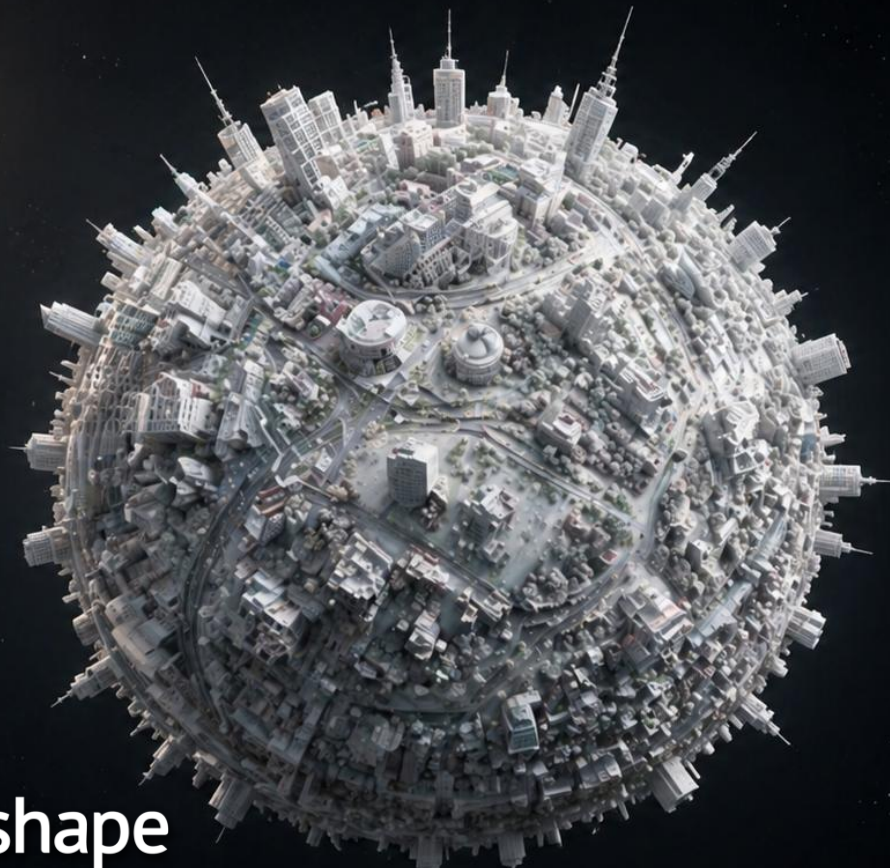






Фотограмметрия: построение 3D-двойника города при 16 ГБ памяти

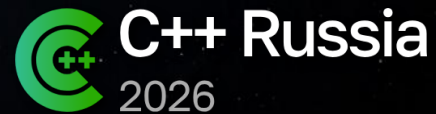
No OOM. Just results.



 [@UnicornGlade](#)
 [@PolarNick239](#)
 polarhare@gmail.com

 Николай Полярный

 Agisoft Metashape

 C++ Russia
2026

A stage with red curtains and a starry night sky background. The floor has a black and gold zigzag pattern. The word "Задача" is written in white in the center.

Задача

Фотограмметрия

По множеству фотографий одной и той же сцены получить цифровую модель



DJI_0127



DJI_0128



DJI_0129



DJI_0130



DJI_0131



DJI_0132



DJI_0134



DJI_0135



DJI_0136



DJI_0137



DJI_0138



DJI_0139

Данные предоставил Stéphane Prodent

Фотограмметрия

- 1) Определяется взаимное расположение фотографий



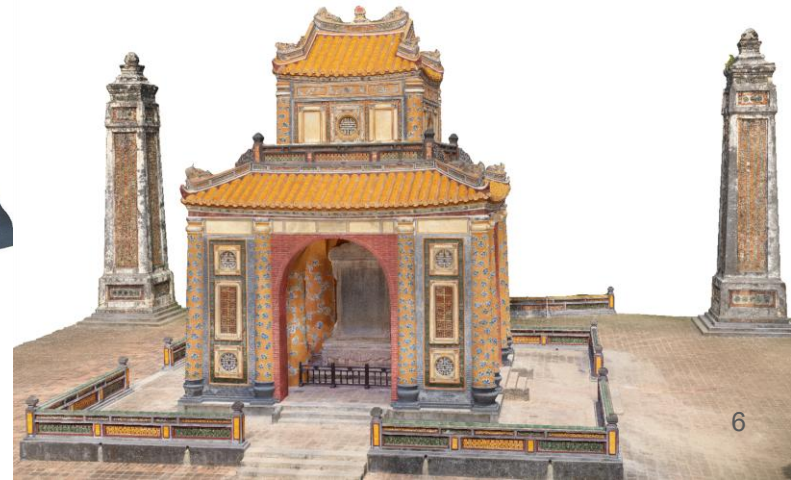
Данные предоставил Stéphane Prodent

Фотограмметрия

- 1) Определяется взаимное расположение фотографий
- 2) Строится 3D модель из треугольников с текстурой



Данные предоставил Stéphane Prodent





is_copter-20180820-1-0760



is_copter-20180820-1-0761



is_copter-20180820-1-0762



is_copter-20180820-1-0763



is_copter-20180820-1-0764



is_copter-20180820-1-0765



is_copter-20180820-1-0766



is_copter-20180820-1-0884



is_copter-20180820-1-0885



is_copter-20180820-1-0886



is_copter-20180820-1-0887



is_copter-20180820-1-0888



is_copter-20180820-1-0889



is_copter-20180820-1-0890



is_copter-20180821-0-4041



is_copter-20180821-0-4042



is_copter-20180821-0-4043



is_copter-20180821-0-4044



is_copter-20180821-0-4045



is_copter-20180821-0-4046



is_copter-20180821-0-4047



is_copter-20180823-0-0811



is_copter-20180823-0-0812



is_copter-20180823-0-0813



is_copter-20180823-0-0814



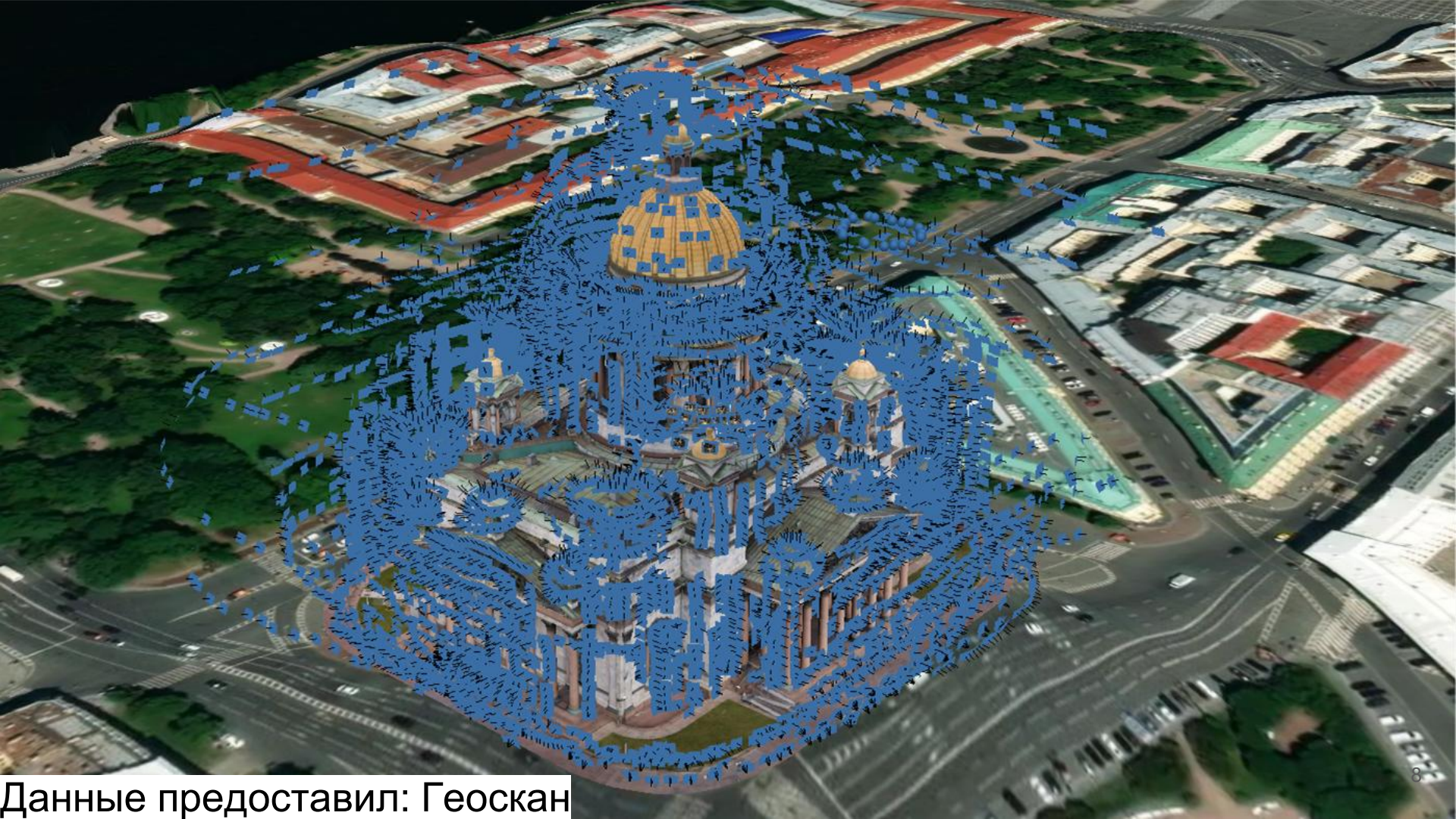
is_copter-20180823-0-0815



is_copter-20180823-0-0816



is_copter-20180823-0-0817



Данные предоставил: Геоскан



Данные предоставил: Геоскан



Данные предоставил: Геоскан



НА ТЯ ГОСПОДИ УПОВАХОМЪ А ДА НЕ ПОСТЫДИМСА ВО ВЪКН.

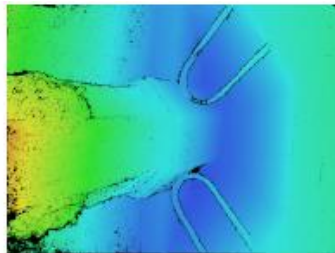
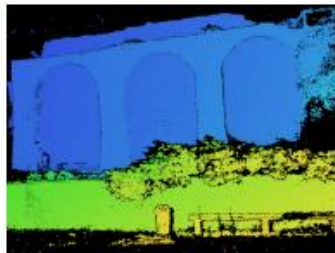
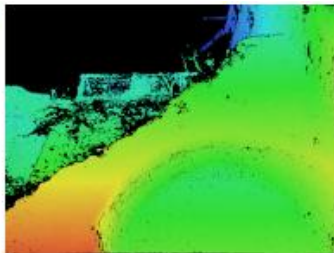
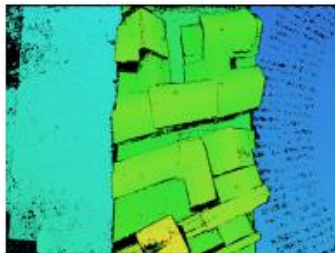
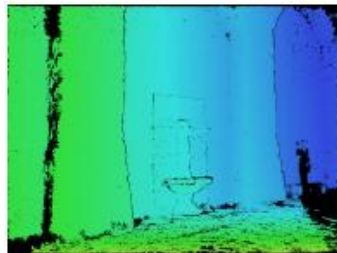


НЕ ПЫА ГОСНОАИ УТОУА РОСАЪ АЪ НЕ ПОСТАВАЛОСА ВО РАНА.

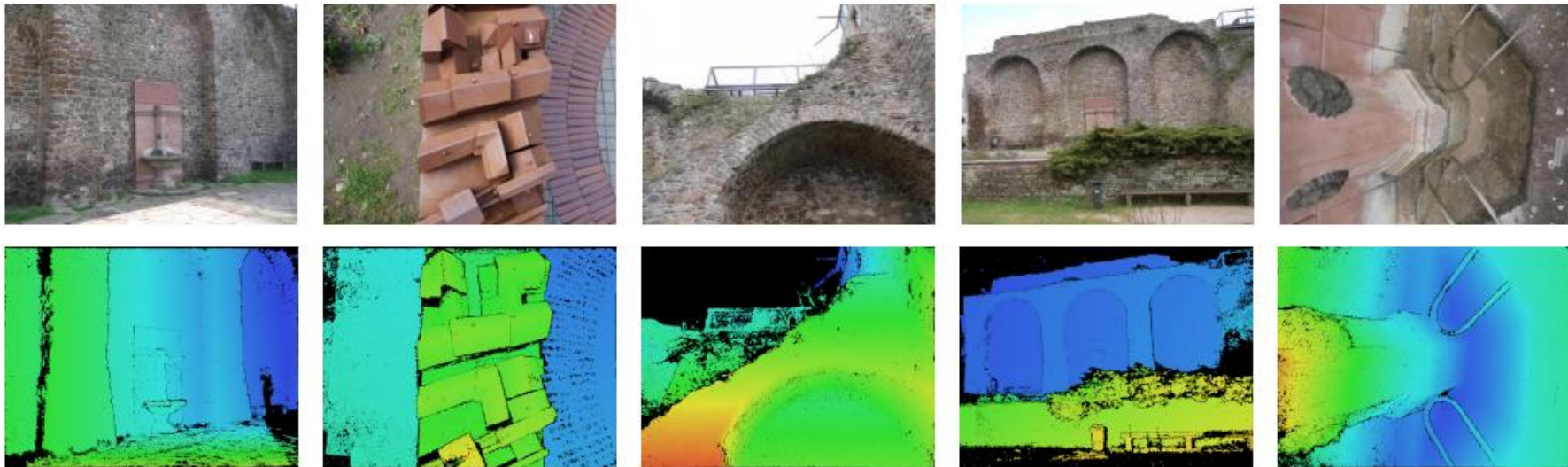
На вход: точное положение фотографий



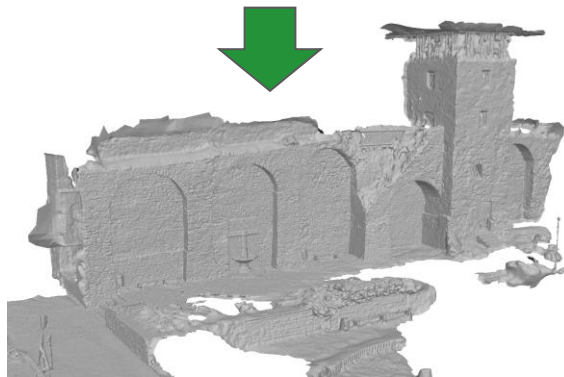
На вход: точное положение фото + карты глубины



На вход: точное положение фото + карты глубины



На выход:
полигональная
3D модель



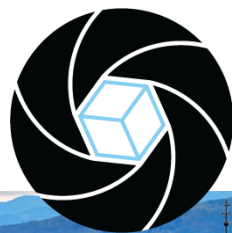
2016 год, Словакия



RealityCapture



2016 год, Словакия



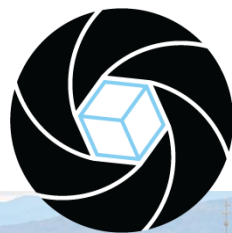
RealityCapture



WIKIPEDIA

Meshing, coloring and texturing are completely out-of-core in RC, which is intended to avoid RAM performance loss during these processes.

2016 год, Словакия



RealityCapture

2021 год, куплены



2024 год, бесплатная лицензия (если < \$1 млн)

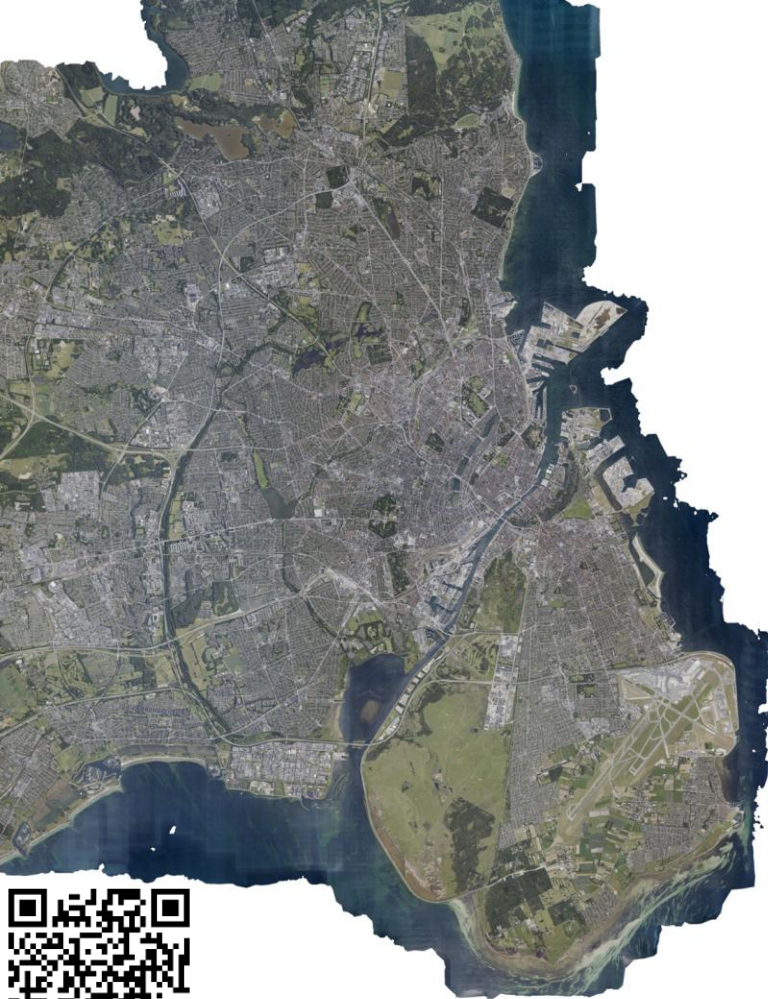


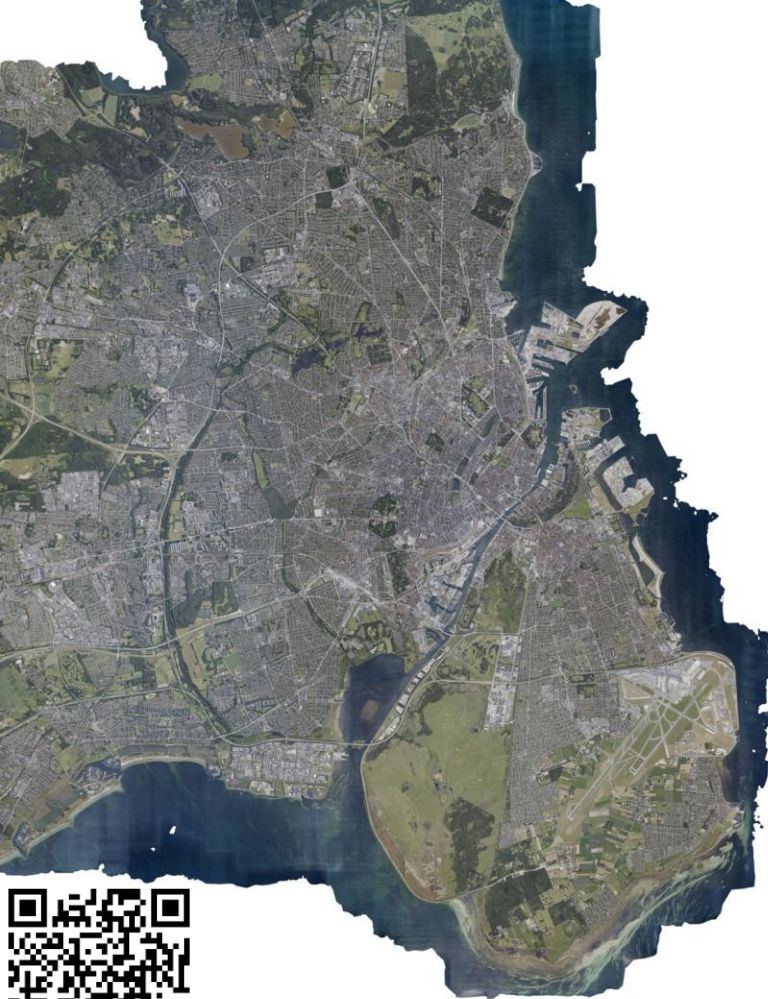
WIKIPEDIA

Meshing, coloring and texturing are completely out-of-core in RC, which is intended to avoid RAM performance loss during these processes.

Building Copenhagen in a Day*

- 425 km²
- 27472 фотографии (566 GB, jpeg)



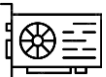


Building Copenhagen in a Day*

- 425 km²
- 27472 фотографии (566 GB, jpeg)
- 28 миллиардов “точек”
- 7.5 миллиардов треугольников

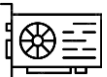


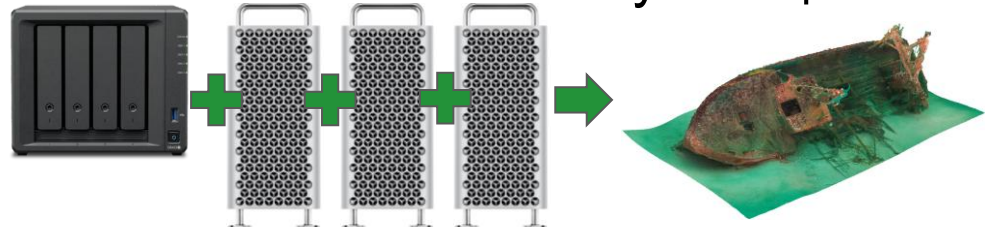
Building Copenhagen in a Day*

- 425 km²
- 27472 фотографии (566 GB, jpeg)
- 28 миллиардов “точек”
- 7.5 миллиардов треугольников
- **Пиковая RAM: 14 GB (не сервер!)**
- *на кластере за 29 часов:
7 consumer grade компьютеров
по 8 ядер + GTX 1080 
+ NAS как способ «коммуникации»



Building Copenhagen in a Day*

- 425 km²
- 27472 фотографии (566 GB, jpeg)
- 28 миллиардов “точек”
- 7.5 миллиардов треугольников
- **Пиковая RAM: 14 GB (не сервер!)**
- *на кластере за 29 часов:
7 consumer grade компьютеров
по 8 ядер + GTX 1080 
+ **NAS** как способ «коммуникации»



A stage with red curtains and a starry night sky background. The floor has a brown and black zigzag pattern.

Стоя на плечах гигантов

Удаление шума с картинки



Шумная картинка



Эталон

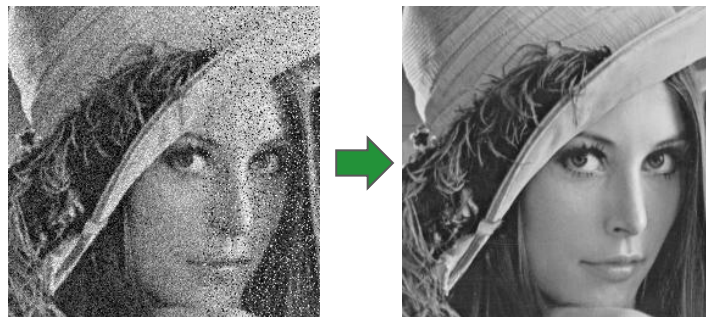
TV-L2 Image Denoising (ROF)

Rudin-Osher-Fatemi model (ROF):

$$\min_x \|\nabla x\| + \frac{\lambda}{2} \|x - f\|^2$$

Где:

- $\|x - f\|^2$ - L^2 тяготение к данным (наблюдаемому f)



f - данные \longleftrightarrow x - искомое

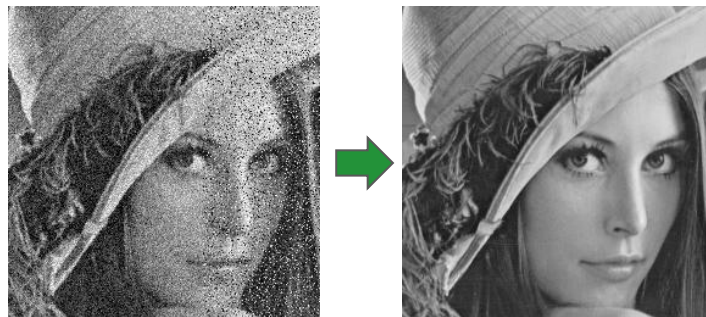
TV-L2 Image Denoising (ROF)

Rudin-Osher-Fatemi model (ROF):

$$\min_x \|\nabla x\| + \frac{\lambda}{2} \|x - f\|^2$$

Где:

- $\|x - f\|^2$ - L^2 тяготение к данным (наблюдаемому f)



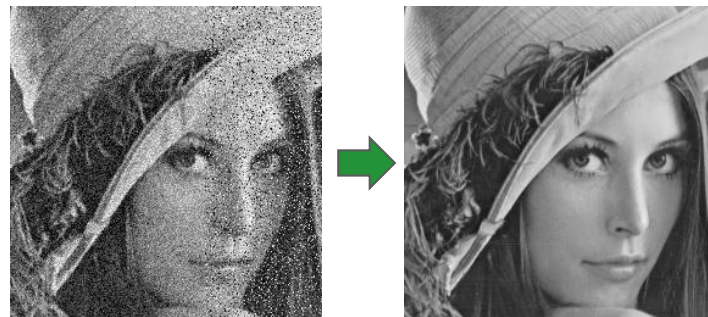
f - данные \longleftrightarrow x - искомое

За счет чего можно удалить шум и выбросы?

