкстры к работе на графе - квадратной сетке
3. Решение задач расчета траектории движения
4. Алгоритм A^*
5. Решение задачи телепортации
- 6. Сравнение алгоритмов Дейкстры и A^***

6. АЛГОРИТМ ДЕЙКСТРЫ. РЕЗУЛЬТАТ РАСЧЕТА ГРАФА

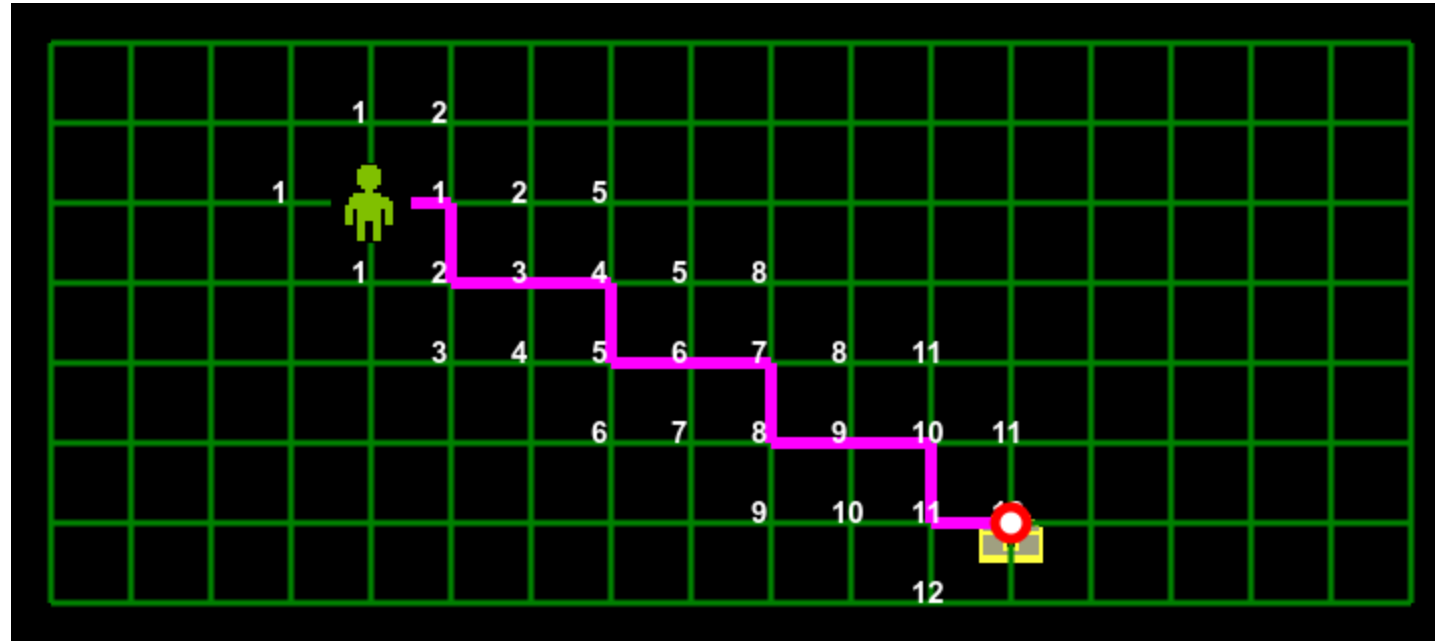


6. T(N) – ВРЕМЯ РАСЧЕТА

Реализация алгоритма Дейкстры

N, сторона квадрата	N², узлов в графе	T, миллисекунд
10	100	3
100	10 000	557
1 000	1 000 000	51 555

6. A* С ЭВРИСТИКОЙ H4()



6. T(N) – ВРЕМЯ РАСЧЕТА

Реализация алгоритма Дейкстры

N, сторона квадрата	N2, узлов в графе	T, миллисекунд
10	100	3
100	10 000	557
1 000	1 000 000	51 555

Реализация алгоритма A*

N, сторона квадрата	N2, узлов в графе	T, миллисекунд
10	100	2
100	10 000	14
1 000	1 000 000	835
10 000	100 000 000	*out of memory

1. Алгоритм Дейкстры
2. Адаптация алгоритма Дейкстры к работе на графе - квадратной сетке
3. Решение задач расчета траектории движения
4. Алгоритм A^*
5. Решение задачи телепортации
6. Сравнение алгоритмов Дейкстры и A^*

ВЫВОДЫ

1. Алгоритм Дейкстры проще в реализации, чем A^*
2. A^* эффективнее, чем алгоритм Дейкстры
3. Можно создавать свои игры на основе примера:
<https://github.com/alexanderpono/bricks-runner>
4. Не бойтесь экспериментировать. Преимущество фронтенда – можно сразу увидеть результат!

ЧТО ЕЩЕ ПОЧИТАТЬ?

- A* – развитие алгоритма Дейкстры

<https://www.redblobgames.com/pathfinding/a-star/introduction.html>

- Еще об алгоритмах на графах

<https://habr.com/ru/companies/timeweb/articles/751762/>

И НАКОНЕЦ...



СПАСИБО ЗА ВНИМАНИЕ! ВОПРОСЫ?

Александр Пономаренко



Описание A*



Алгоритмы
на графах



Исходники
игры



Новости ИТ
в Иннотехе и Т1