TV-L2 Image Denoising (ROF)

Rudin-Osher-Fatemi model (ROF):

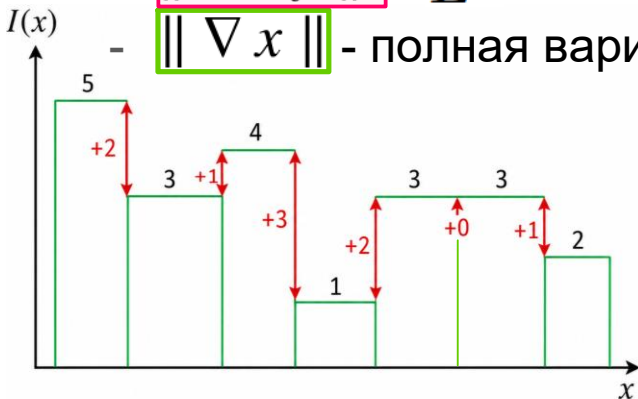
$$\min_x \|\nabla x\| + \frac{\lambda}{2} \|x - f\|^2$$



f - данные \longleftrightarrow x - искомое

Где:

- $\|x - f\|^2$ - L^2 тяготение к данным (наблюдаемому f)
- $\|\nabla x\|$ - полная вариация (регуляризация)

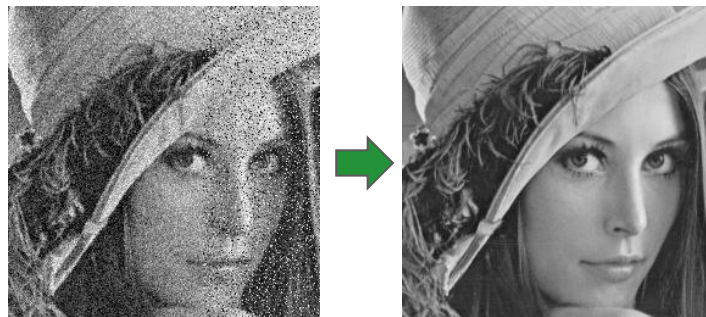


$$TV = 2 + 1 + 3 + 2 + 0 + 1 = 9$$

TV-L2 Image Denoising (ROF)

Rudin-Osher-Fatemi model (ROF):

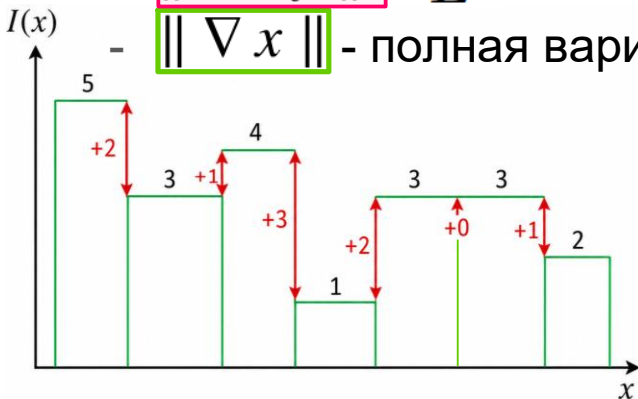
$$\min_x \|\nabla x\| + \frac{\lambda}{2} \|x - f\|^2$$



f - данные \longleftrightarrow x - искомое

Где:

- $\|x - f\|^2$ - L^2 тяготение к данным (наблюдаемому f)
- $\|\nabla x\|$ - полная вариация (регуляризация)



$$TV = 2 + 1 + 3 + 2 + 0 + 1 = 9$$

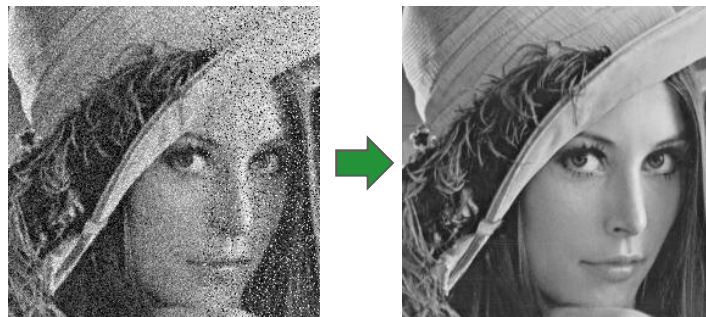
Выпуклая оптимизация
Много итераций (локальные вычисления)



TV-L2 Image Denoising (ROF)

Rudin-Osher-Fatemi model (ROF):

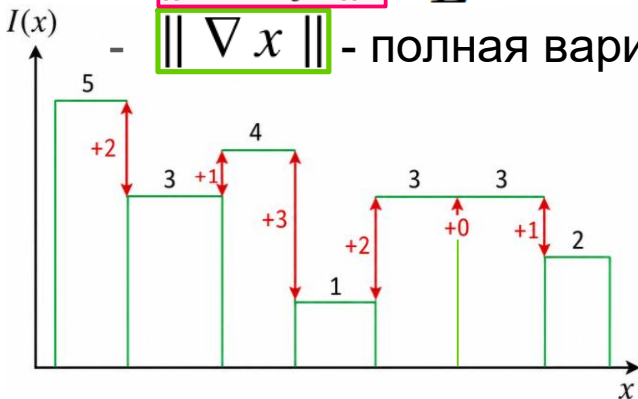
$$\min_x \|\nabla x\| + \frac{\lambda}{2} \|x - f\|^2$$



f - данные \longleftrightarrow x - искомое

Где:

- $\|x - f\|^2$ - L^2 тяготение к данным (наблюдаемому f)
- $\|\nabla x\|$ - полная вариация (регуляризация)



$$TV = 2 + 1 + 3 + 2 + 0 + 1 = 9$$

Что будет если убрать второе слагаемое?

Выпуклая оптимизация

Много итераций (локальные вычисления)



Rudin–Osher–Fatemi model

Минимизируем полную вариацию и одновременно держимся за исходный сигнал f .

data fidelity λ

0.45

**λ : насколько сильно
держимся за f**

меньше — TV сильнее ·
больше — ближе к f



сильное сглаживание

сильная привязка к f

ROF energy

0.309

TV(x)

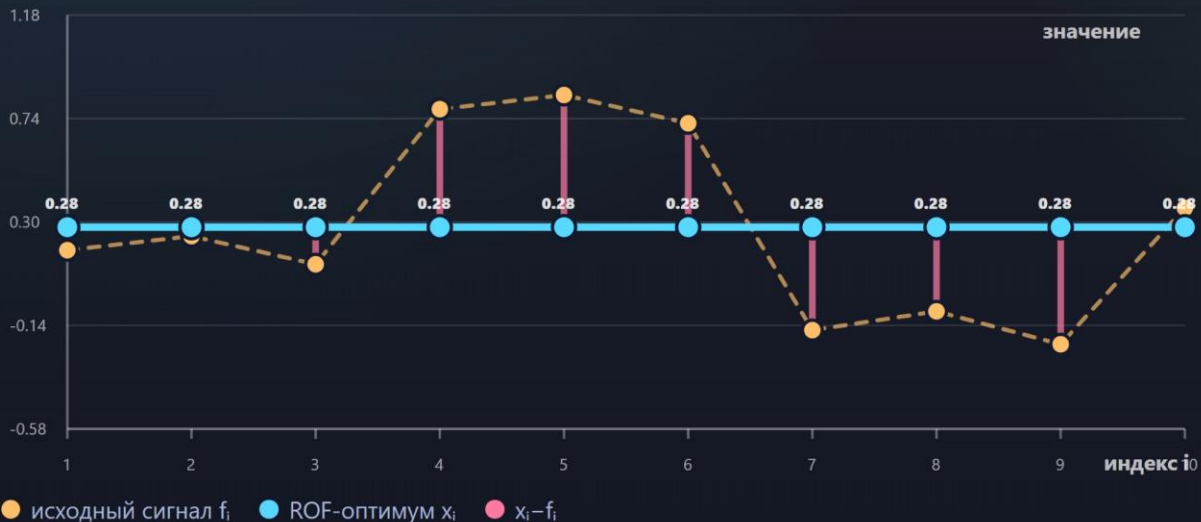
0.00

$\lambda/2 \cdot \|x-f\|^2$

0.309

Оптимум x для текущего λ

розовые отрезки — отличие x от исходного f



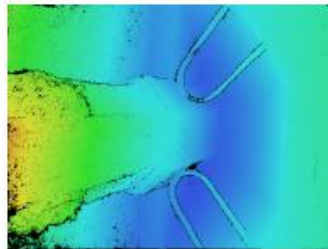
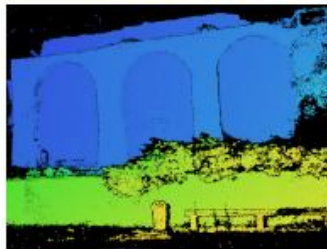
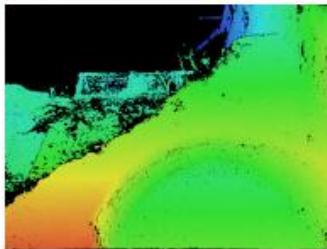
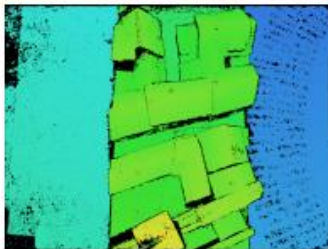
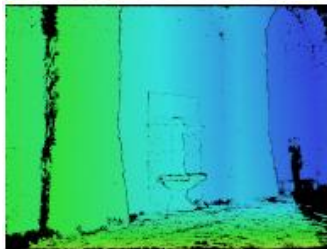
ROF functional

$$x^* = \operatorname{argmin}_x E_{\text{ROF}}(x)$$
$$E_{\text{ROF}}(x) = \text{TV}(x) + \lambda/2 \cdot \|x - f\|_2^2$$

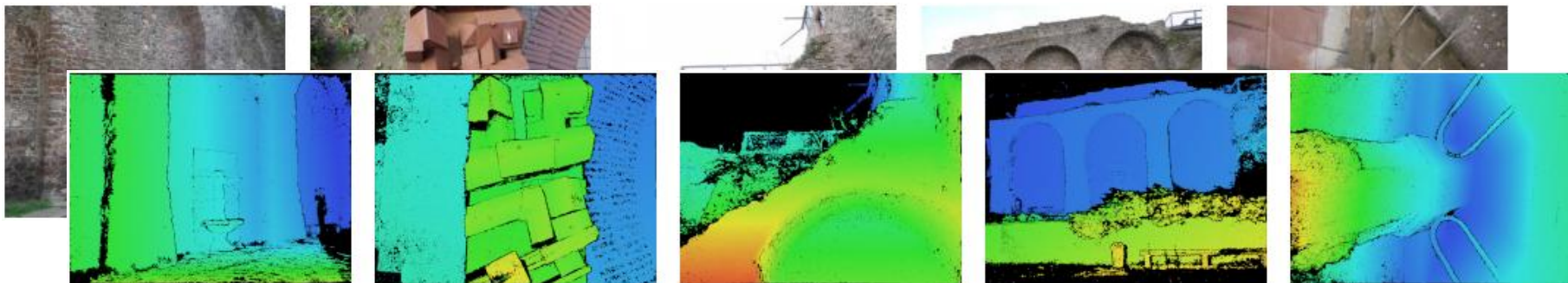
$$\text{TV}(x) = \sum_i |x_i - x_{i-1}|$$
$$\|x - f\|_2^2 = \sum_i (x_i - f_i)^2$$

TV(x) делает сигнал кусочно-постоянным.
 $\lambda/2 \cdot \|x-f\|^2$ штрафует уход от данных.

В этой форме ROF: чем больше λ , тем ближе x к f .



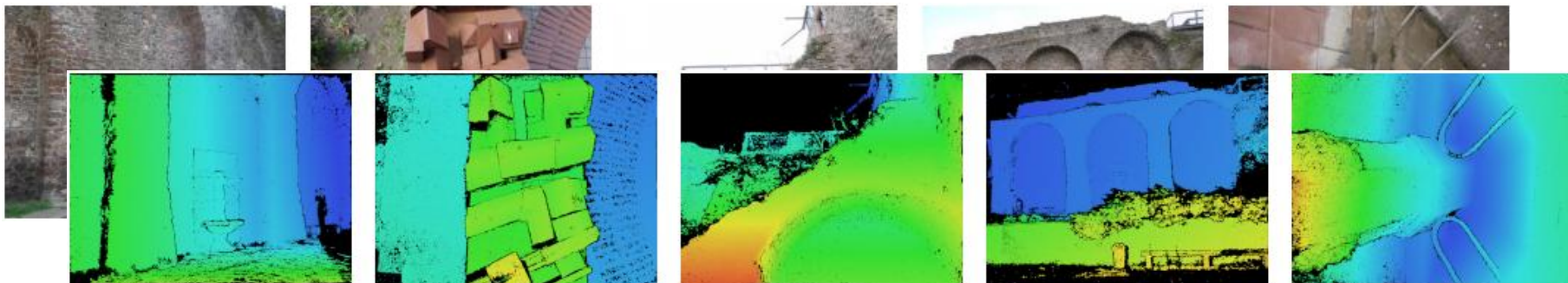
На вход: карты глубины



На вход: карты глубины

На выход: **полигональная модель?**

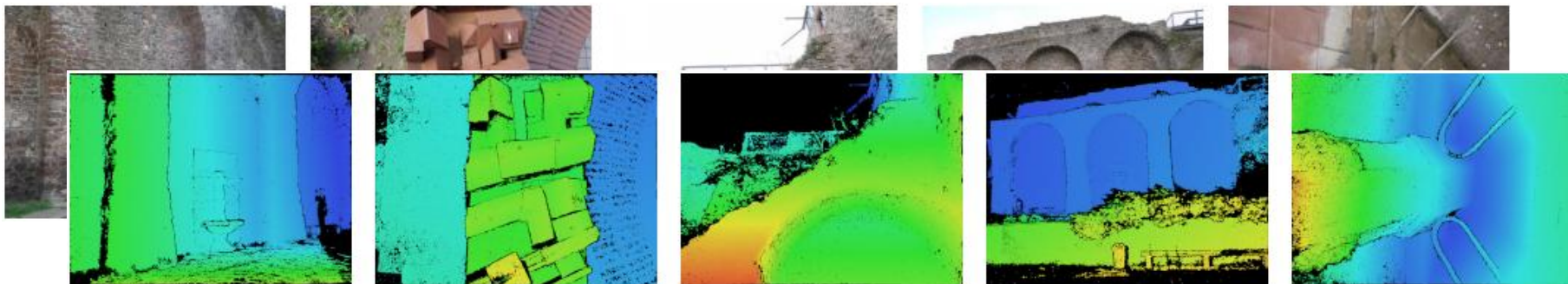




На вход: карты глубины

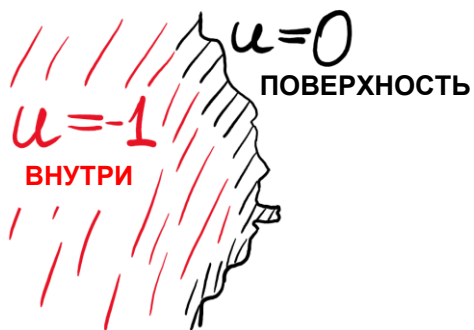
На выход: индикаторное скалярное поле

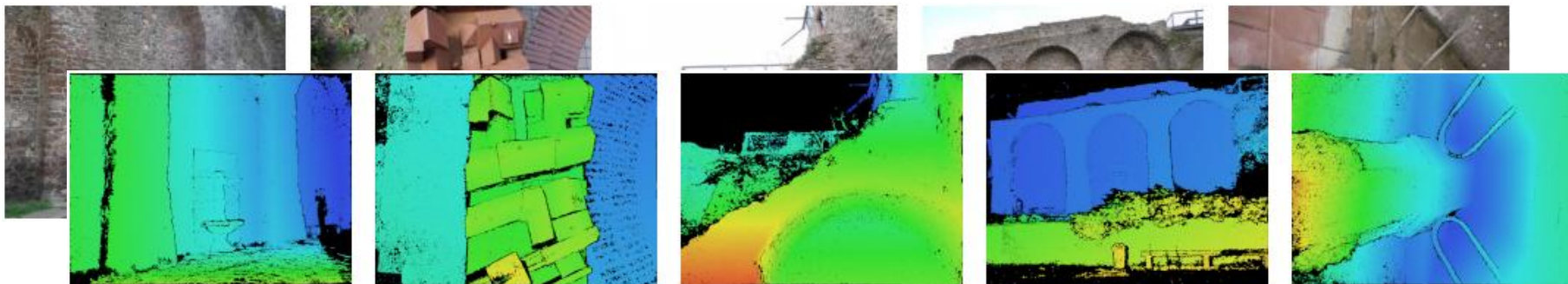




На вход: карты глубины

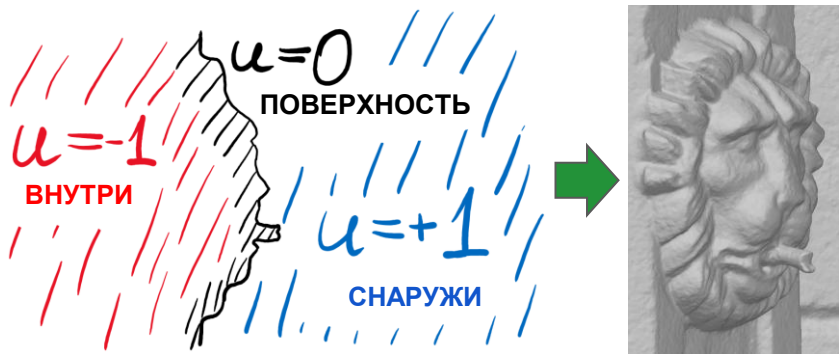
На выход: индикаторное скалярное поле

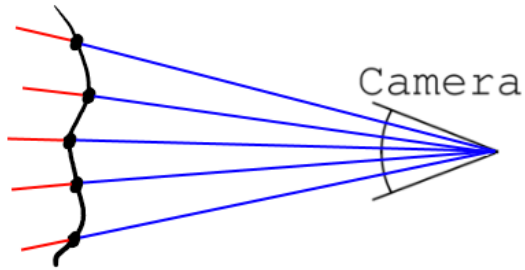




На вход: карты глубины

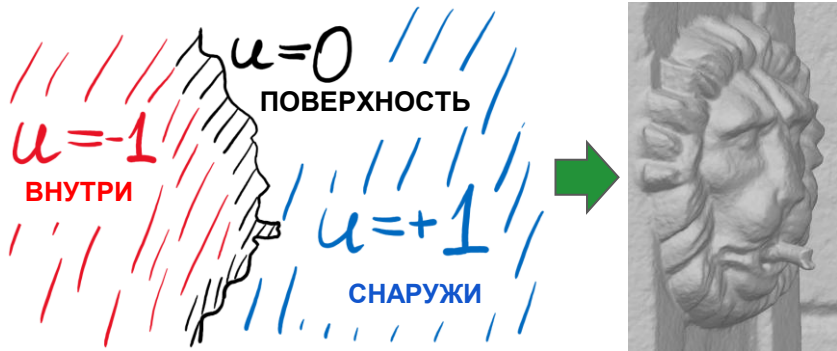
На выход: индикаторное скалярное поле

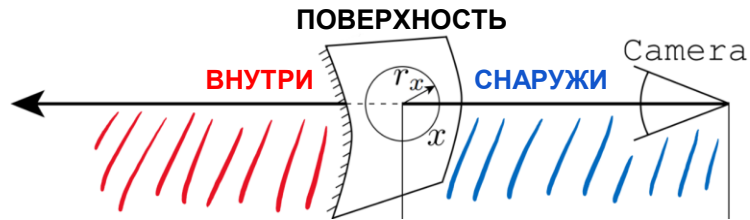
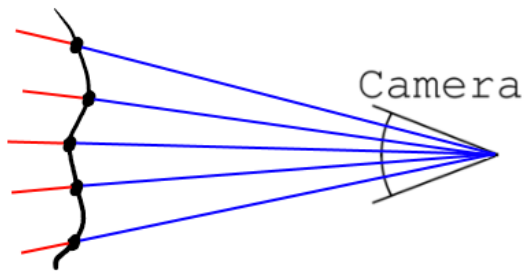




На вход: карты глубины
индикаторное скалярное поле

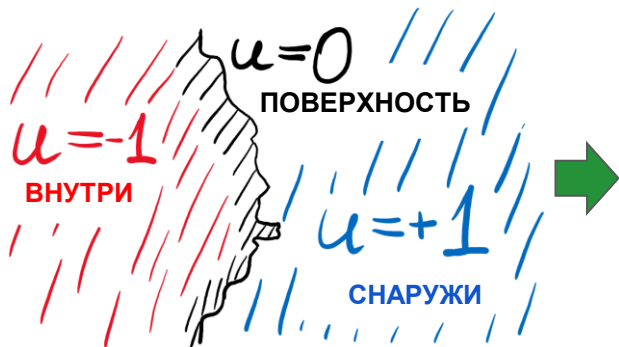
На выход: индикаторное скалярное поле

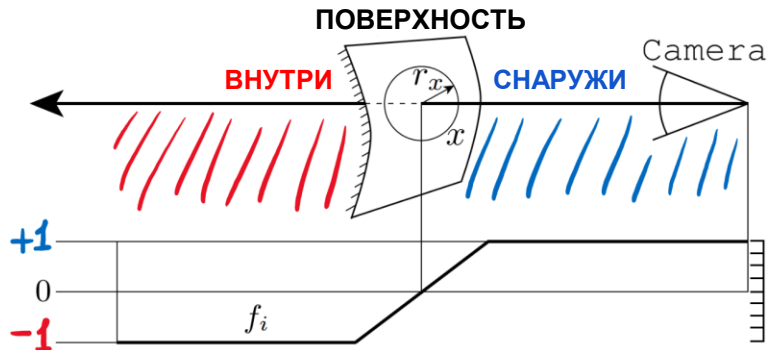
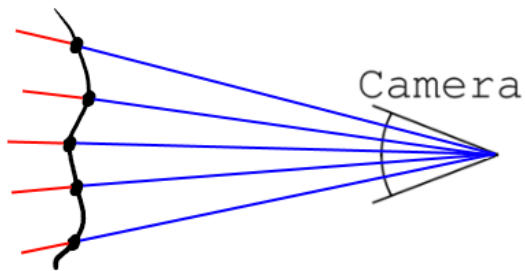




На вход: карты глубины
индикаторное скалярное поле

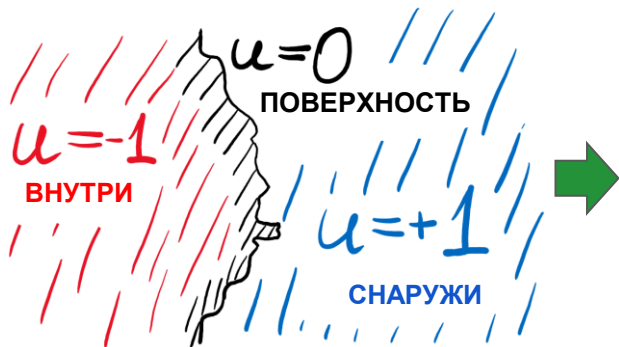
На выход: индикаторное скалярное поле

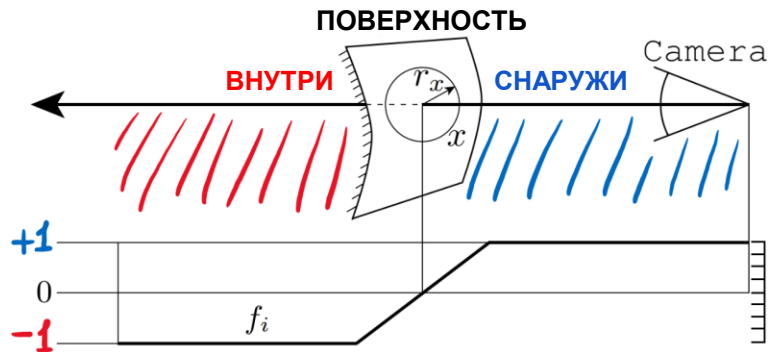
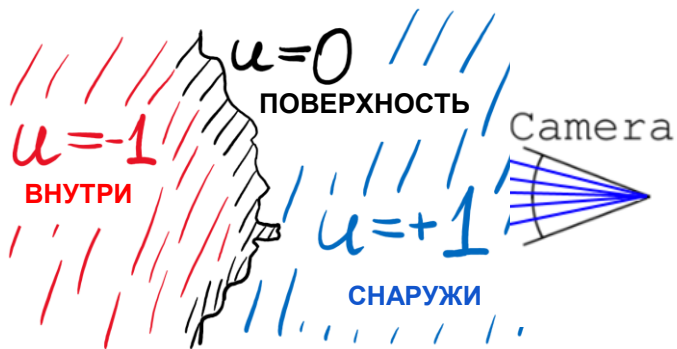




На вход: карты глубины
индикаторное скалярное поле

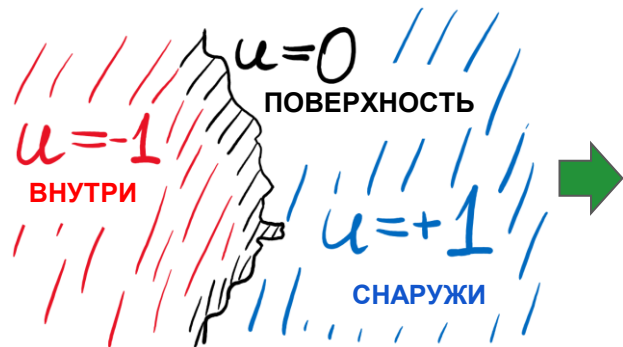
На выход: индикаторное скалярное поле

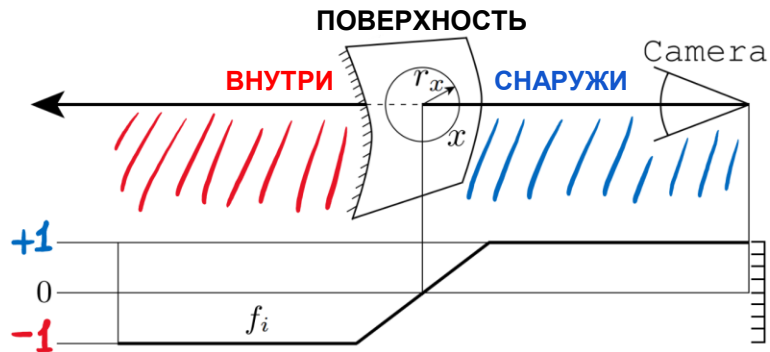
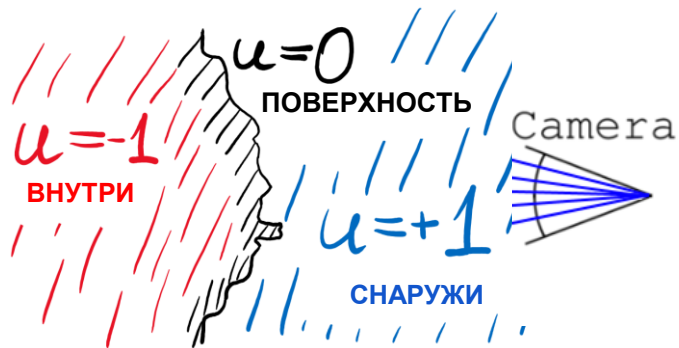




На вход: карты глубины
индикаторное скалярное поле

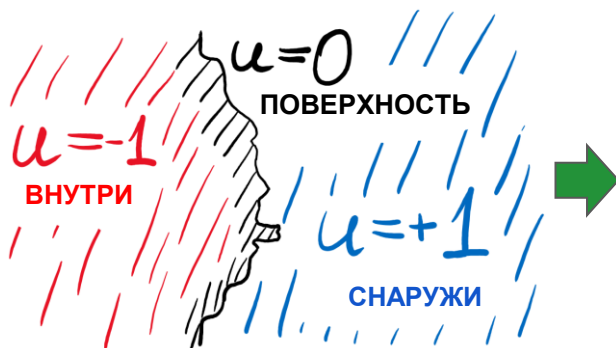
На выход: индикаторное скалярное поле



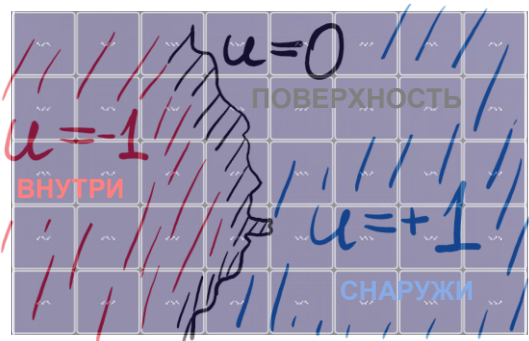


На вход: карты глубины
индикаторное скалярное поле

На выход: индикаторное скалярное поле

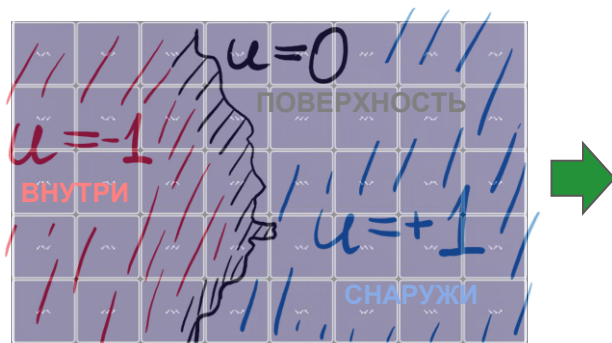


Как хранить индикаторное поле?
Как дискретизировать?

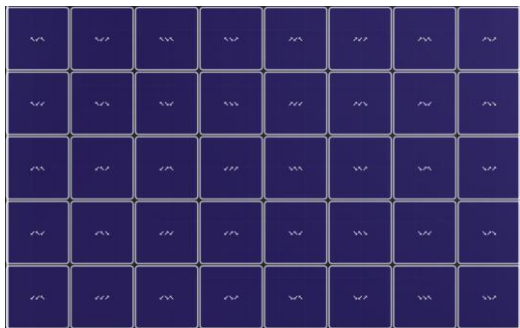


На вход: карты глубины
индикаторное скалярное поле

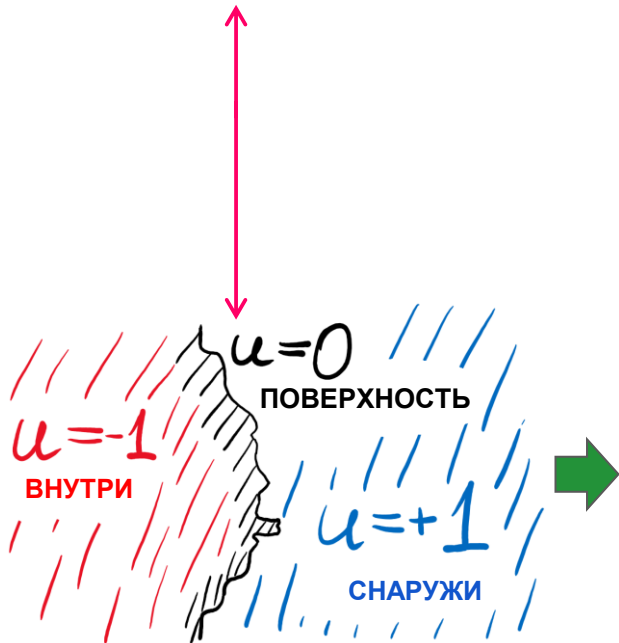
На выход: индикаторное скалярное поле



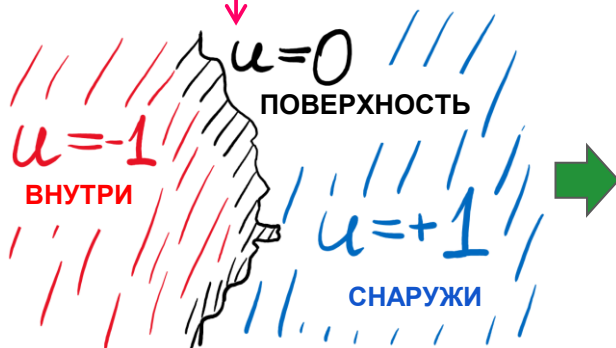
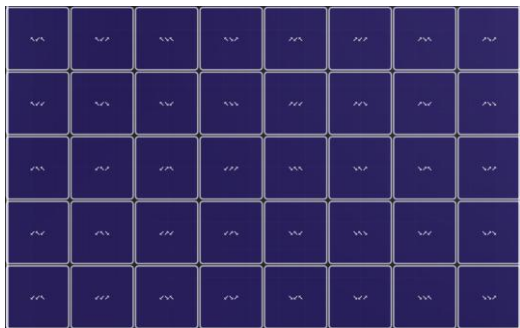
Как хранить индикаторное поле?
Как дискретизировать?
Регулярная решетка?



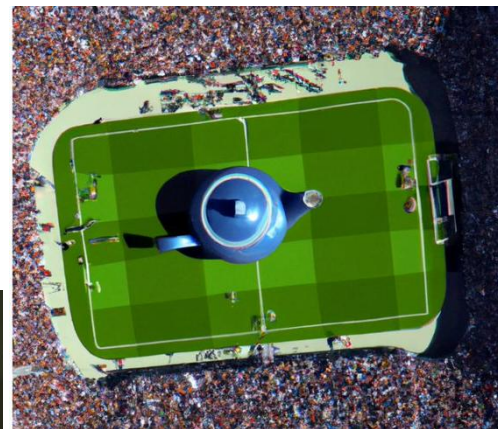
a teapot in



Как хранить индикаторное поле?
Как дискретизировать?
~~Регулярная решетка?~~

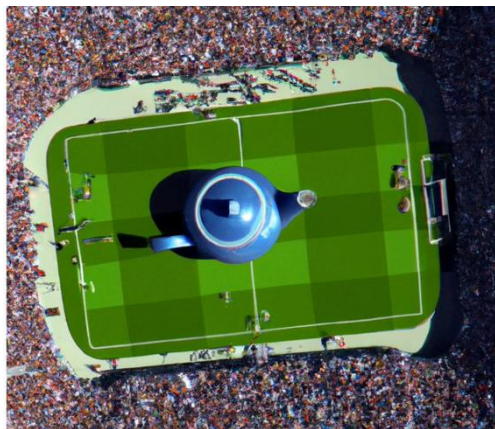
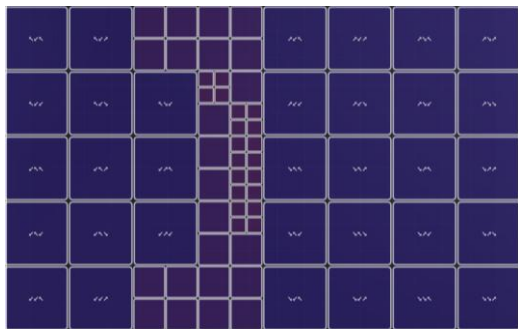


a teapot in



the stadium

Как хранить индикаторное поле?
Как дискретизировать?
~~Регулярная решетка?~~

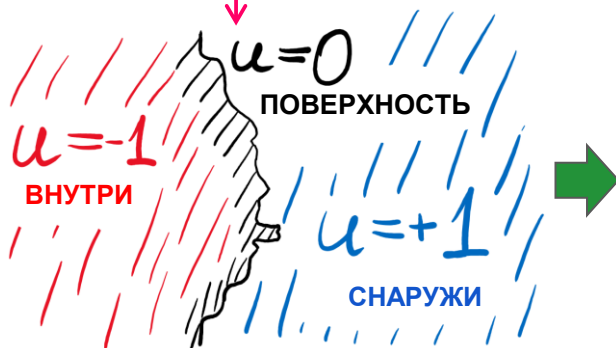


a teapot in

the stadium

Октодерево!

Хранит индикаторное скалярное поле



Как хранить индикаторное поле?
Как дискретизировать?
~~Регулярная решетка?~~

Квадродерево

Интерактивное разбиение области на четыре дочерних квадрата.

В 2D это квадродерево. Октодерево — тот же принцип, но в 3D: куб делится на 8 кубов.

Сбросить

Разбить всё

Показать Z curve

Провести Z curve

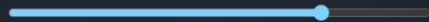
Продолжить

Скрыть Z curve

Показать несбалансированные стороны

Максимальная глубина:

7



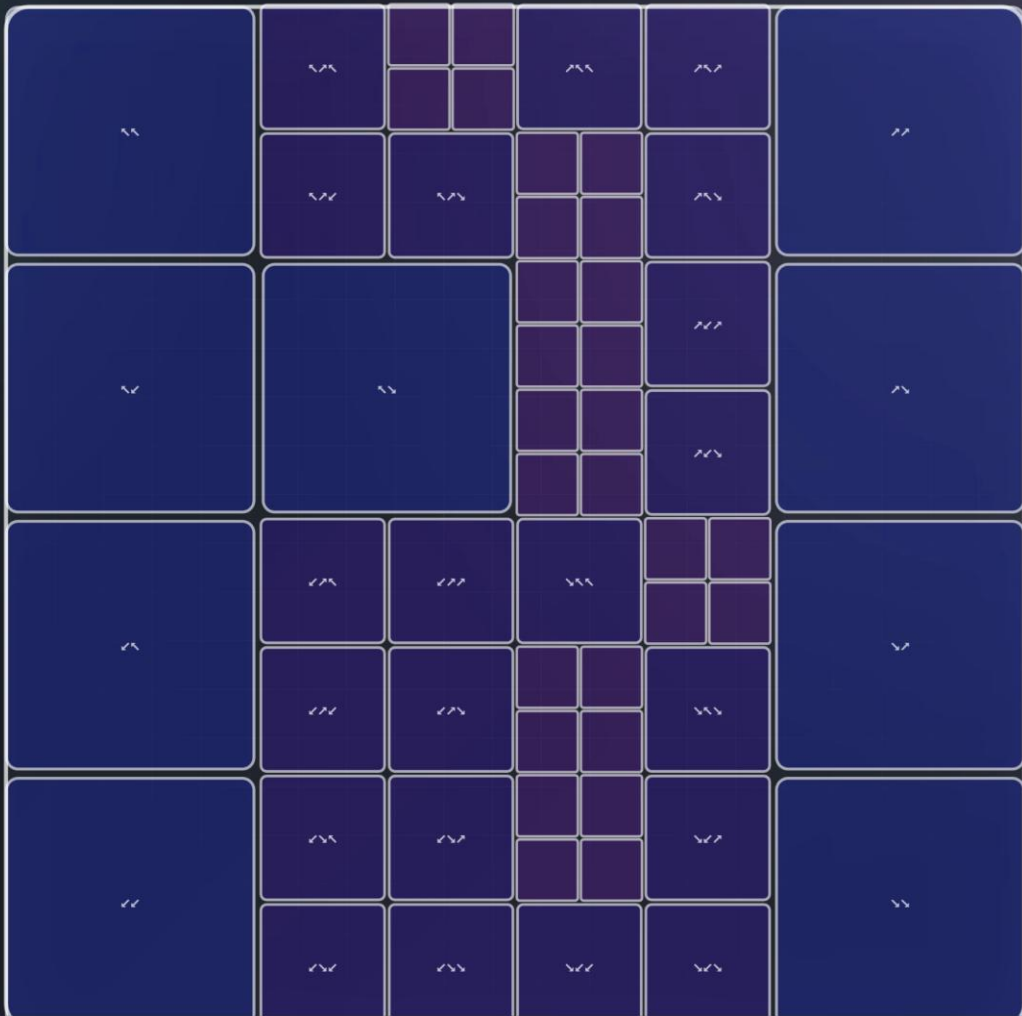
Листьев	58
Узлов всего	77
Текущая глубина	4
Точек Z-curve	58
Несбаланс. сторон	6

ЛКМ по квадрату — разбить его на 4 части.

ПКМ по квадрату — схлопнуть его и 3 соседних брата в родителя.

Z curve соединяет центры текущих листьев в Morton-порядке: $\swarrow \rightarrow \nearrow \rightarrow \swarrow \rightarrow \searrow$.

Красные стороны — границы смежных листьев с разницей глубин больше 1.



Квадродерево

Интерактивное разбиение области на четыре дочерних квадрата.

В 2D это квадродерево. Октодерево — тот же принцип, но в 3D: куб делится на 8 кубов.

Сбросить

Разбить всё

Показать Z curve

Провести Z curve

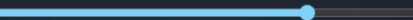
Продолжить

Скрыть Z curve

Показать несбалансированные стороны

Максимальная глубина:

7



Листьев **58**

Узлов всего **77**

Текущая глубина **4**

Точек Z-curve **58**

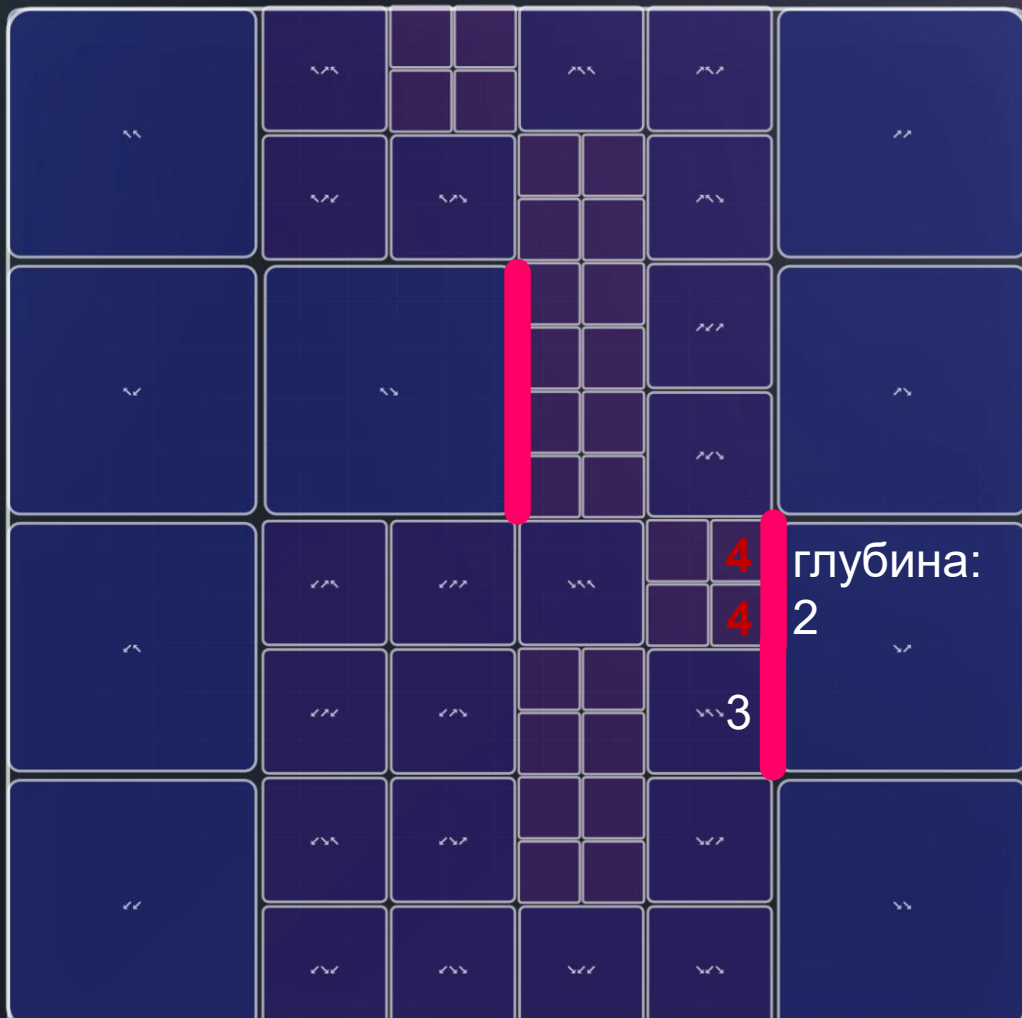
Несбаланс. сторон **6**

ЛKM по квадрату — разбить его на 4 части.

PKM по квадрату — сложить его и 3 соседних брата в родителя.

Z curve соединяет центры текущих листьев в Morton-порядке: $\nwarrow \rightarrow \nearrow \rightarrow \swarrow \rightarrow \nwarrow$.

Красные стороны — границы смежных листьев с разницей глубин больше 1.



Квадродерево

Интерактивное разбиение области на четыре дочерних квадрата.

В 2D это квадродерево. Октодерево — тот же принцип, но в 3D: куб делится на 8 кубов.

Сбросить

Разбить всё

Показать Z curve

Провести Z curve

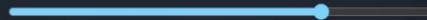
Продолжить

Скрыть Z curve

Показать несбалансированные стороны

Максимальная глубина:

7



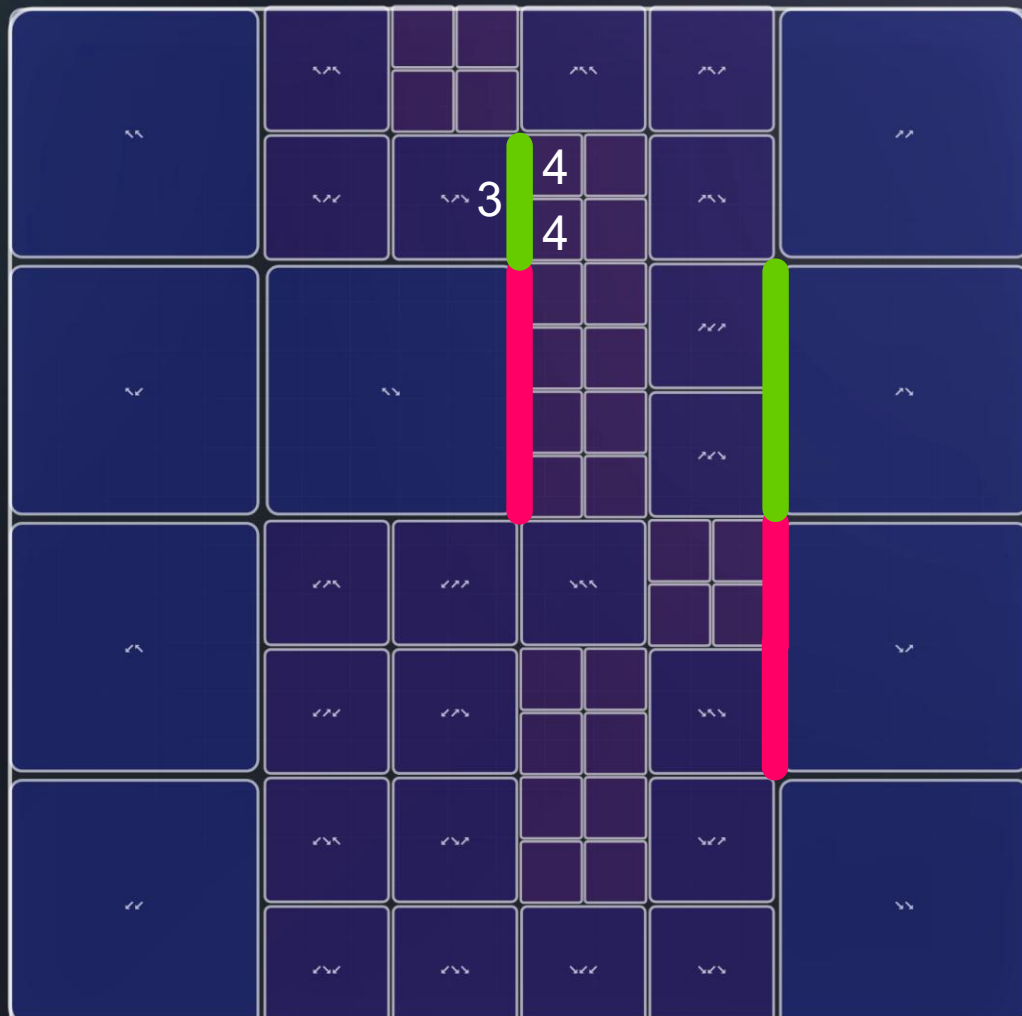
Листьев	58
Узлов всего	77
Текущая глубина	4
Точек Z-curve	58
Несбаланс. сторон	6

ЛКМ по квадрату — разбить его на 4 части.

ПКМ по квадрату — сложить его и 3 соседних брата в родителя.

Z curve соединяет центры текущих листьев в Morton-порядке: $\nwarrow \rightarrow \nearrow \leftarrow \swarrow$.

Красные стороны — границы смежных листьев с разницей глубин больше 1.



Квадродерево

Интерактивное разбиение области на четыре дочерних квадрата.

В 2D это квадродерево. Октодерево — тот же принцип, но в 3D: куб делится на 8 кубов.

Сбросить

Разбить всё

Показать Z curve

Провести Z curve

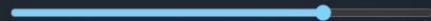
Продолжить

Скрыть Z curve

Показать несбалансированные стороны

Максимальная глубина:

7



Листьев **58**

Узлов всего **77**

Текущая глубина **4**

Точек Z-curve **58**

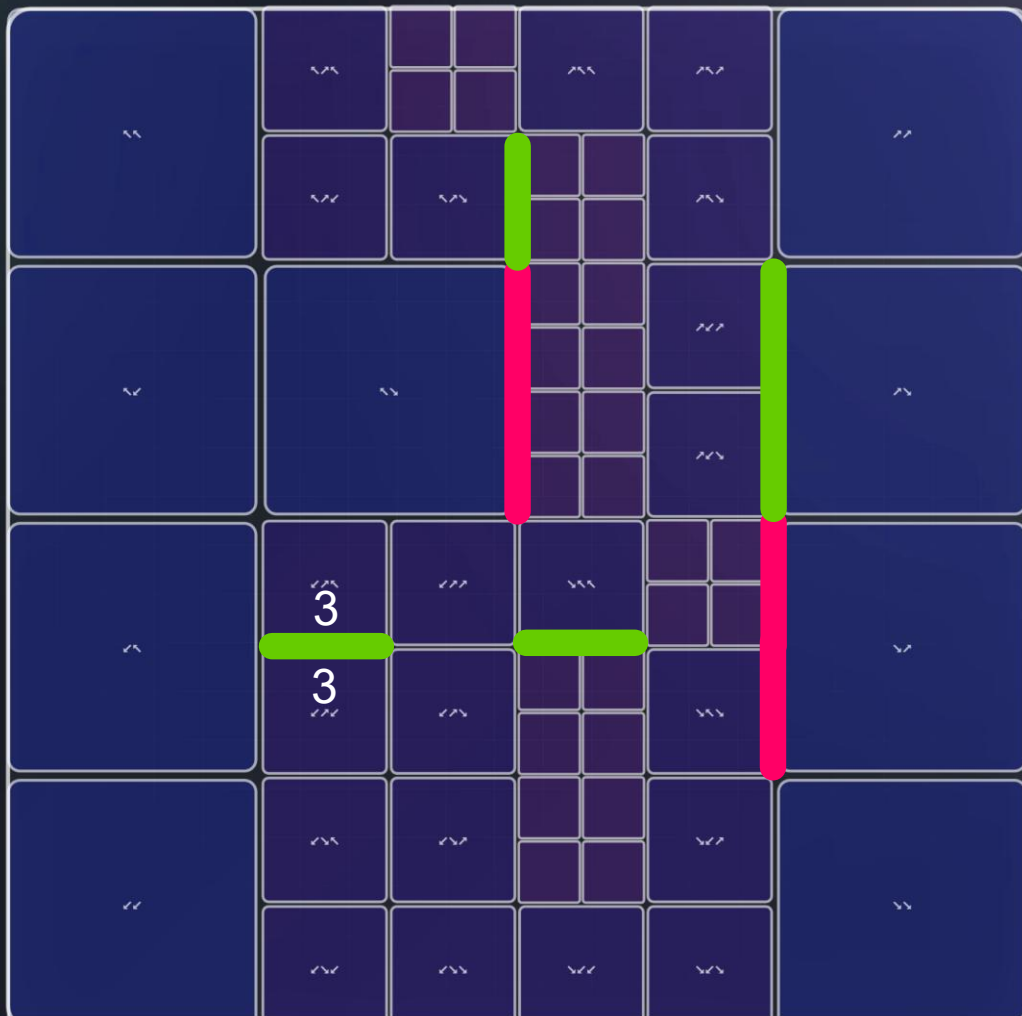
Несбаланс. сторон **6**

ЛКМ по квадрату — разбить его на 4 части.

ПКМ по квадрату — сложить его и 3 соседних брата в родителя.

Z curve соединяет центры текущих листьев в Morton-порядке: $\swarrow \rightarrow \nearrow \rightarrow \swarrow \rightarrow \searrow$.

Красные стороны — границы смежных листьев с разницей глубин больше 1.



Квадродерево

Интерактивное разбиение области на четыре дочерних квадрата.

В 2D это квадродерево. Октодерево — тот же принцип, но в 3D: куб делится на 8 кубов.

Сбросить

Разбить всё

Показать Z curve

Провести Z curve

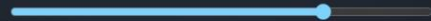
Продолжить

Скрыть Z curve

Показать несбалансированные стороны

Максимальная глубина:

7



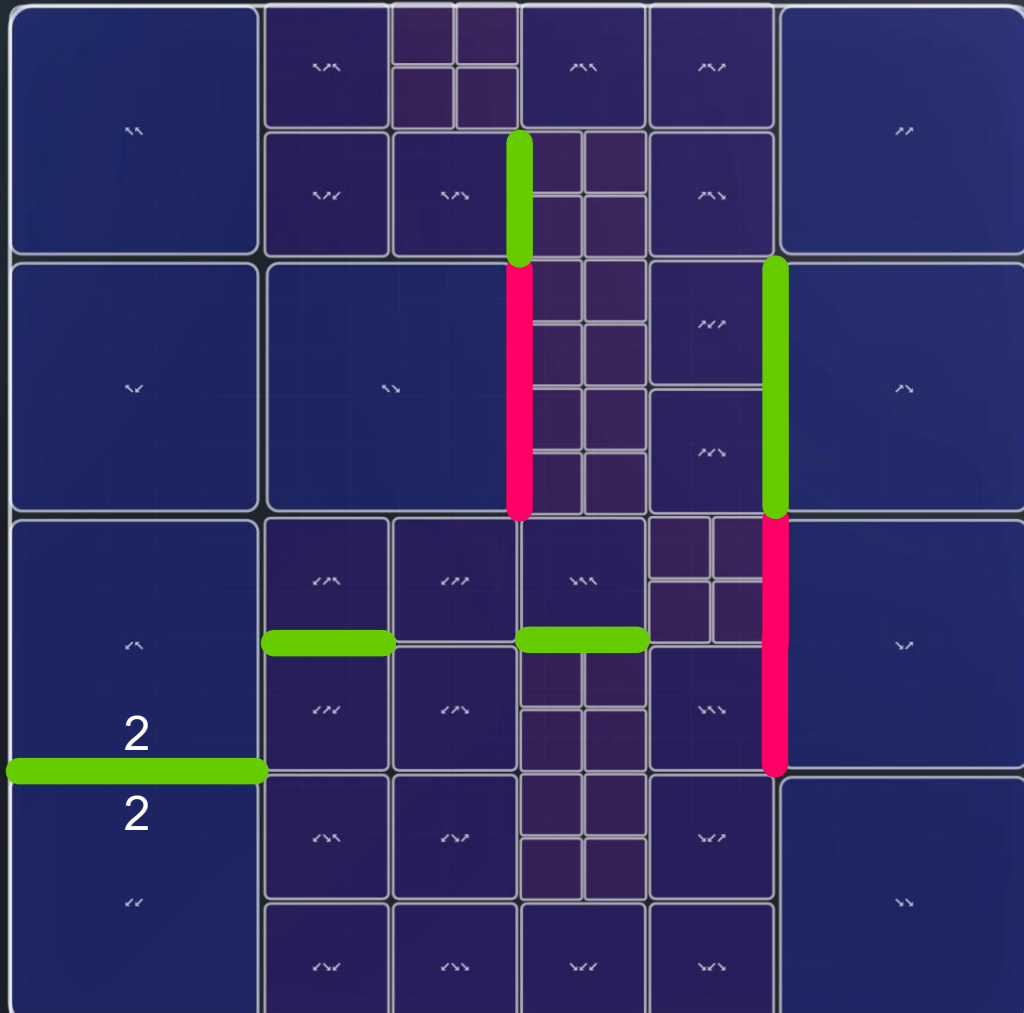
Листьев	58
Узлов всего	77
Текущая глубина	4
Точек Z-curve	58
Несбаланс. сторон	6

ЛКМ по квадрату — разбить его на 4 части.

ПКМ по квадрату — сложить его и 3 соседних брата в родителя.

Z curve соединяет центры текущих листьев в Morton-порядке: ↖ → ↗ ↘ ↙.

Красные стороны — границы смежных листьев с разницей глубин больше 1.



Квадродерево

Интерактивное разбиение области на четыре дочерних квадрата.

В 2D это квадродерево. Октодерево — тот же принцип, но в 3D: куб делится на 8 кубов.

Сбросить

Разбить всё

Показать Z curve

Провести Z curve

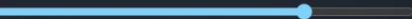
Продолжить

Скрыть Z curve

Показать несбалансированные стороны

Максимальная глубина:

7



Листьев 58

Узлов всего 77

Текущая глубина 4

Точек Z-curve 58

Несбаланс. сторон 6

ЛКМ по квадрату — разбить его на 4 части.

ПКМ по квадрату — схлопнуть его и 3 соседних брата в родителя.

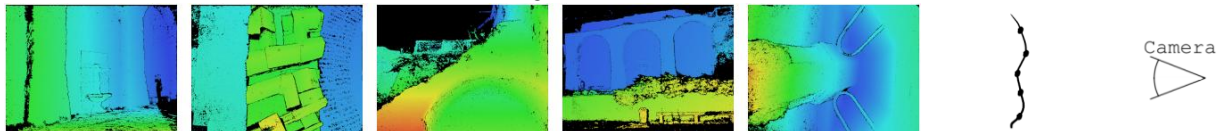
Z curve соединяет центры текущих листьев в Morton-порядке: $\swarrow \rightarrow \nearrow \rightarrow \swarrow \rightarrow \nwarrow$.

Красные стороны — границы смежных листьев с разницей глубин больше 1.



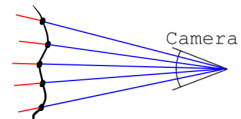
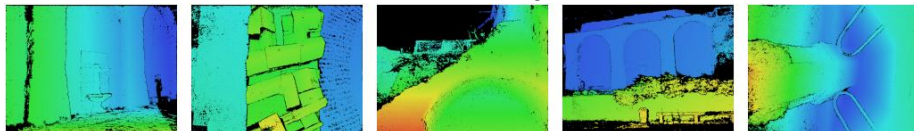
Итого

1) Есть множество карт глубины



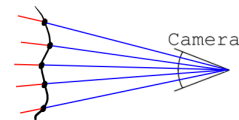
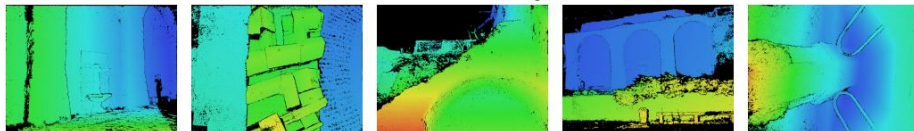
Итого

1) Есть множество карт глубины



Итого

1) Есть множество карт глубины

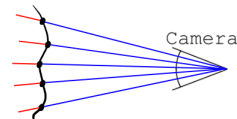
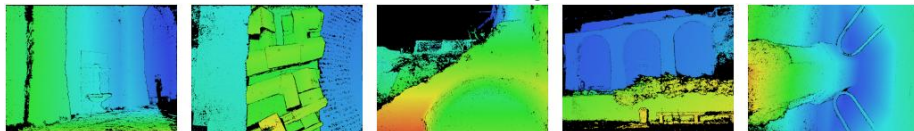


2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодереву (дискретизация пространства)

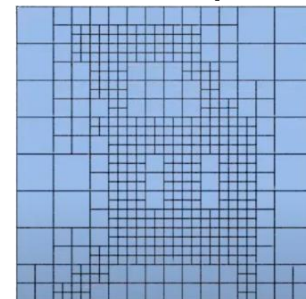


Итого

1) Есть множество карт глубины

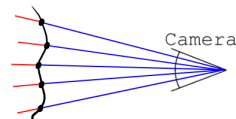
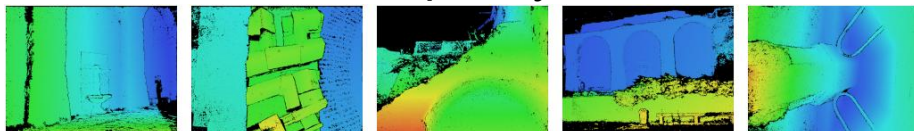


2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодерево (дискретизация пространства)

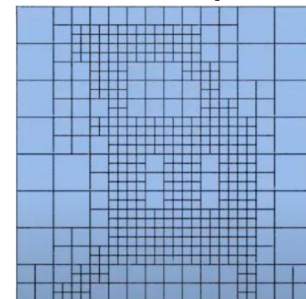


Итого

1) Есть множество карт глубины



2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодеревро (дискретизация пространства)



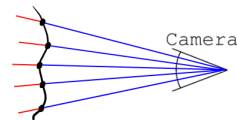
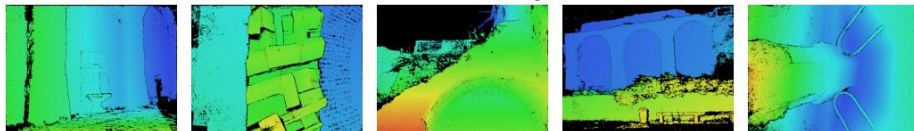
3) Оптимизировали индикаторное поле (много итераций)

$$\text{TV-L}^1: E = \int_{\Omega} \left\{ |\nabla u| + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}(\vec{x})} w_i(\vec{x}) |u - f_i| \right\} d\vec{x}$$

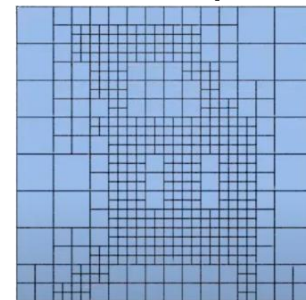


Итого

- 1) Есть множество карт глубины



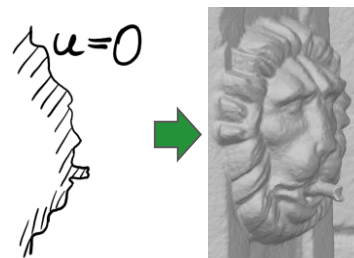
- 2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодеревцо (дискретизация пространства)



- 3) Оптимизировали индикаторное поле (много итераций)

$$E = \int_{\Omega} \left\{ |\nabla u| + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}(\vec{x})} w_i(\vec{x}) |u - f_i| \right\} d\vec{x}$$

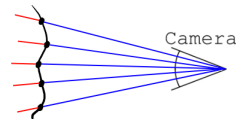
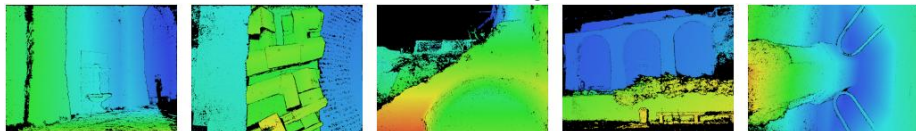
- 4) Извлекли поверхность маршировкой кубов



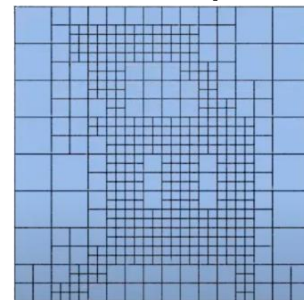
Итого

Как ускорить?

- 1) Есть множество карт глубины



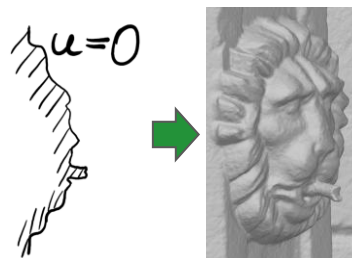
- 2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодерево (дискретизация пространства)



- 3) Оптимизировали индикаторное поле (**много итераций**)

$$E = \int_{\Omega} \left\{ |\nabla u| + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}(\vec{x})} w_i(\vec{x}) |u - f_i| \right\} d\vec{x}$$

- 4) Извлекли поверхность маршировкой кубов

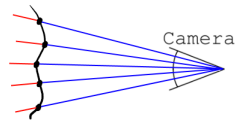
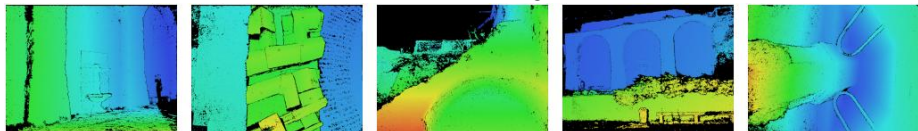


Итого

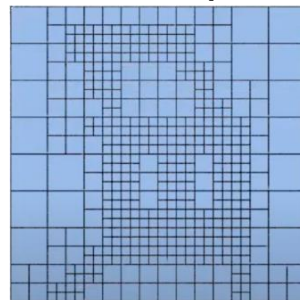
Как ускорить?



1) Есть множество карт глубины



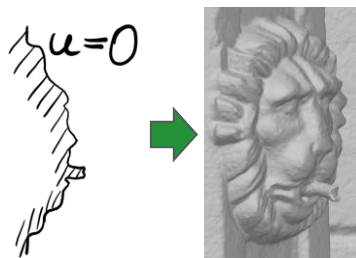
2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодеревро (дискретизация пространства)



3) Оптимизировали индикаторное поле (**много итераций**)

$$E = \int_{\Omega} \left\{ |\nabla u| + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}(\vec{x})} w_i(\vec{x}) |u - f_i| \right\} d\vec{x}$$

4) Извлекли поверхность маршировкой кубов

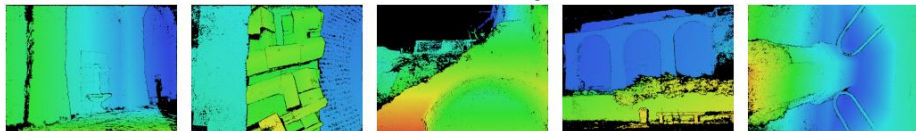


Ускоряем: GPU + Coarse-to-Fine



Итого

- 1) Есть множество карт глубины

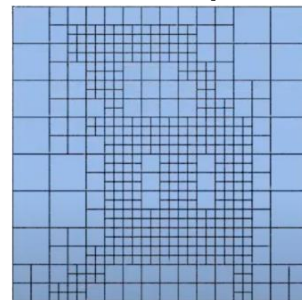
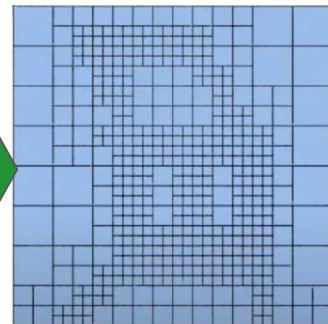
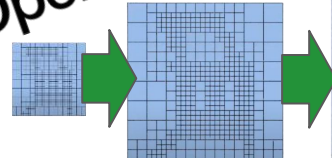
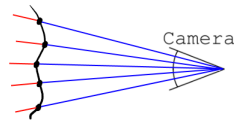
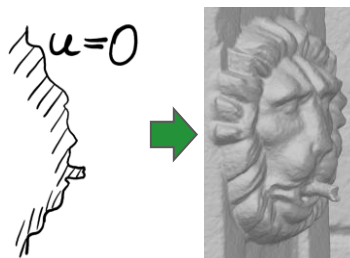


- 2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодеревцо (дискретизация пространства)

- 3) Оптимизировали индикаторное поле (**много итераций**)

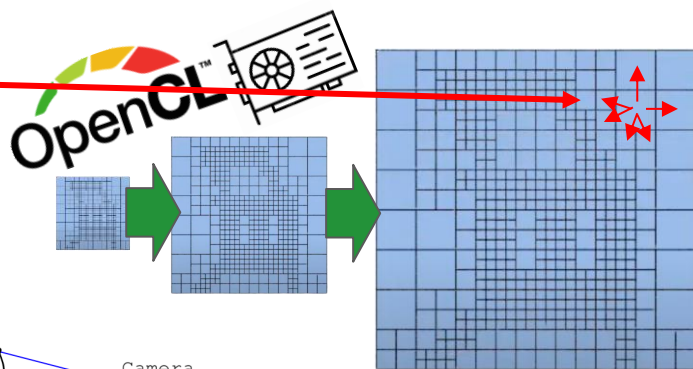
$$E = \int_{\Omega} \left\{ |\nabla u| + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}(\vec{x})} w_i(\vec{x}) |u - f_i| \right\} d\vec{x}$$

- 4) Извлекли поверхность маршировкой кубов

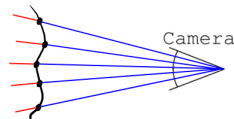
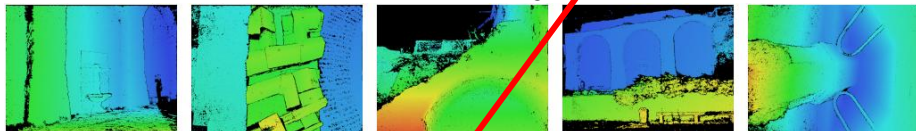


Итого

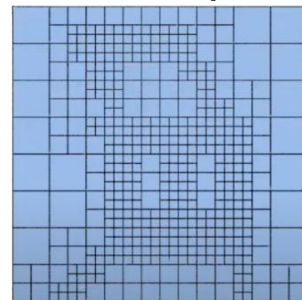
Нужно обращаться к соседним вокселям



- 1) Есть множество карт глубины



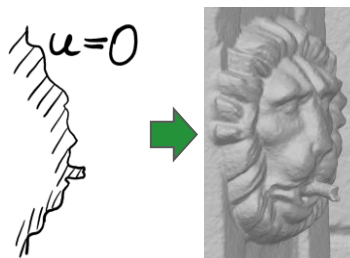
- 2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодеревцо (дискретизация пространства)



- 3) Оптимизировали индикаторное поле (**много итераций**)

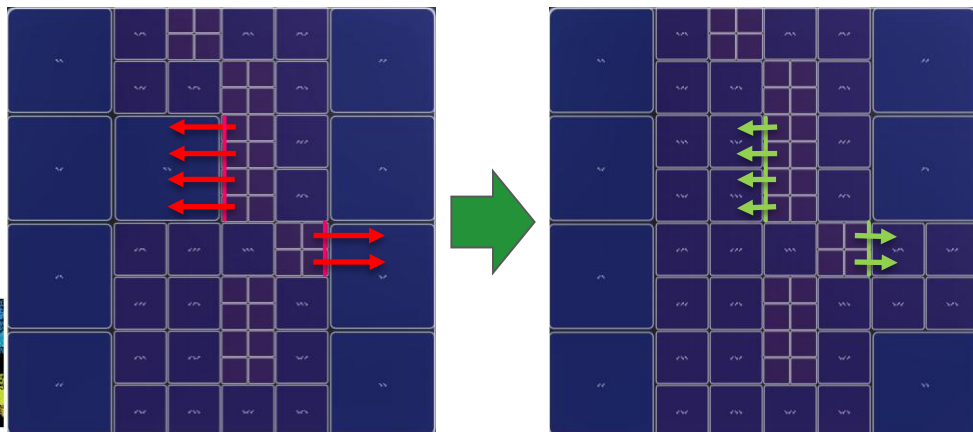
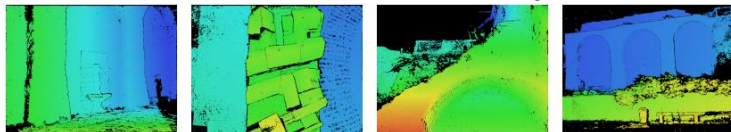
$$E = \int_{\Omega} \left\{ |\nabla u| + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}(\vec{x})} w_i(\vec{x}) |u - f_i| \right\} d\vec{x}$$

- 4) Извлекли поверхность маршировкой кубов



Итого

- 1) Есть множество карт глубины

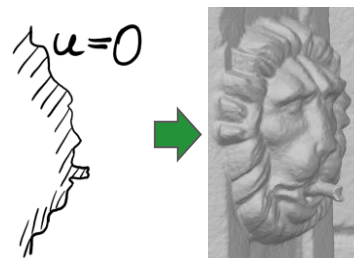


- 2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодерево (дискретизация пространства)
- 3) **Балансируем октодерево 2:1 (по каждой стороне макс. два соседа)**
- 4) Оптимизировали индикаторное поле (**много итераций + Coarse-to-Fine**)

OpenCL

$$E = \int_{\Omega} \left\{ |\nabla u| + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}(\vec{x})} w_i(\vec{x}) |u - f_i| \right\} d\vec{x}$$

TV-L¹:

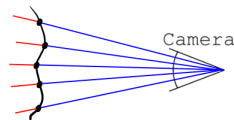
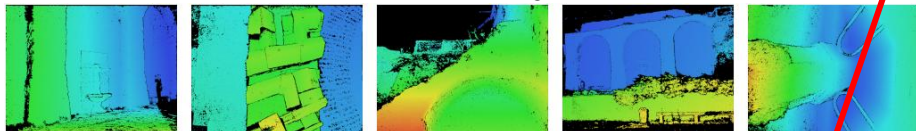


- 5) Извлекли поверхность маршировкой кубов

Итого

Как компактно хранить карты глубины?
При этом чтобы быстро с ними сверяться!

- 1) Есть множество карт глубины



- 2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодерево (дискретизация пространства)
- 3) Балансируем октодерево 2:1 (по каждой стороне макс. два соседа)
- 4) Оптимизировали индикаторное поле (**много итераций + Coarse-to-Fine**)



TV-L¹:

$$E = \int_{\Omega} \left\{ |\nabla u| + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}(\vec{x})} w_i(\vec{x}) |u - f_i| \right\} d\vec{x}$$

$u=0$

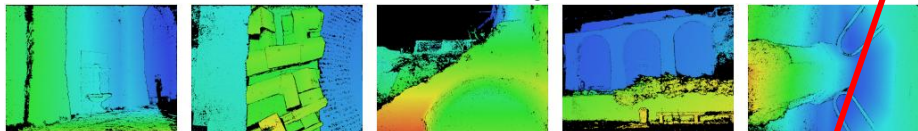


- 5) Извлекли поверхность маршировкой кубов

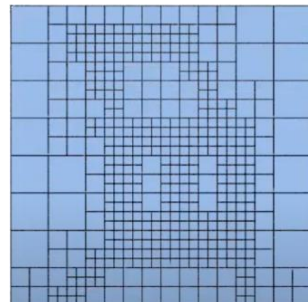
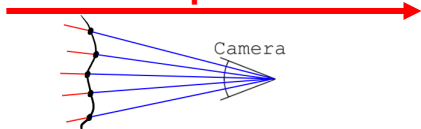
Итого

Как компактно хранить карты глубины?
При этом чтобы быстро с ними сверяться!

1) Есть множество карт глубины



Преобразуем в гистограммы!



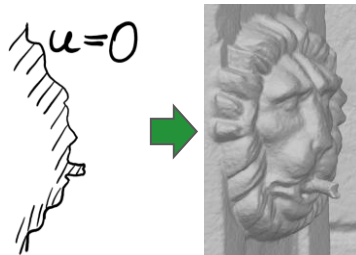
2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодерево (дискретизация пространства)

3) Балансируем октодерево 2:1 (по каждой стороне макс. два соседа)

4) Оптимизировали индикаторное поле (**много итераций + Coarse-to-Fine**)

TV-L¹:

$$E = \int_{\Omega} \left\{ |\nabla u| + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}(\vec{x})} w_i(\vec{x}) |u - f_i| \right\} d\vec{x}$$

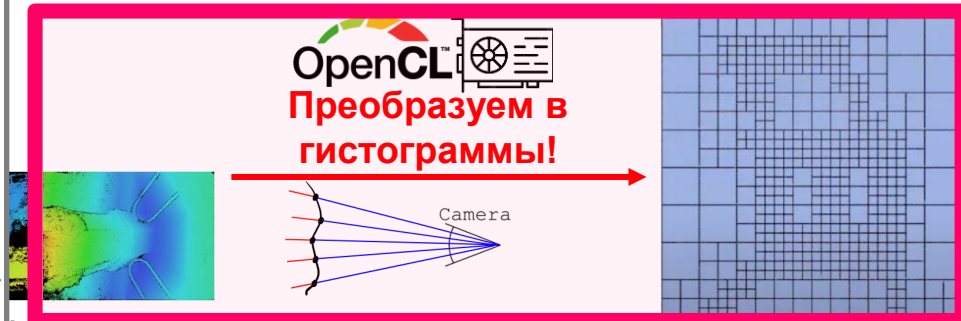


5) Извлекли поверхность маршировкой кубов



		Duration
Octree generation	Density estimation	74.6 min
	Balancing	7.9 min
	17% → Histograms	782.4 min
Surface comp. 80%	Dual grid generation	19.9 min
	Energy minimization	3678.0 min
	Dual contouring	16.3 min
Other		23.5 min
Total		4602.9 min

Global, Dense Multiscale Reconstruction for a Billion Points, Ummenhofer et. al., 2017

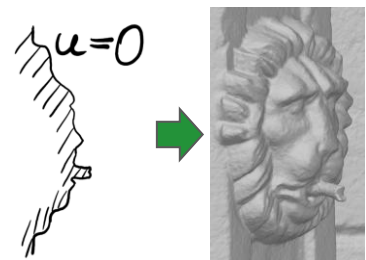


ИНЫ - порождает **адаптивное** октодериво

- 3) Балансируем октодериво 2:1 (по каждой стороне макс. два соседа)
- 4) Оптимизировали индикаторное поле (**много итераций + Coarse-to-Fine**)

OpenCL $TV-L^1$:

$$E = \int_{\Omega} \left\{ |\nabla u| + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}(\vec{x})} w_i(\vec{x}) |u - f_i| \right\} d\vec{x}$$



- 5) Извлекли поверхность маршировкой кубов

A Globally Optimal Algorithm for Robust TV-L1 Range Image Integration, Zach et al., 2007

		Duration
	Density estimation	74.6 min
Octree generation	Balancing	7.9 min
	Histograms	782.4 min
Surface comp.	Dual grid generation	19.9 min
	Energy minimization	3678.0 min
	Dual contouring	16.3 min
Other		23.5 min
Total		4602.9 min

17%

Histograms

80%

Energy minimization

Global, Dense Multiscale Reconstruction for a Billion Points, Ummenhofer et al., 2017

мне нужно больше. я хочу дофига

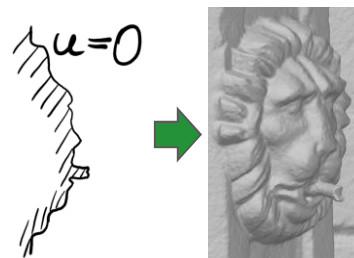


Мало! Нужно out-of-core!

- 3) Балансируем октодерево 2:1 (по каждой стороне макс.)
- 4) Оптимизировали индикаторное поле (много итераций)

OpenCL TV-L¹:

$$E = \int_{\Omega} \left\{ |\nabla u| + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}(\vec{x})} w_i(\vec{x}) |u - f_i| \right\} d\vec{x}$$



- 5) Извлекли поверхность маршировкой кубов

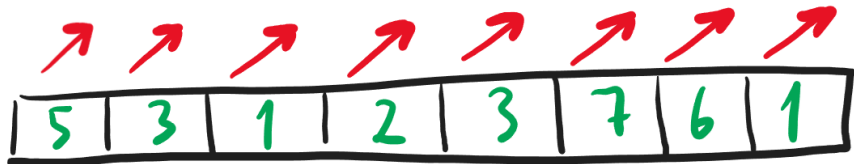
Алгоритм во внешней памяти (out-of-core свойство)

K-way merge sort

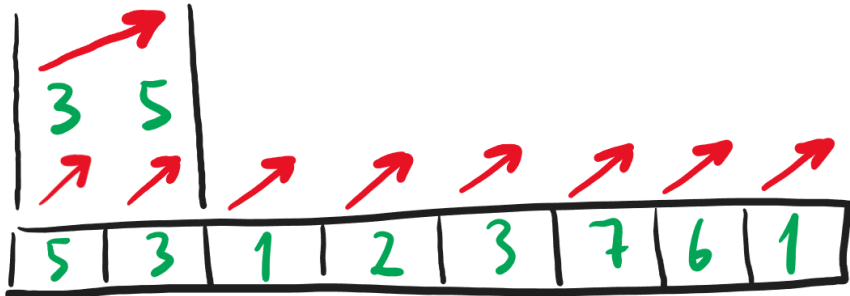
Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)

5	3	1	2	3	7	6	1
---	---	---	---	---	---	---	---

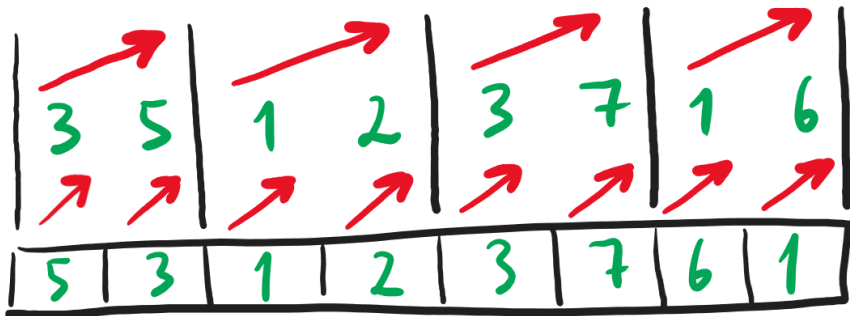
Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



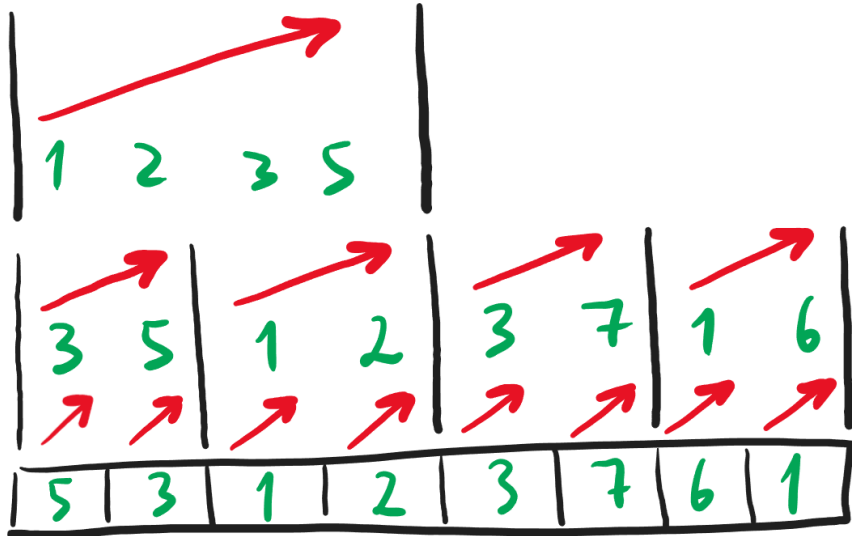
Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



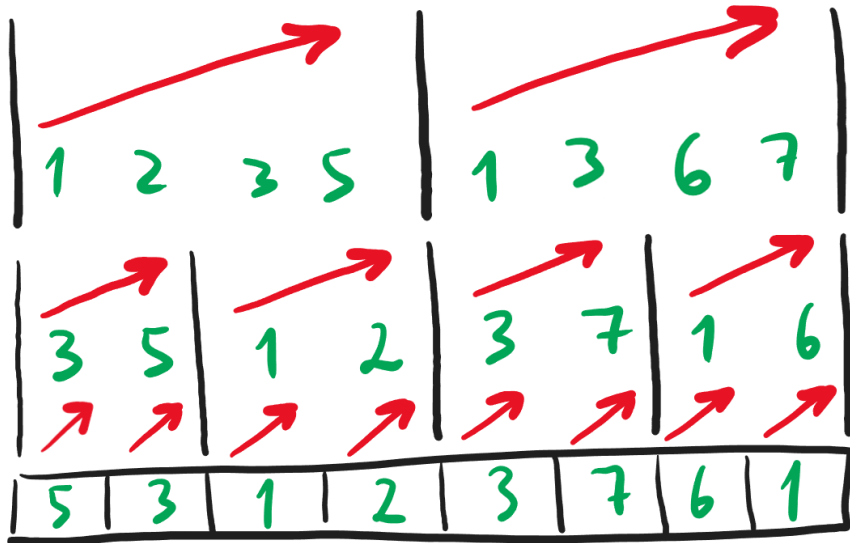
Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



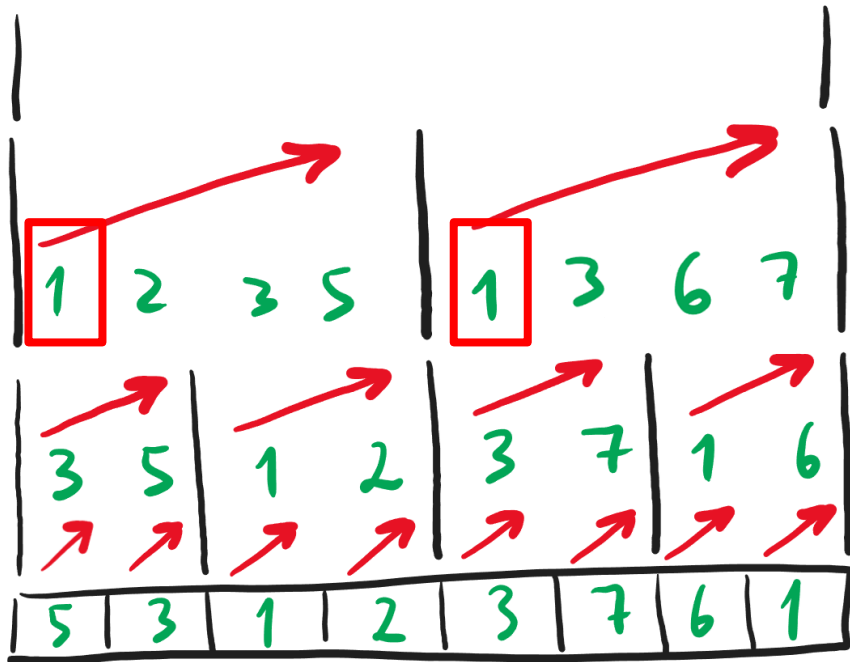
Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



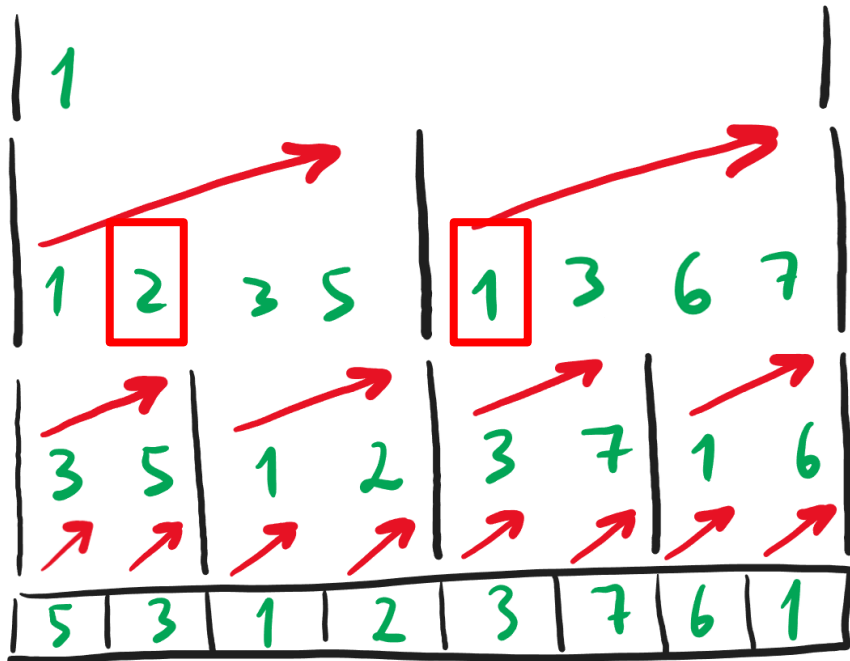
Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



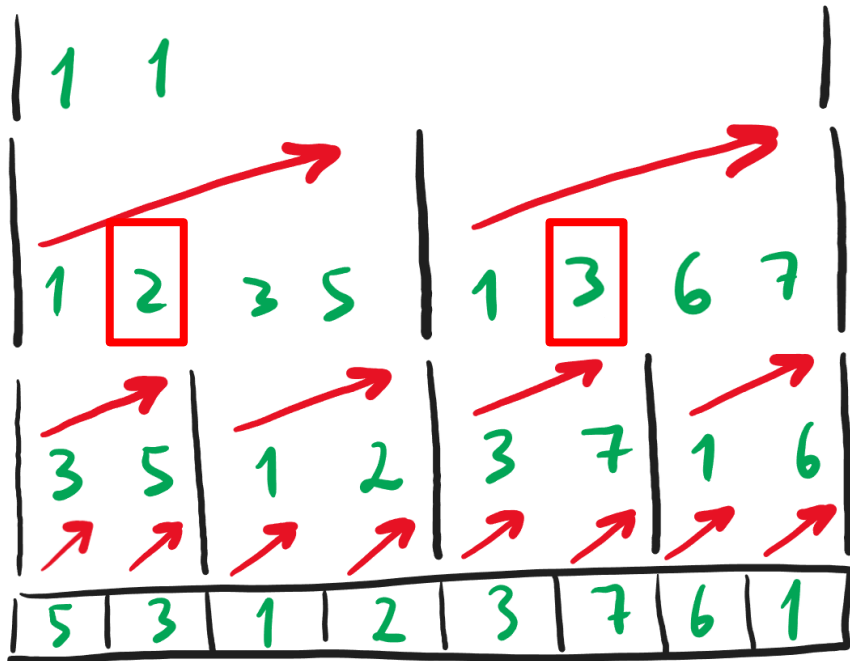
Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



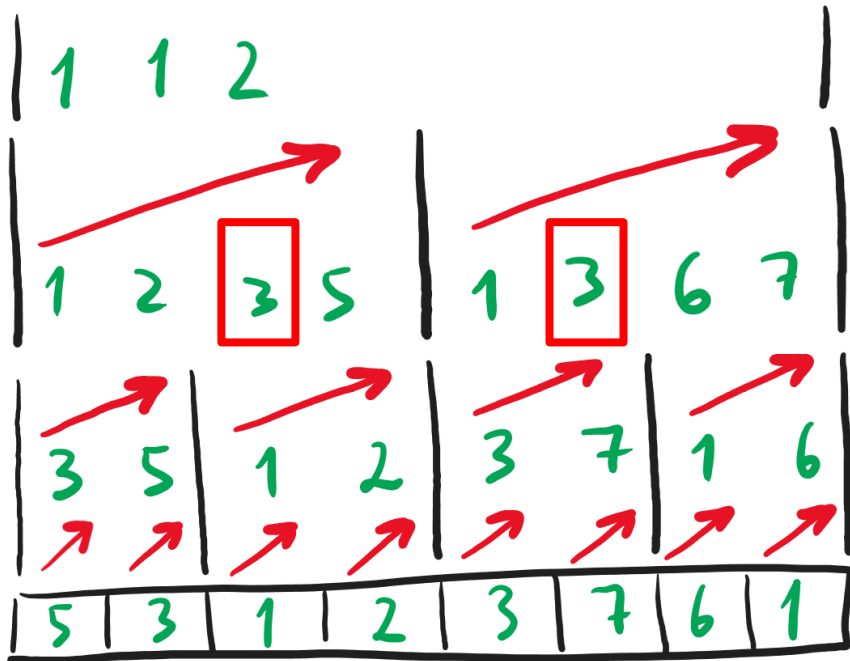
Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



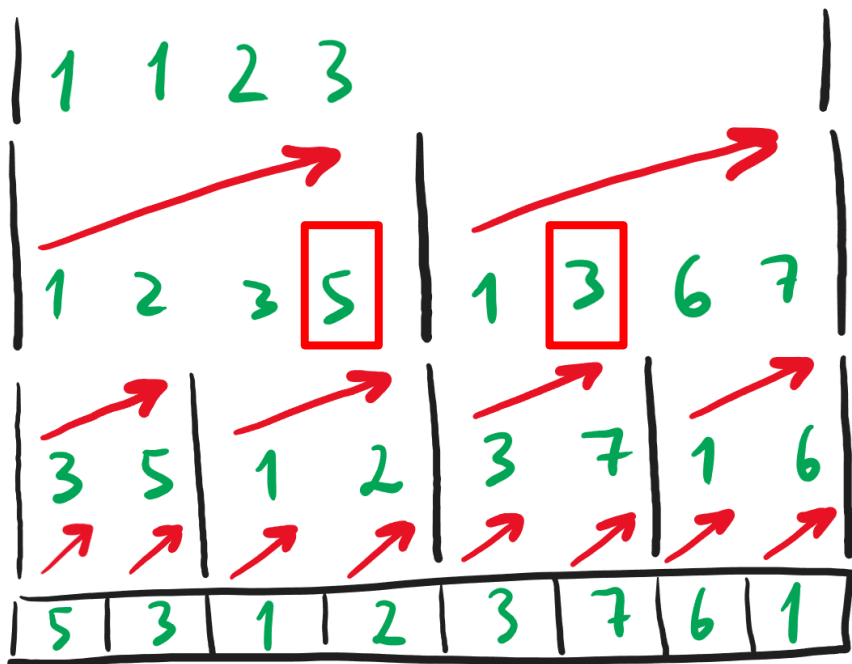
Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



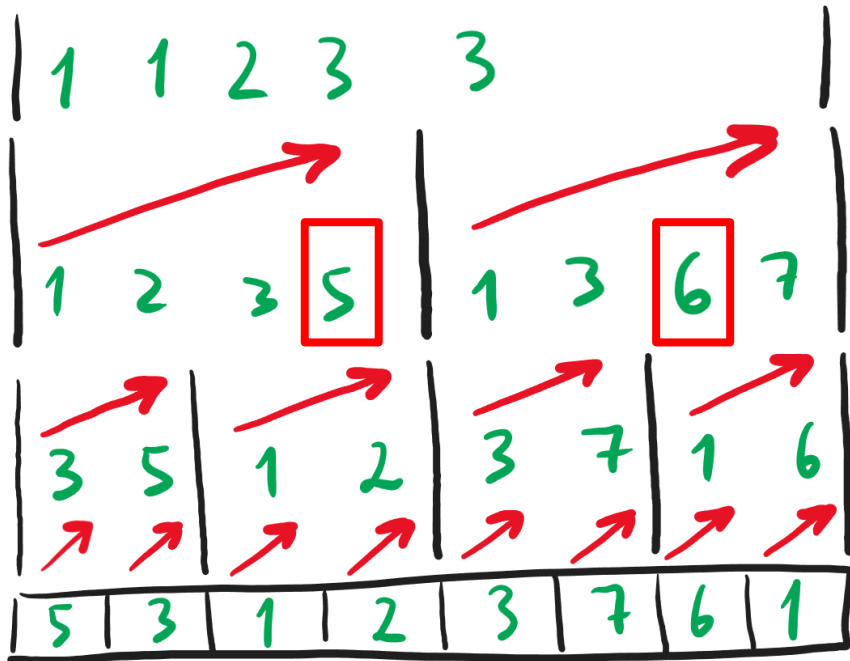
Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



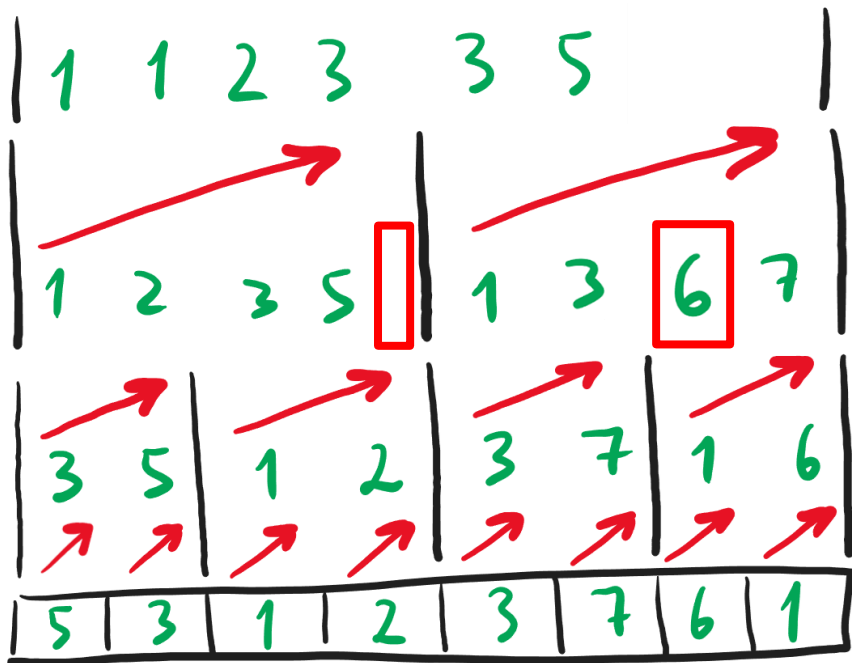
Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



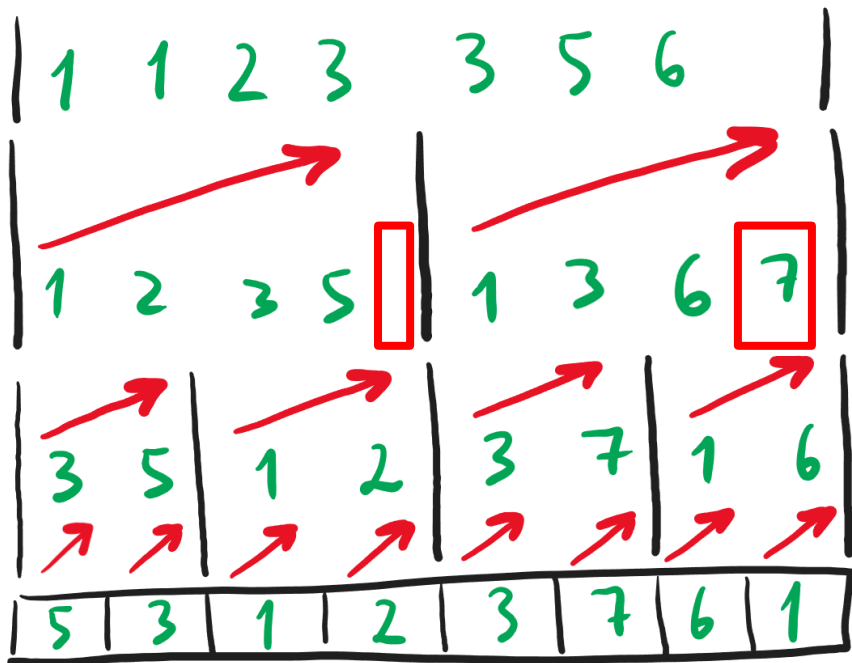
Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



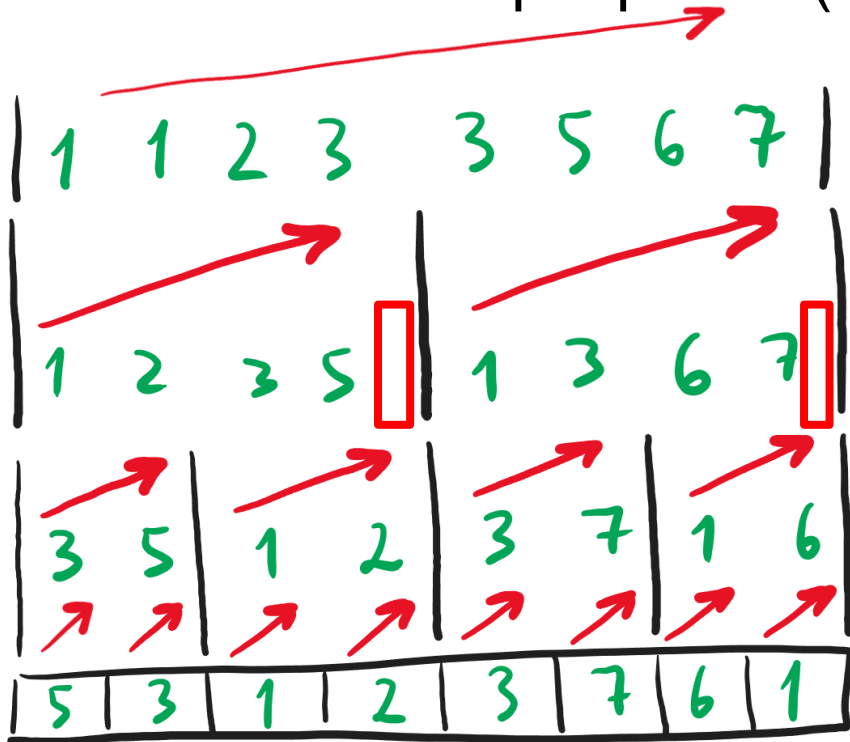
Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



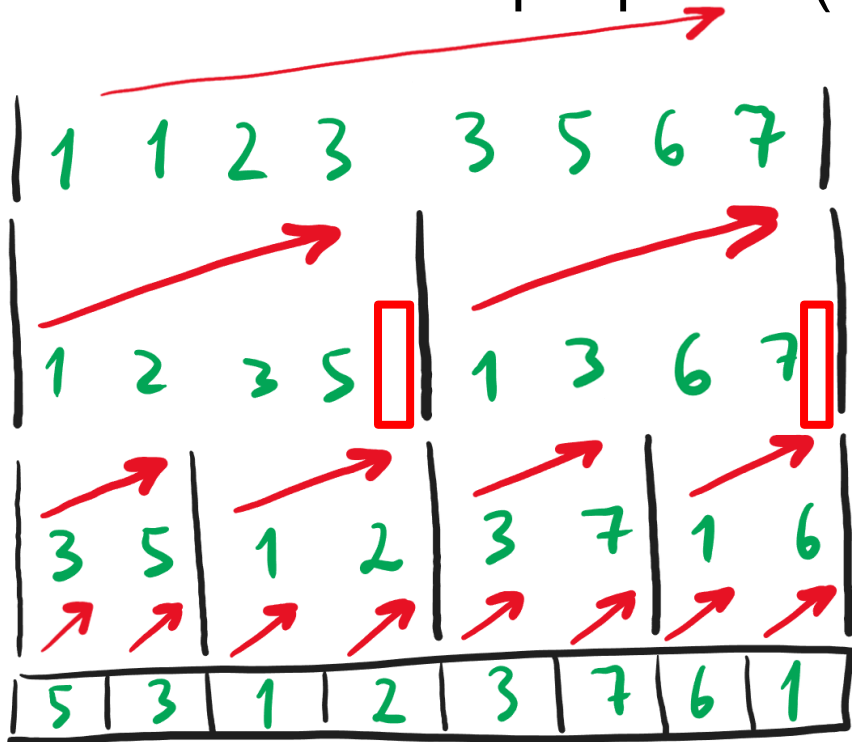
Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)

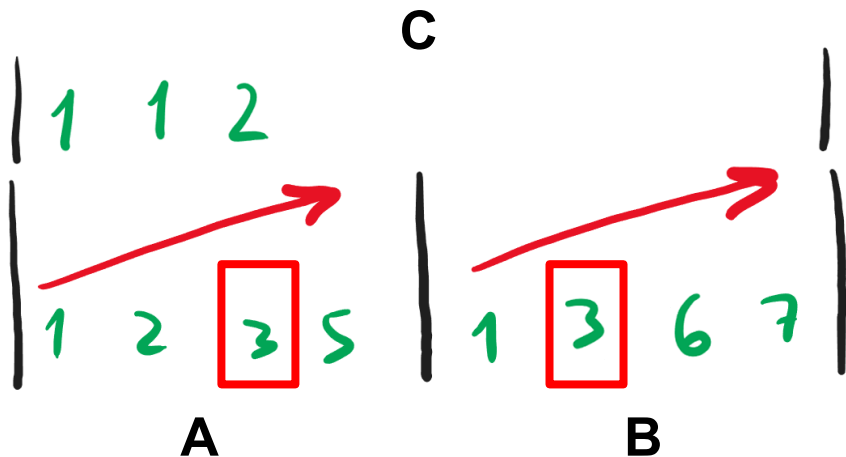


Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



Как отсортировать 10 терабайт чисел?

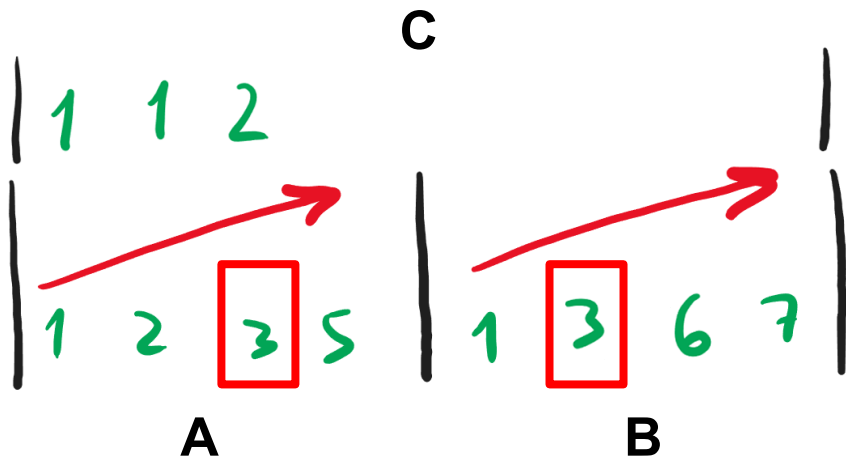
Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



Как отсортировать 10 терабайт чисел?

Достаточно научиться выполнять
 $C = \text{merge}(A, B)$ в **Out-of-Core** манере!

Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)

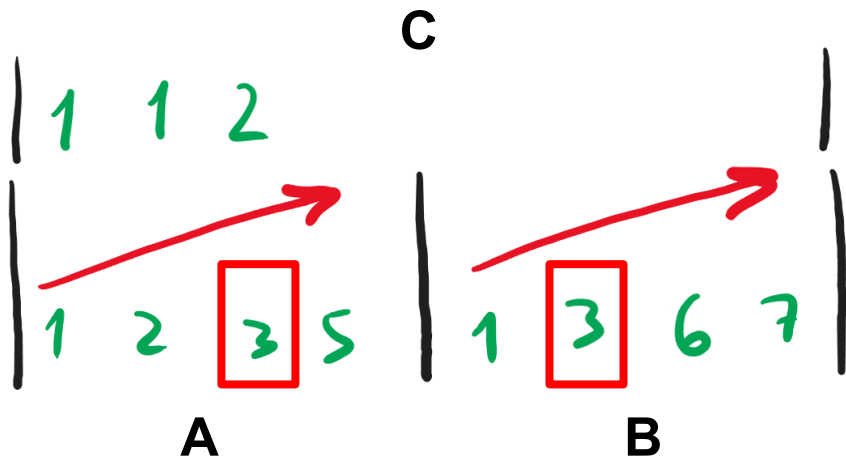


Как отсортировать 10 терабайт чисел?

Достаточно научиться выполнять
 $C = \text{merge}(A, B)$ в **Out-of-Core** манере!

Как выполнить **merge** двух 5 терабайтных
файлов **отсортированных чисел**?

Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



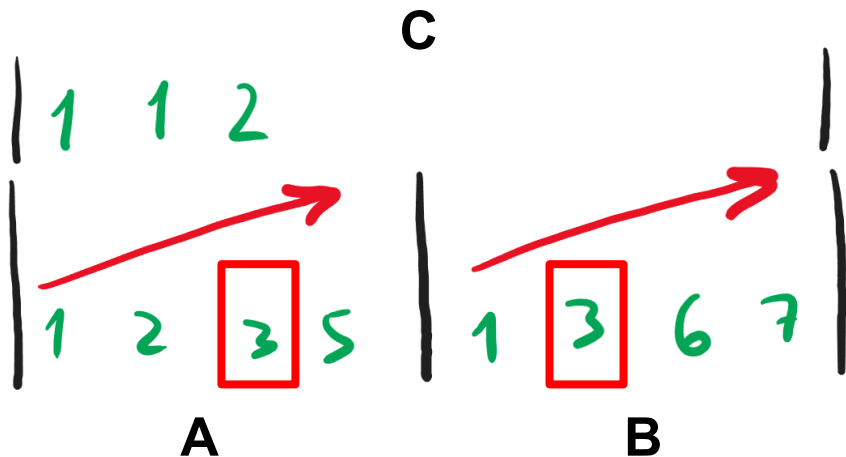
Как отсортировать 10 терабайт чисел?

Достаточно научиться выполнять
 $C = \text{merge}(A, B)$ в **Out-of-Core** манере!

Как выполнить **merge** двух 5 терабайтных
файлов **отсортированных чисел**?

1) Создали пустой файл для **C**

Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



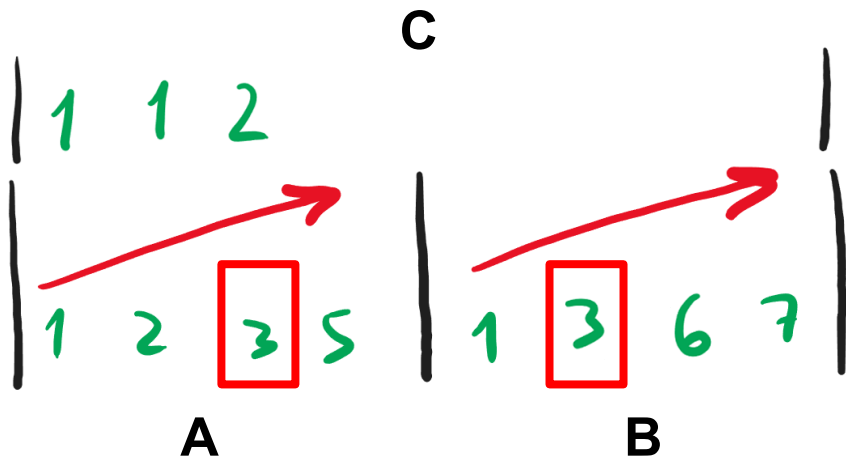
Как отсортировать 10 терабайт чисел?

Достаточно научиться выполнять
 $C = \text{merge}(A, B)$ в **Out-of-Core** манере!

Как выполнить **merge** двух 5 терабайтных
файлов **отсортированных чисел**?

- 1) Создали пустой файл для **C**
- 2) Два указателя - позиция чтения **A, B**

Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



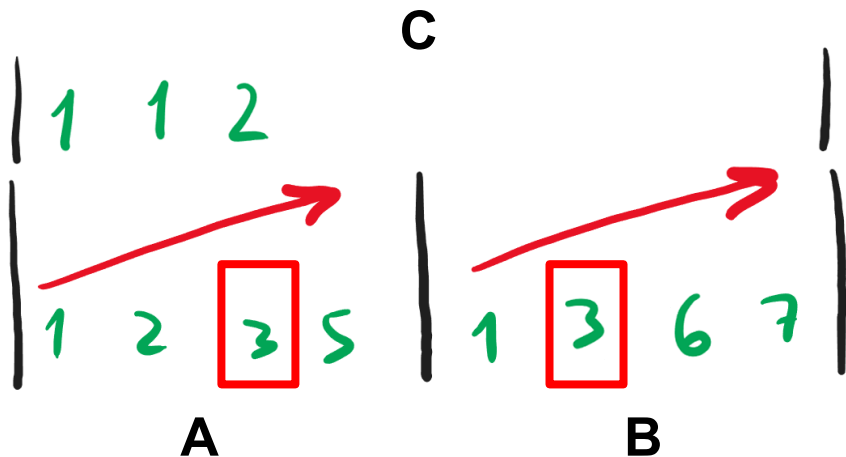
Как отсортировать 10 терабайт чисел?

Достаточно научиться выполнять
 $C = \text{merge}(A, B)$ в **Out-of-Core** манере!

Как выполнить **merge** двух 5 терабайтных
файлов **отсортированных чисел**?

- 1) Создали пустой файл для **C**
- 2) Два указателя - позиция чтения **A, B**
- 3) В памяти только 2 числа-кандидата

Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



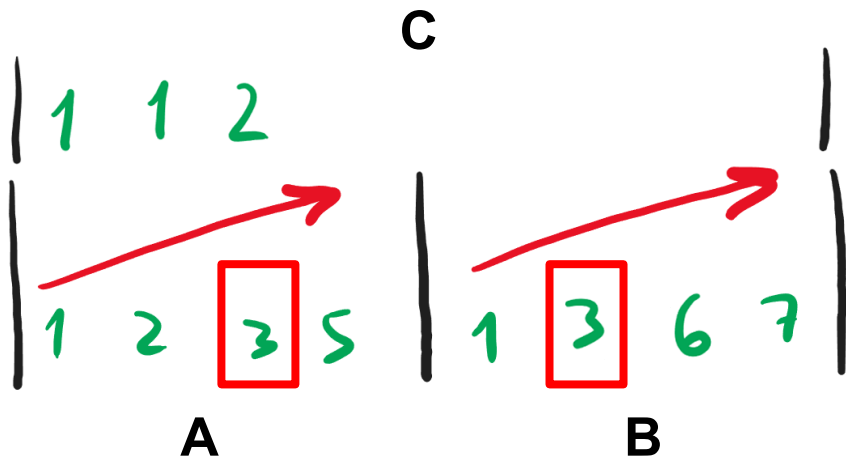
Как отсортировать 10 терабайт чисел?

Достаточно научиться выполнять
 $C = \text{merge}(A, B)$ в **Out-of-Core** манере!

Как выполнить **merge** двух 5 терабайтных
файлов **отсортированных чисел**?

- 1) Создали пустой файл для **C**
- 2) Два указателя - позиция чтения **A, B**
- 3) В памяти только 2 числа-кандидата
- 4) Минимальный из них - **пишем** в **C**

Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



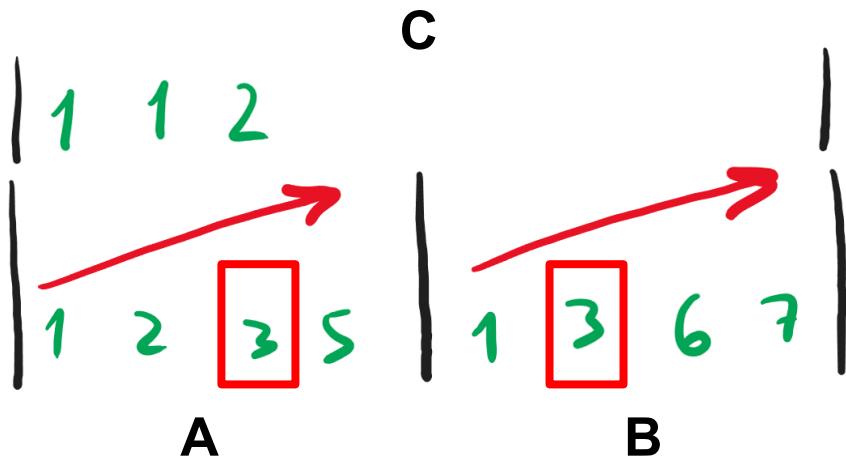
Как отсортировать 10 терабайт чисел?

Достаточно научиться выполнять
 $C = \text{merge}(A, B)$ в **Out-of-Core** манере!

Как выполнить **merge** двух 5 терабайтных
файлов **отсортированных чисел**?

- 1) Создали пустой файл для **C**
- 2) Два указателя - позиция чтения **A, B**
- 3) В памяти только 2 числа-кандидата
- 4) Минимальный из них - **пишем** в **C**
- 5) **Считываем** новое число-кандидат

Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



Как отсортировать 10 терабайт чисел?

Достаточно научиться выполнять
 $C = \text{merge}(A, B)$ в **Out-of-Core** манере!

Как выполнить **merge** двух 5 терабайтных
файлов **отсортированных чисел**?

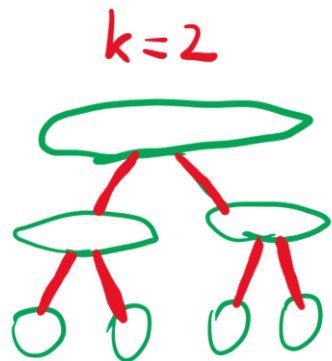
- 1) Создали пустой файл для **C**
- 2) Два указателя - позиция чтения **A, B**
- 3) В памяти только 2 числа-кандидата
- 4) Минимальный из них - **пишем** в **C**
- 5) **Считываем** новое число-кандидат

Какое суммарное **IO** $\text{merge}(5 \text{ TB} + 5 \text{ TB})$?

Какое суммарное **IO** $\text{merge-sort}(N \text{ TB})$?

Как ускорить?

Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)



Какое суммарное **IO** $\text{merge}(5 \text{ TB} + 5 \text{ TB})$?

Какое суммарное **IO** $\text{merge-sort}(N \text{ TB})$?

Как ускорить?

Как отсортировать 10 терабайт чисел?

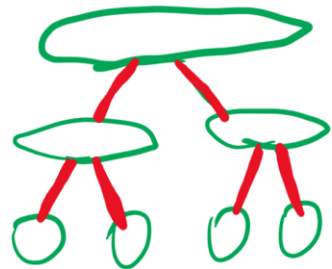
Достаточно научиться выполнять
 $C = \text{merge}(A, B)$ в **Out-of-Core** манере!

Как выполнить **merge** двух 5 терабайтных
файлов **отсортированных чисел**?

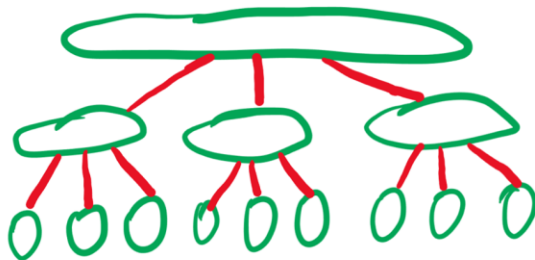
- 1) Создали пустой файл для **C**
- 2) Два указателя - позиция чтения **A, B**
- 3) В памяти только 2 числа-кандидата
- 4) Минимальный из них - **пишем** в **C**
- 5) **Считываем** новое число-кандидат

Out-of-Core сортировка (k-way merge sort)

$k=2$



$k=3$



Как отсортировать 10 терабайт чисел?

Достаточно научиться выполнять $C = \text{merge}(A, B)$ в **Out-of-Core** манере!

Как выполнить **merge** двух 5 терабайтных файлов **отсортированных чисел**?

Какое суммарное **IO** $\text{merge}(5 \text{ TB} + 5 \text{ TB})$?

Какое суммарное **IO** $\text{merge-sort}(N \text{ TB})$?

Как ускорить?

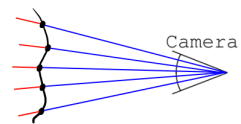
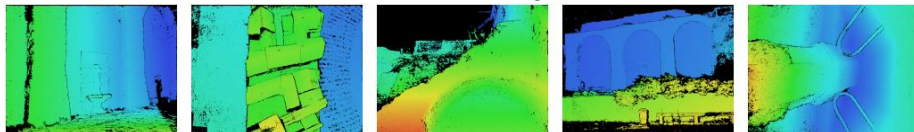
- 1) Создали пустой файл для **C**
- 2) **K указателей** - позиция чтения
- 3) В памяти только **K** чисел-кандидатов
- 4) Минимальный из них - **пишем** в **C**
- 5) **Считываем** новое число-кандидат

Алгоритм во внешней памяти (out-of-core свойство)

Дискретизация пространства октодеревом

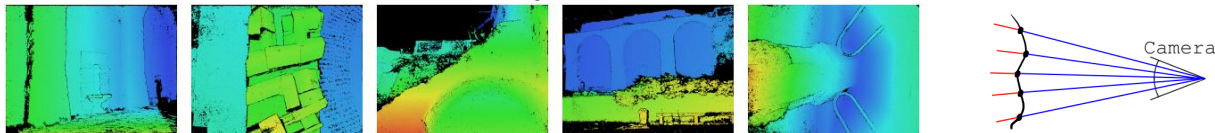
Out-of-Core реконструкция: строим октодерево

1) Есть множество карт глубины



Out-of-Core реконструкция: строим октодерево

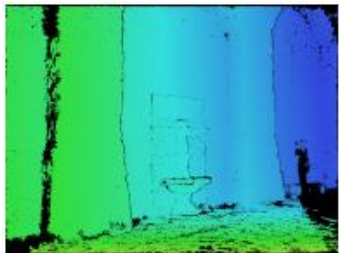
1) Есть множество карт глубины



2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодерево (дискретизация пространства)

Как построить октодерево не упав по памяти?

Out-of-Core реконструкция: строим октодерево

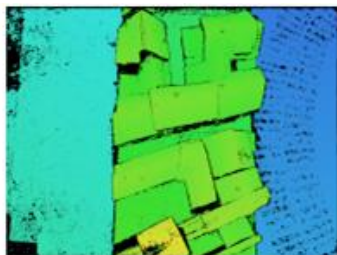
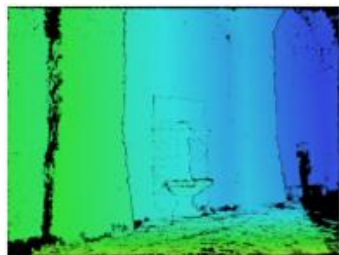


Octree #1

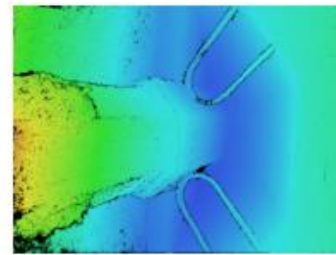
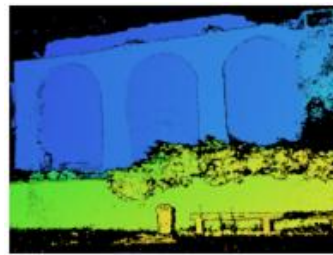


Воксели

Out-of-Core реконструкция: строим октодеревево



...



...

Octree #1

Octree #2

Octree #N-1

Octree #N



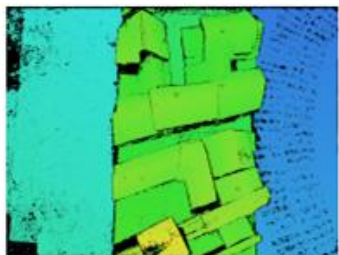
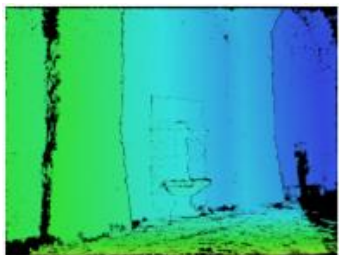
Воксели

Воксели

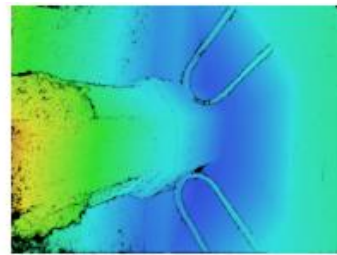
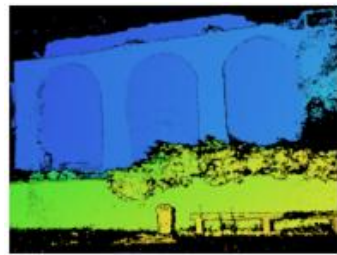
Воксели

Воксели

Out-of-Core реконструкция: строим октодеревево



...



...

Octree #1

Octree #2

Octree #N-1

Octree #N



~~Воксели~~

~~Воксели~~

~~Воксели~~

~~Воксели~~

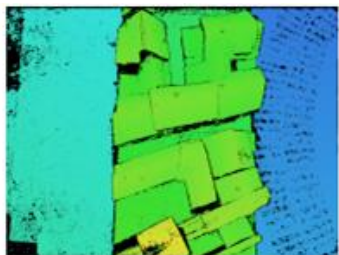
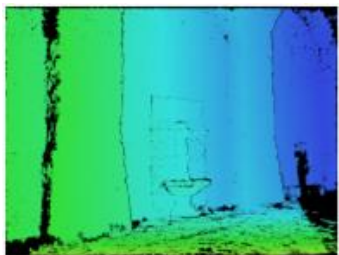
96-bit
Morton Codes

96-bit
Morton Codes

96-bit
Morton Codes

96-bit
Morton Codes

Out-of-Core реконструкция:



Octree #1

Octree #2



~~Воксели~~

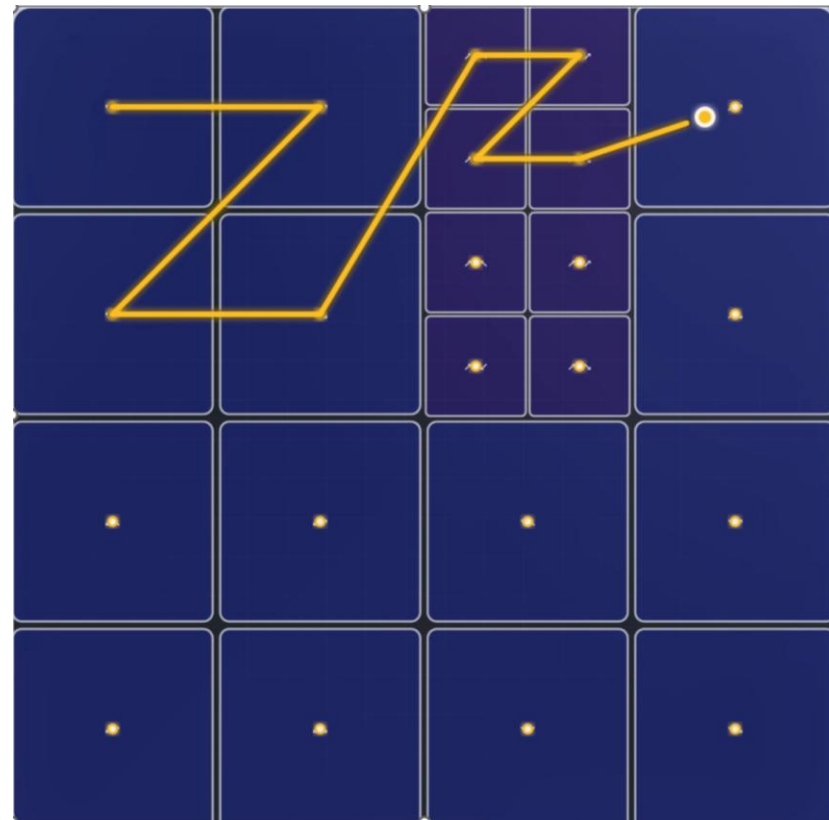
~~Воксели~~

96-bit
Morton Codes

96-bit
Morton Codes

...

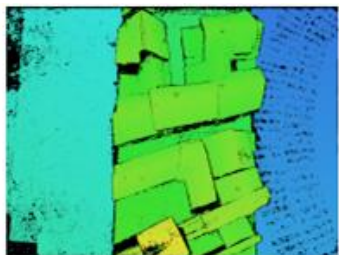
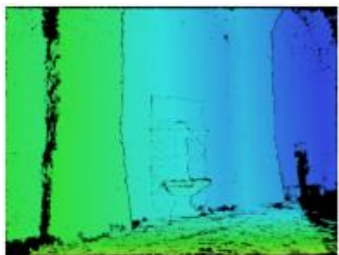
...



Z-curve: ввели линейный порядок на вокселях.
Есть пространственная локальность!

Morton Codes: биекция воксель → число,
такая что числа соблюдают порядок Z-curve.

Out-of-Core реконструкция:



Octree #1



~~Воксели~~

96-bit

Morton Codes



Octree #2



~~Воксели~~

96-bit

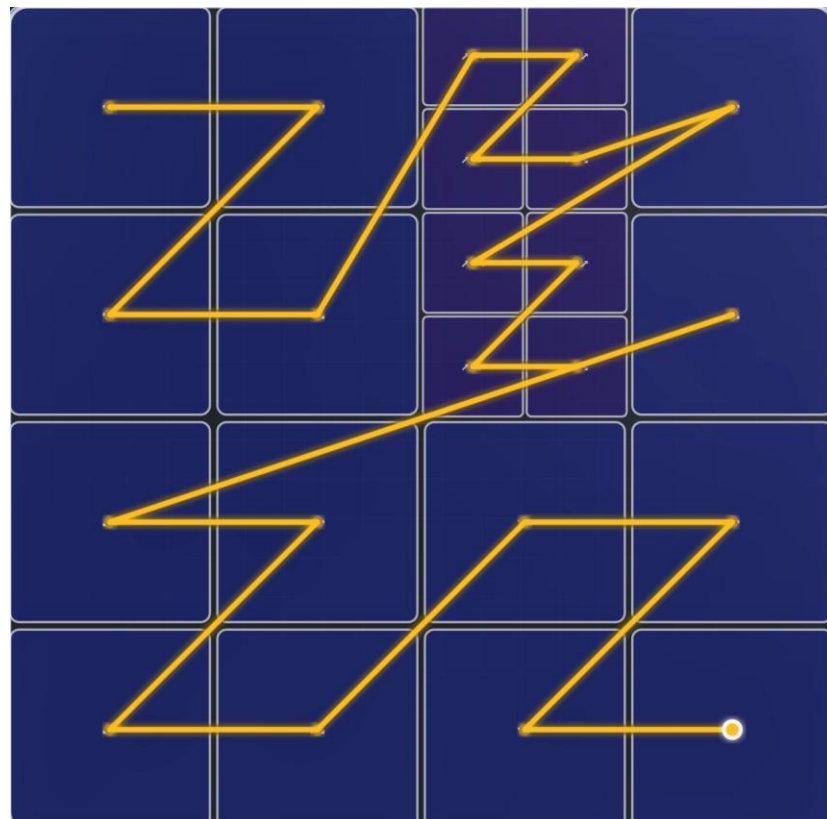
Morton Codes

...


...

Shuffled xyz Morton Code:

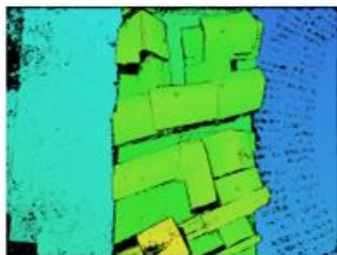
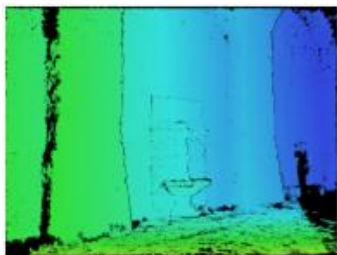
$x_1y_1z_1$



Z-curve: ввели линейный порядок на вокселях. Есть пространственная локальность!

Morton Codes: биекция воксель  число, такая что числа соблюдают порядок Z-curve.

Out-of-Core реконструкция:



...



Octree #1



~~Воксели~~

96-bit
Morton Codes



Octree #2



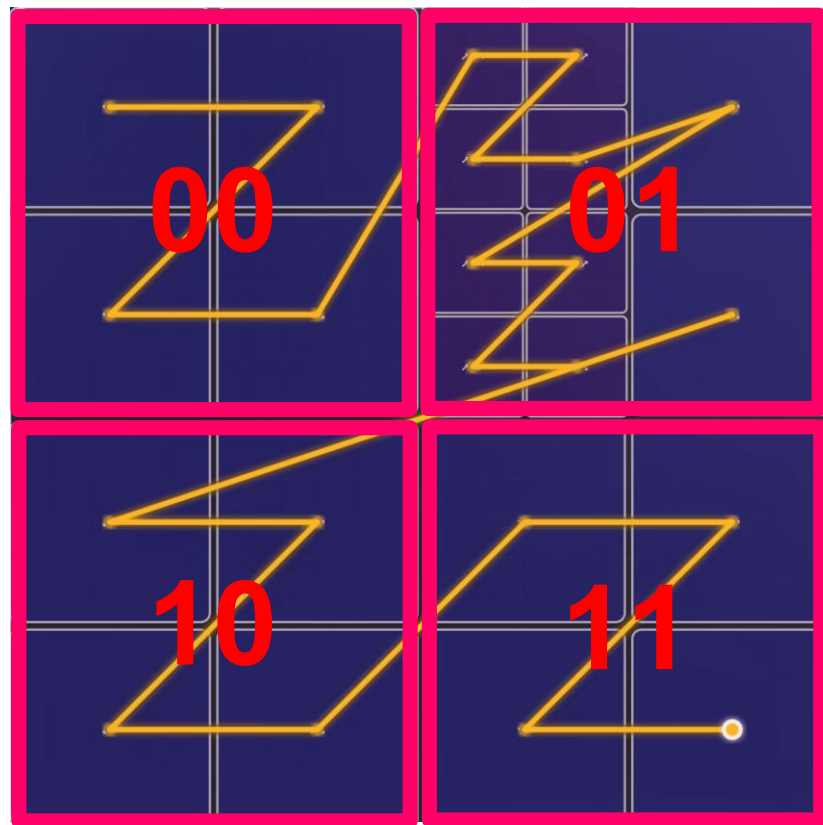
~~Воксели~~

96-bit
Morton Codes

...

Shuffled xyz Morton Code:

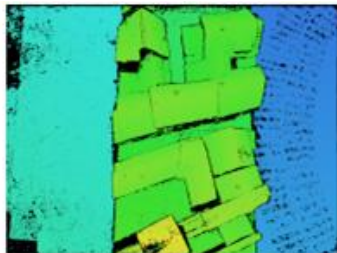
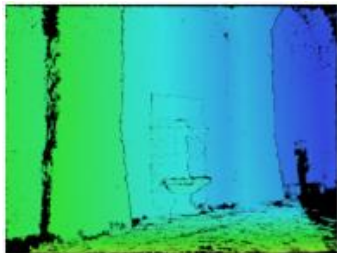
$x_1 y_1 z_1$



Z-curve: ввели линейный порядок на вокселях. Есть пространственная локальность!

Morton Codes: биекция воксель \rightarrow число, такая что числа соблюдают порядок Z-curve.

Out-of-Core реконструкция:



...



Octree #1



~~Воксели~~

96-bit
Morton Codes



Octree #2



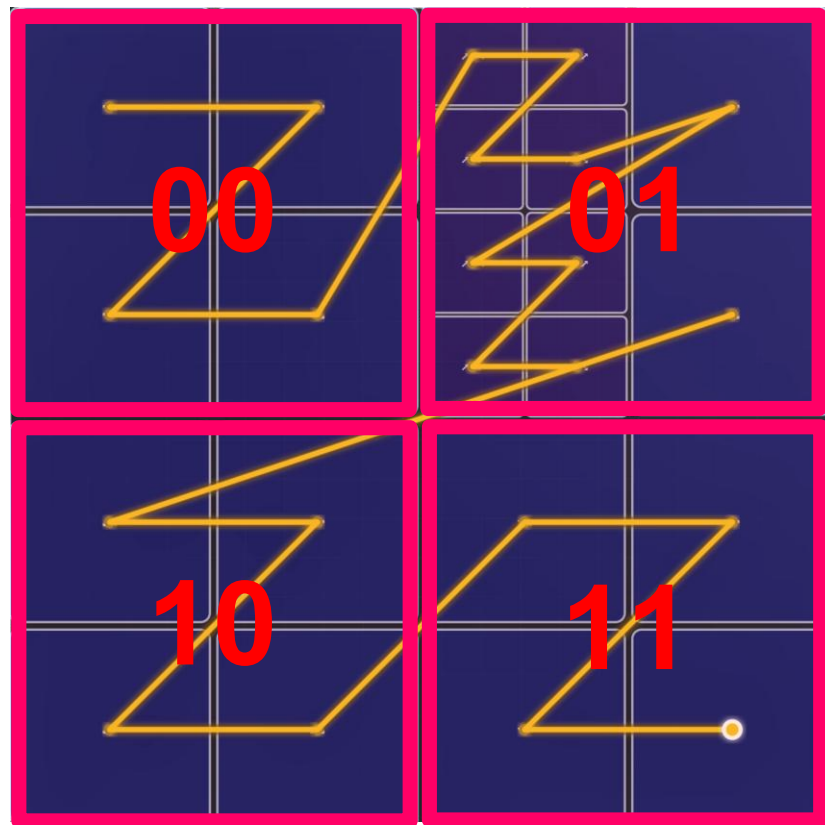
~~Воксели~~

96-bit
Morton Codes

...

Shuffled xyz Morton Code:

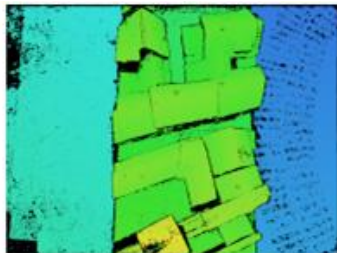
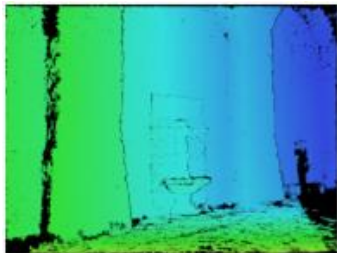
$x_1y_1z_1x_2y_2z_2 \dots x_Dy_Dz_D$



Z-curve: ввели линейный порядок на вокселях. Есть пространственная локальность!

Morton Codes: биекция воксель \rightarrow число, такая что числа соблюдают порядок Z-curve.

Out-of-Core реконструкция: строим октодеревево



...



Octree #1



96-bit

Morton Codes



Octree #2



96-bit

Morton Codes

...



Octree #N-1



96-bit

Morton Codes



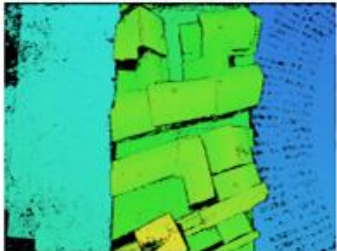
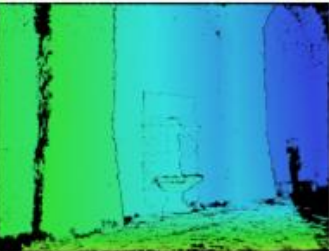
Octree #N



96-bit

Morton Codes

Out-of-Core реконструкция: строим октодерево



...



Octree #1



96-bit

Morton Codes



Octree #2



96-bit

Morton Codes

...



Octree #N-1



96-bit

Morton Codes



Octree #N



96-bit

Morton Codes

Как сделать это **Out-of-Core**?

96-bit

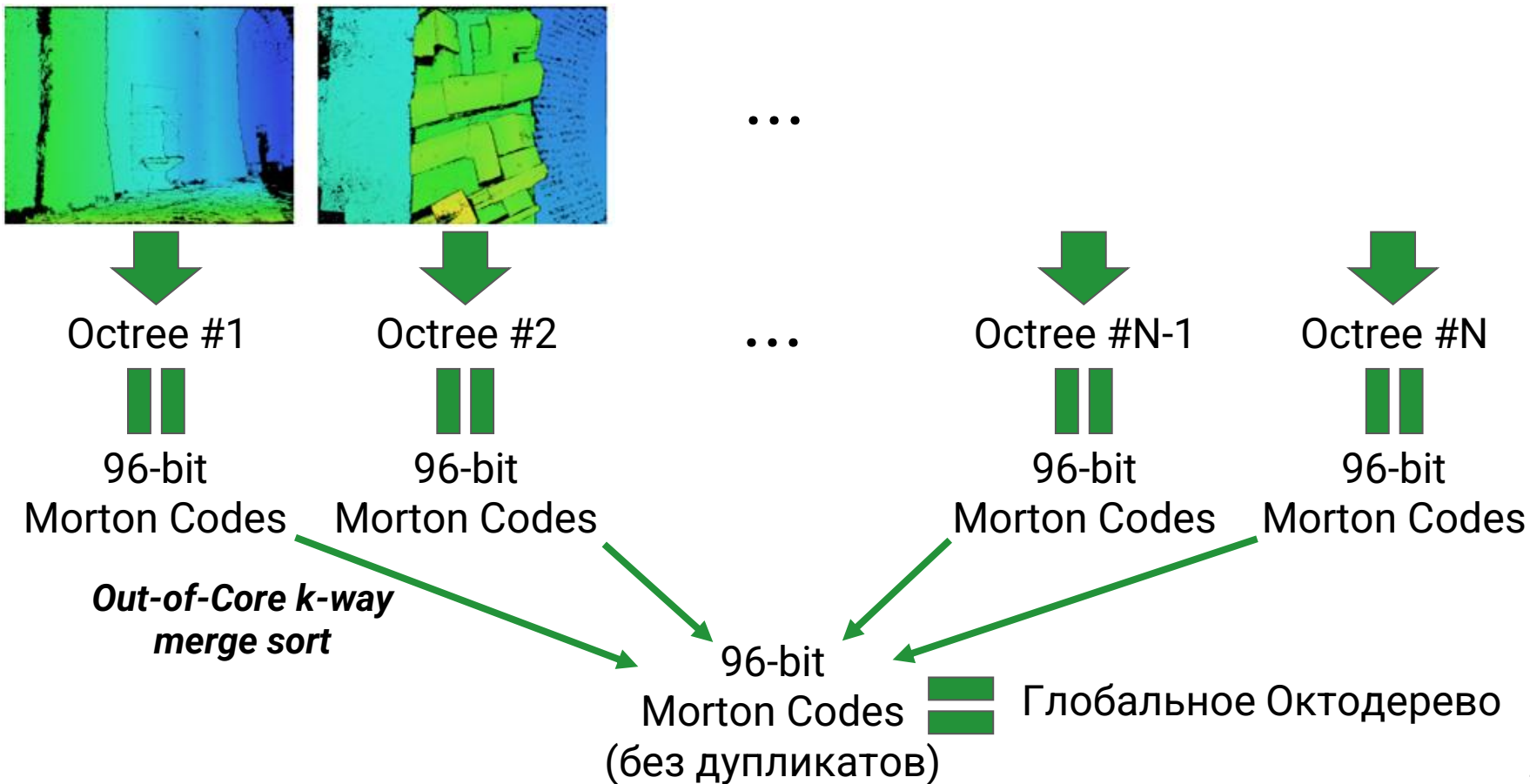
Morton Codes

(без дубликатов)



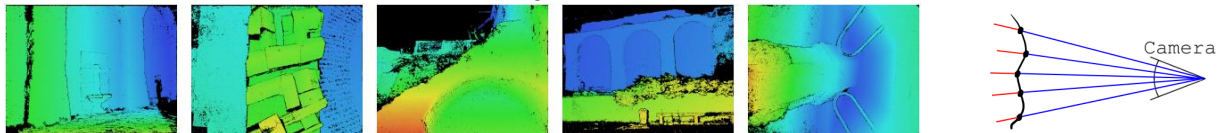
Глобальное Октодерево

Out-of-Core реконструкция: строим октодерево



Out-of-Core реконструкция: строим октодеревево

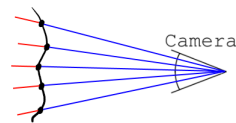
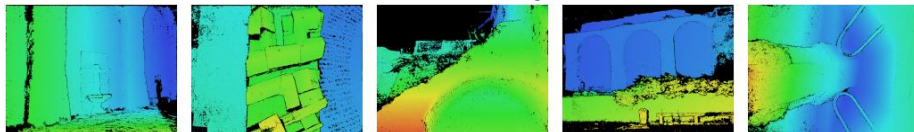
1) Есть множество карт глубины



2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодеревево (дискретизация пространства)

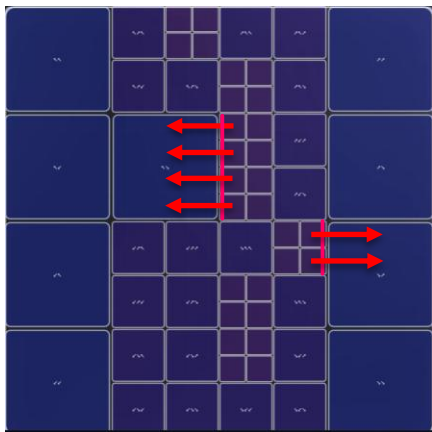
Out-of-Core реконструкция: строим октодерево

1) Есть множество карт глубины



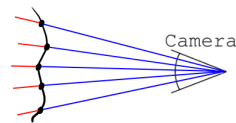
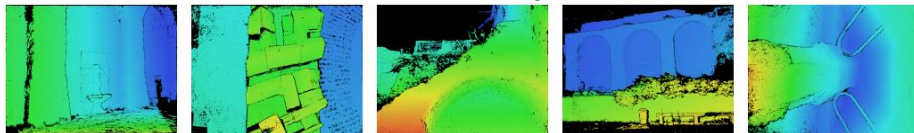
2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодерево (дискретизация пространства)

3) Балансируем октодерево 2:1 (по каждой стороне макс. два соседа)



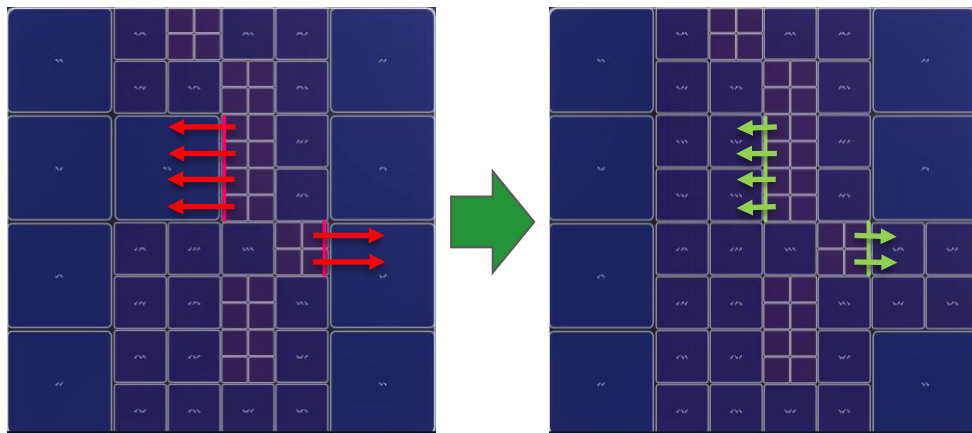
Out-of-Core реконструкция: строим октодерево

1) Есть множество карт глубины



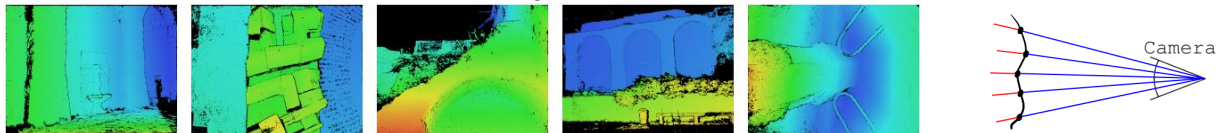
2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодерево (дискретизация пространства)

3) Балансируем октодерево 2:1 (по каждой стороне макс. два соседа)



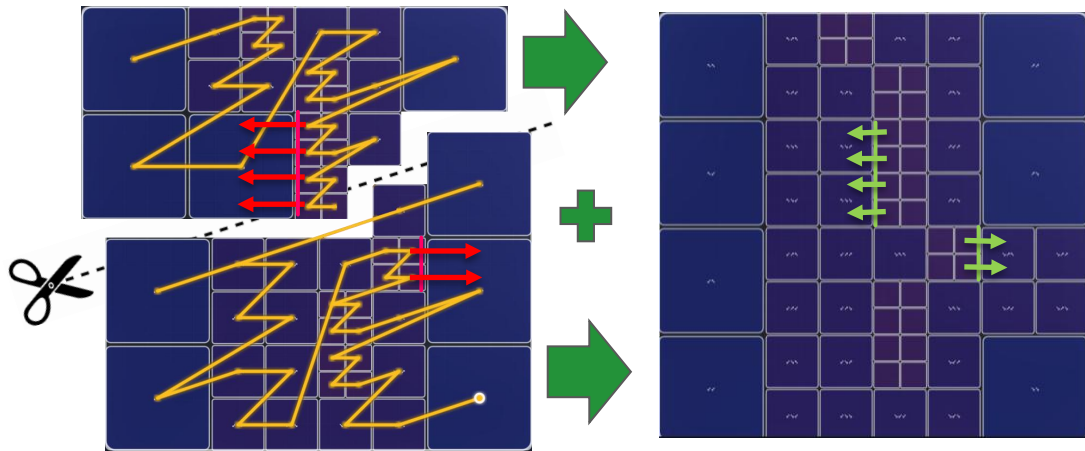
Out-of-Core реконструкция: строим октодеревево

1) Есть множество карт глубины

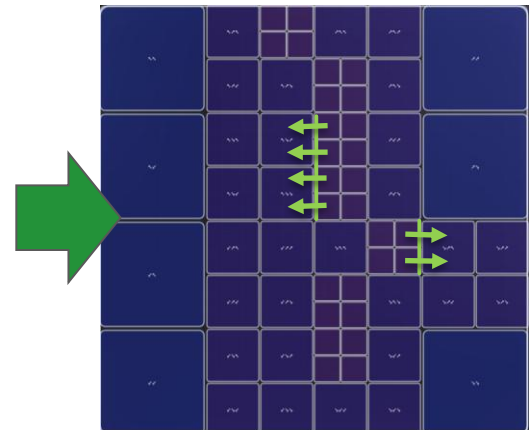
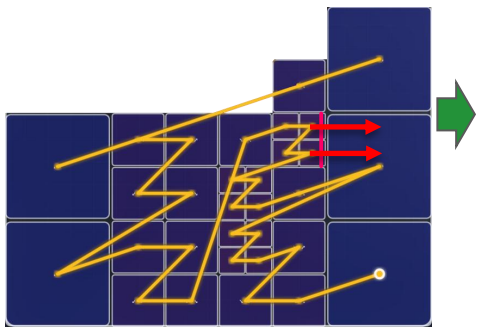
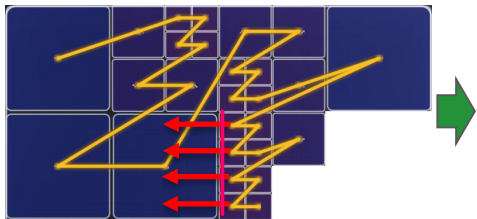


2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодеревево (дискретизация пространства)

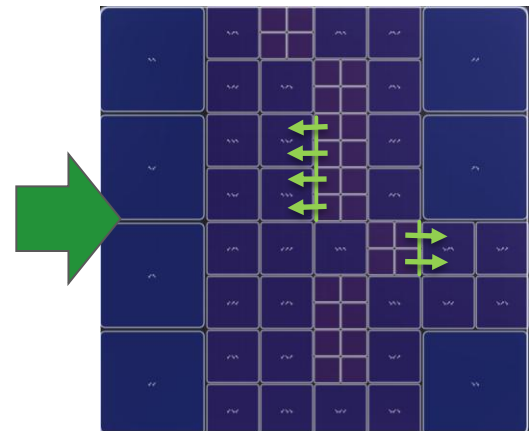
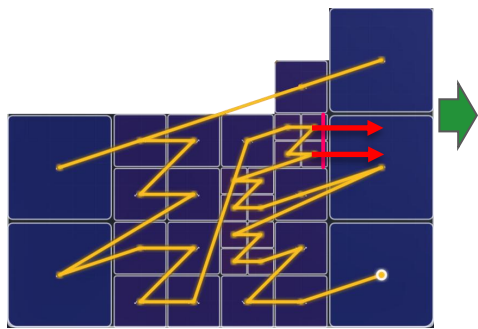
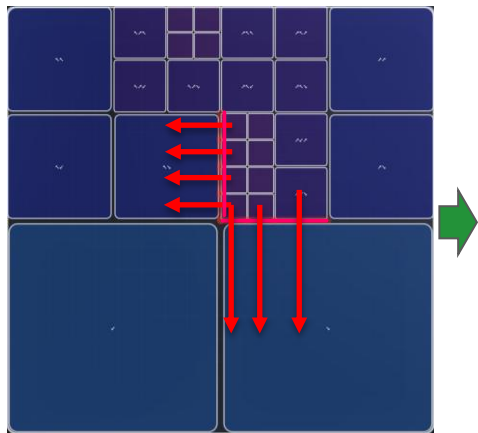
3) Балансируем октодеревево 2:1 (по каждой стороне макс. два соседа)



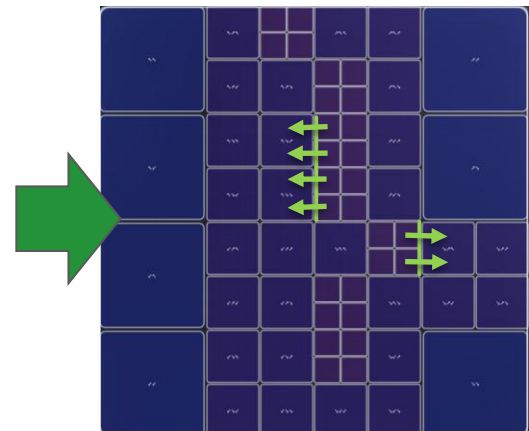
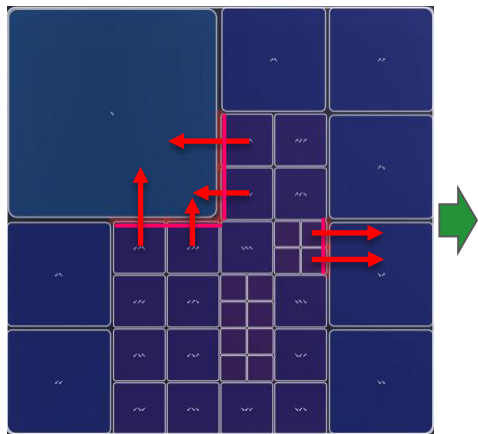
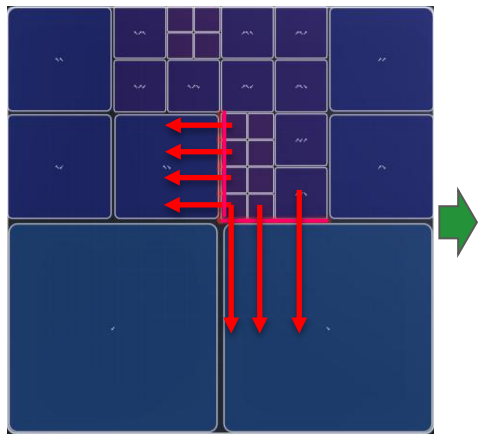
Out-of-Core реконструкция: 2:1 балансировка



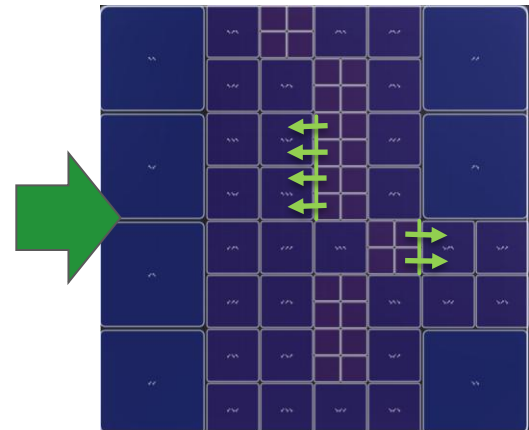
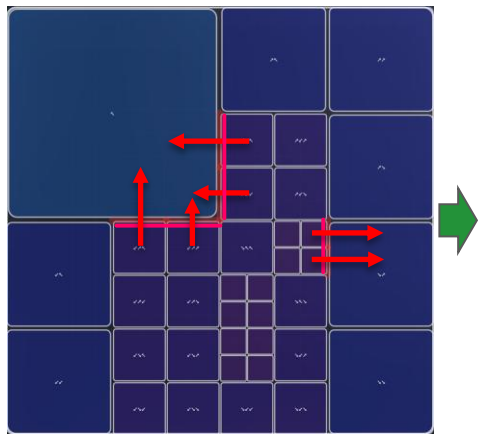
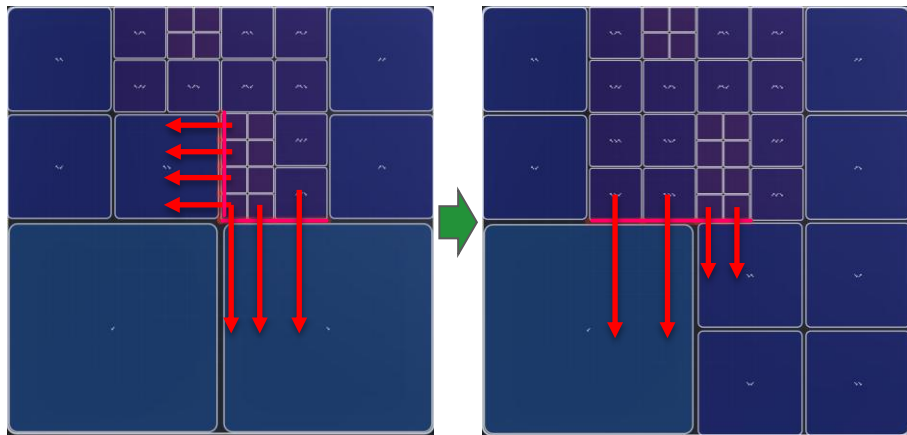
Out-of-Core реконструкция: 2:1 балансировка



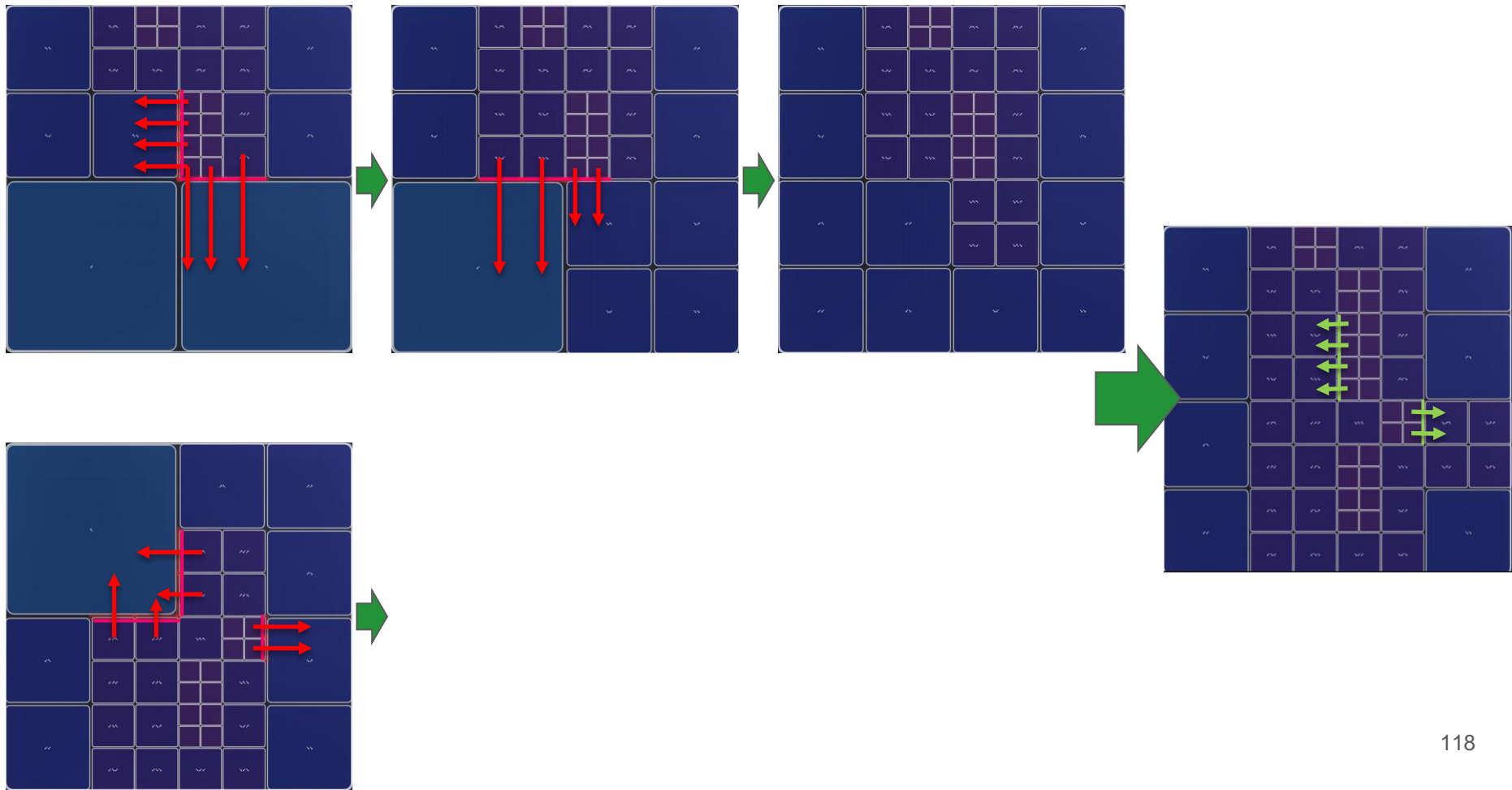
Out-of-Core реконструкция: 2:1 балансировка



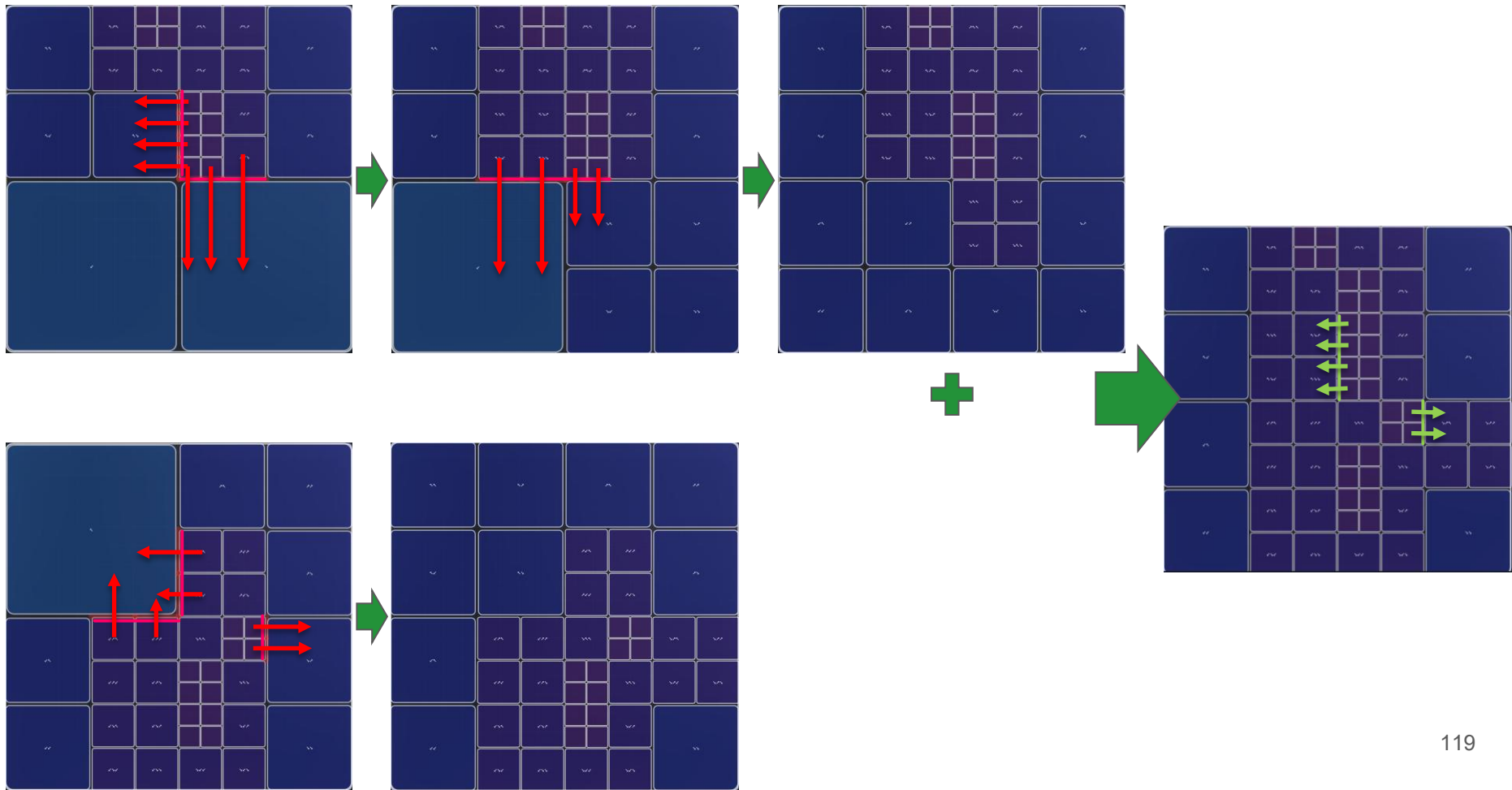
Out-of-Core реконструкция: 2:1 балансировка



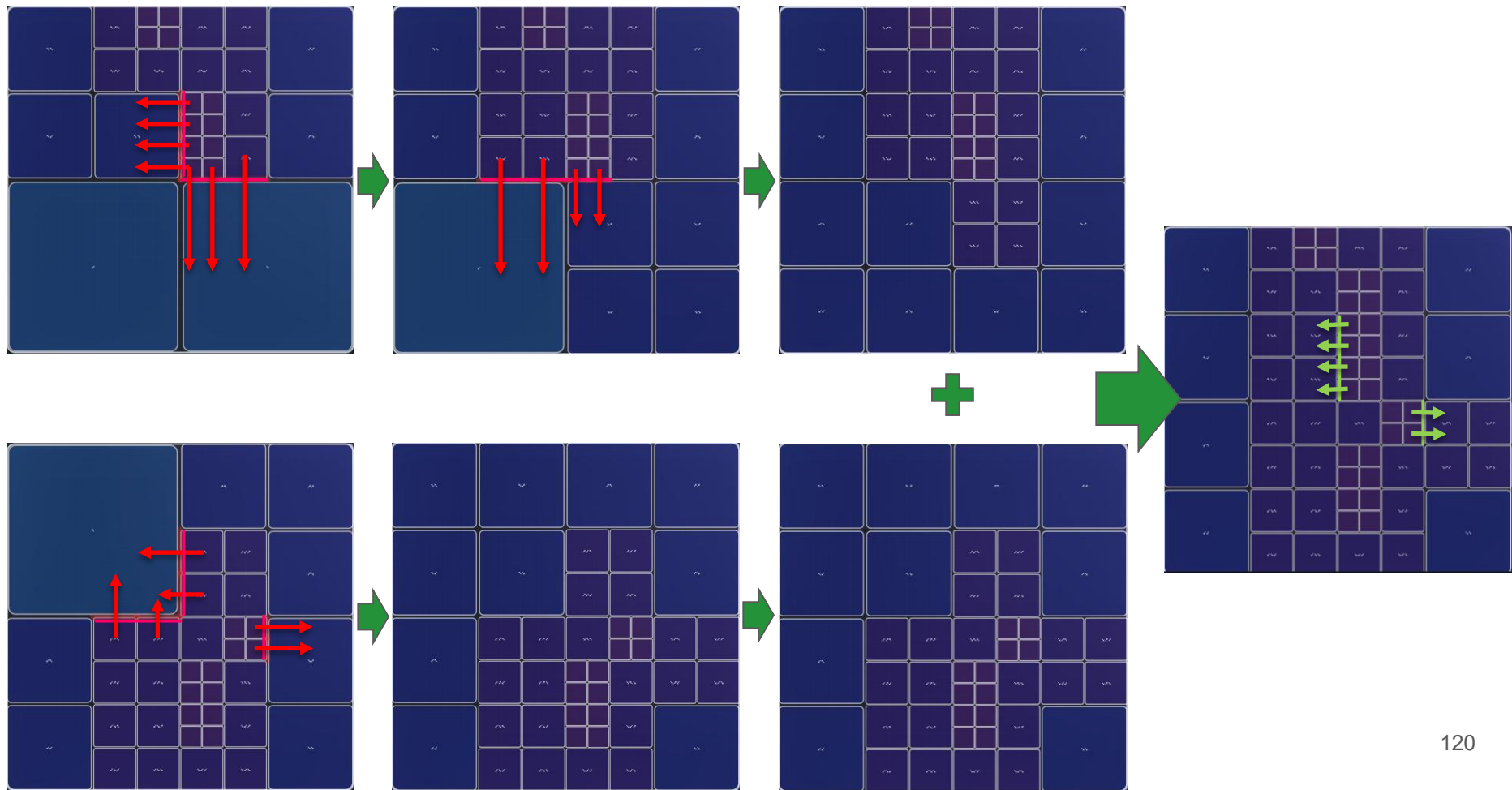
Out-of-Core реконструкция: 2:1 балансировка



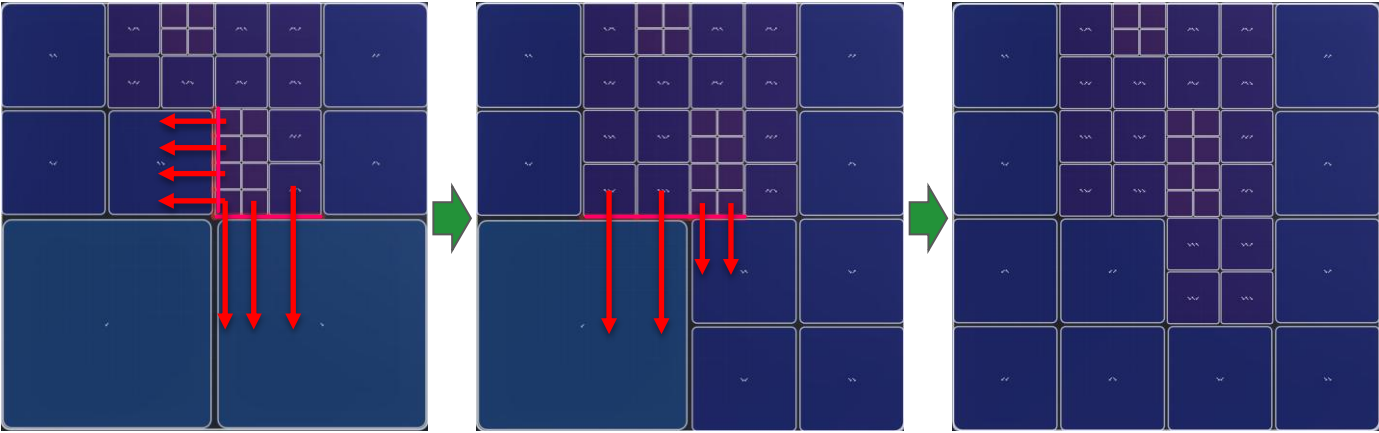
Out-of-Core реконструкция: 2:1 балансировка



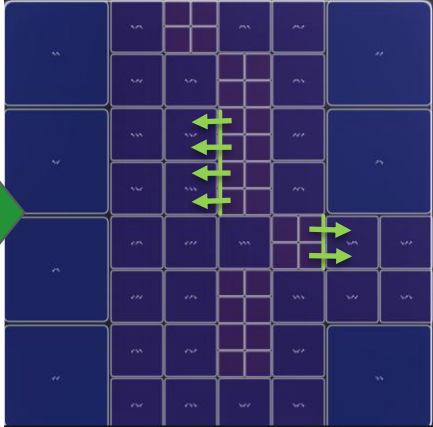
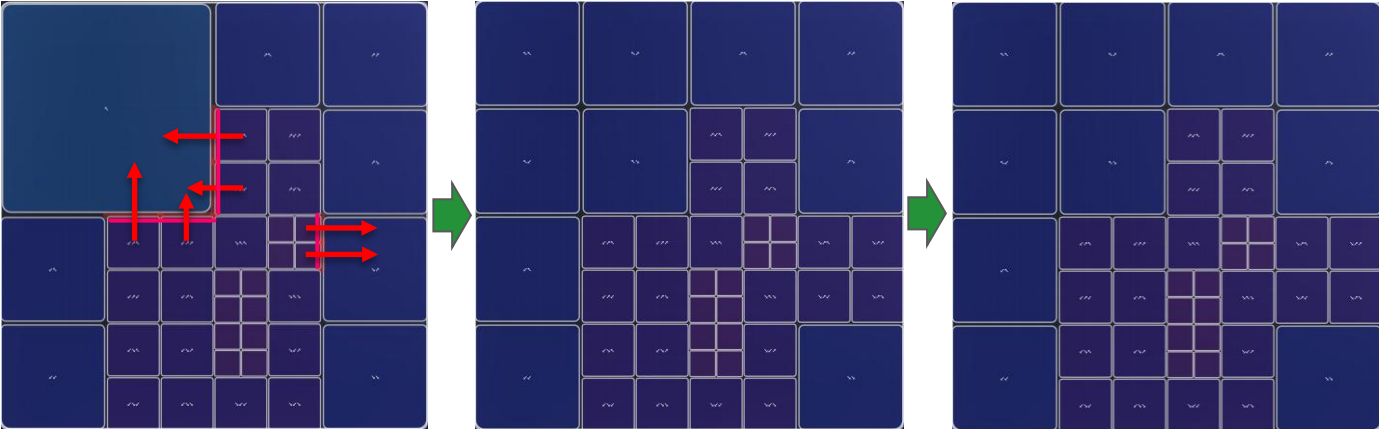
Out-of-Core реконструкция: 2:1 балансировка



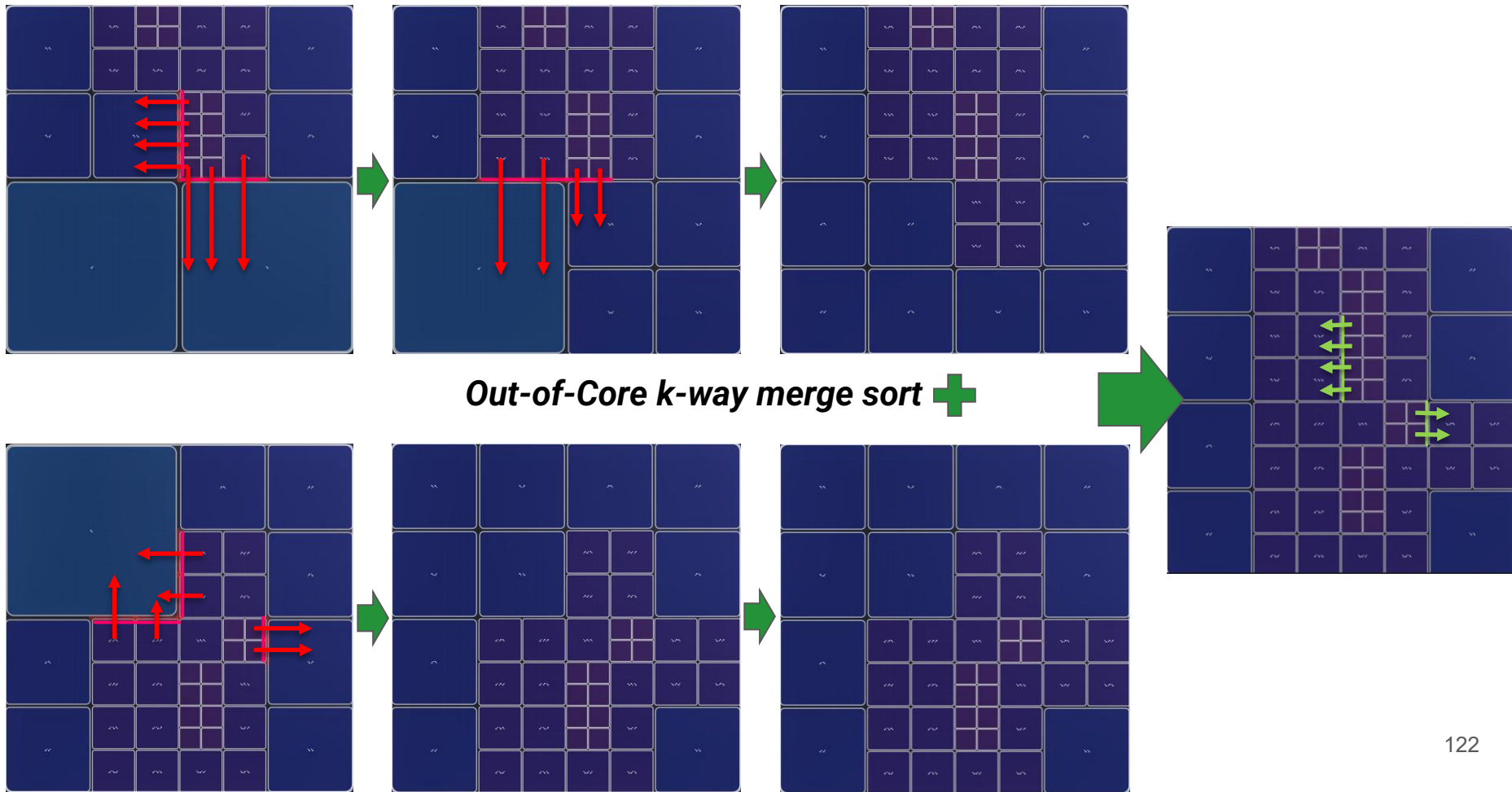
Out-of-Core реконструкция: 2:1 балансировка



Как объединить не упав по памяти? +



Out-of-Core реконструкция: 2:1 балансировка

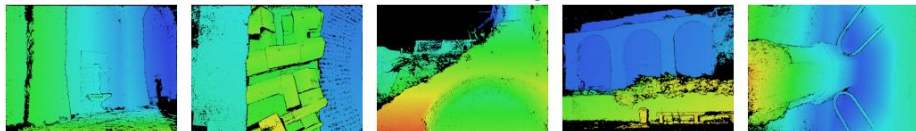


Алгоритм во внешней памяти (out-of-core свойство)

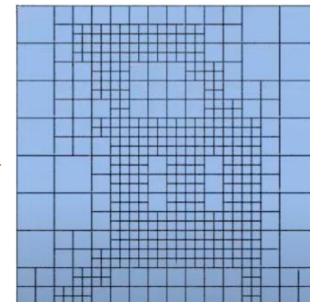
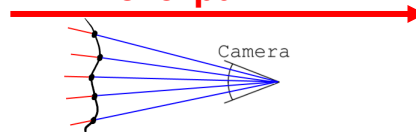
Обработка октодерева

Итого

- 1) Есть множество карт глубины



OpenCL
Преобразуем в гистограммы!



- 2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодерево (дискретизация пространства)

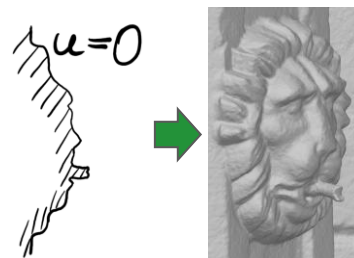
- 3) Балансируем октодерево 2:1 (по каждой стороне макс. два соседа)

- 4) Оптимизировали индикаторное поле (**много итераций + Coarse-to-Fine**)

OpenCL

$$E = \int_{\Omega} \left\{ |\nabla u| + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}(\vec{x})} w_i(\vec{x}) |u - f_i| \right\} d\vec{x}$$

TV-L¹:

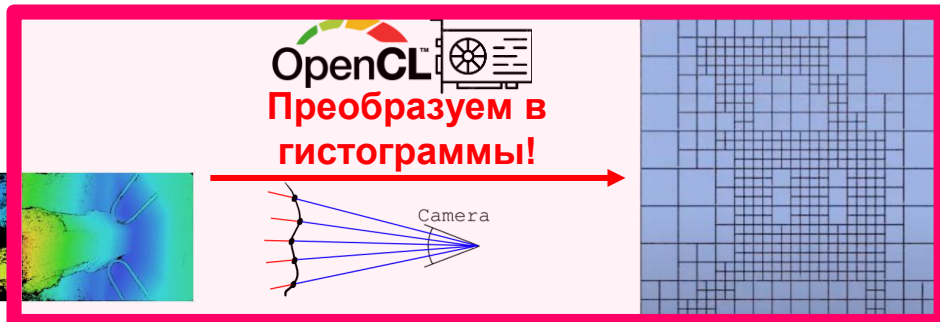
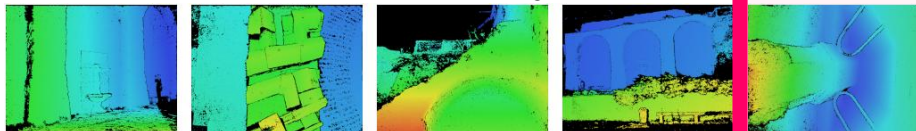


- 5) Извлекли поверхность маршировкой кубов

Итого

Как обработать все октодереву не упав по памяти?


- 1) Есть множество карт глубины

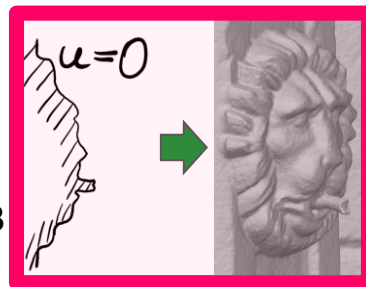


- 2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодереву (дискретизация пространства)

- 3) Балансируем октодереву 2:1 (по каждой стороне макс. два соседа)

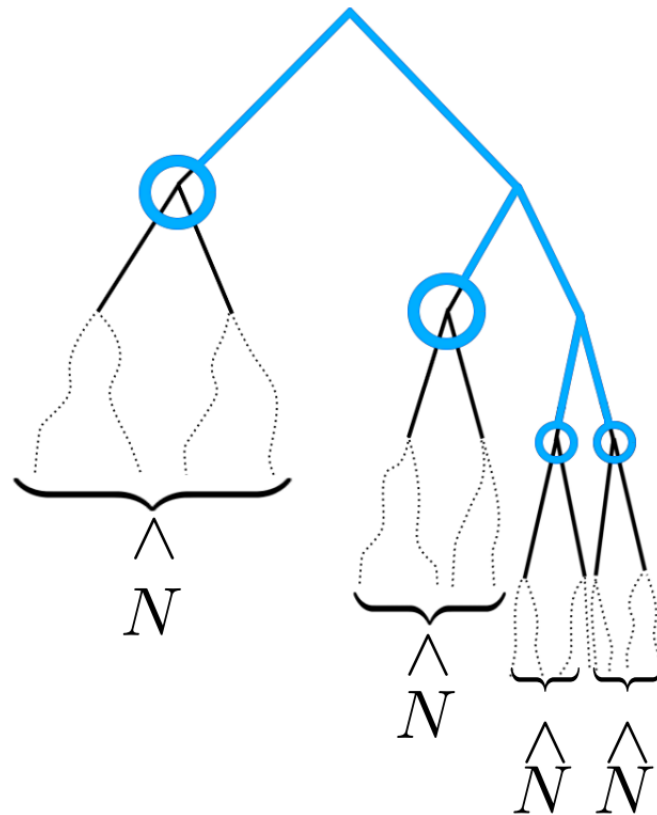
- 4) Оптимизировали индикаторное поле (**много итераций + Coarse-to-Fine**)


$$TV-L^1: E = \int_{\Omega} \left\{ |\nabla u| + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}(\vec{x})} w_i(\vec{x}) |u - f_i| \right\} d\vec{x}$$

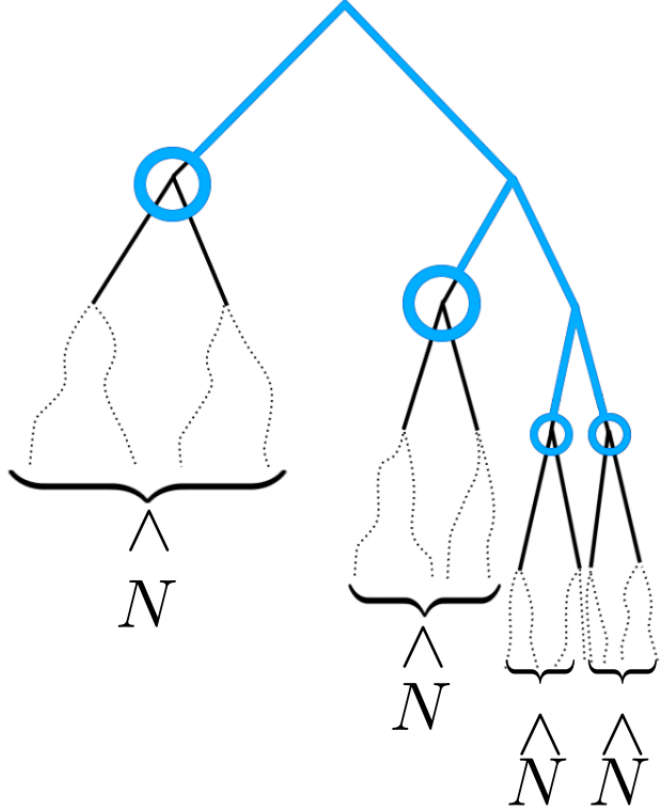
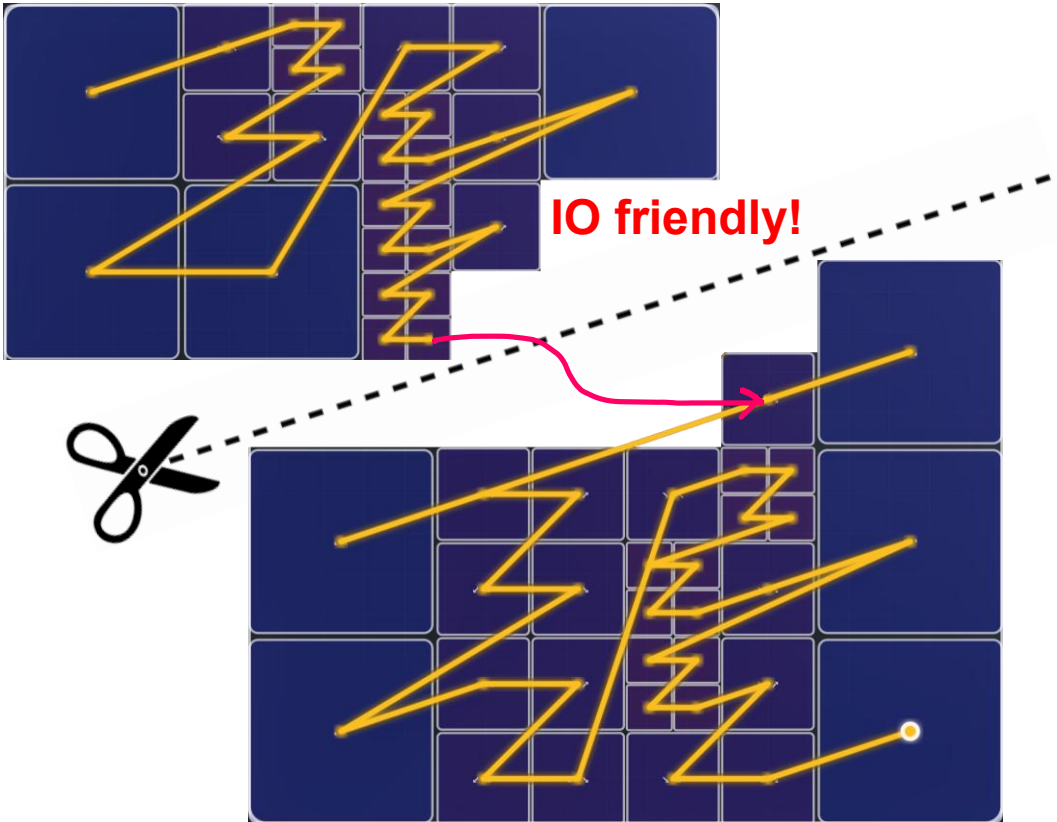


- 5) Извлекли поверхность маршировкой кубов

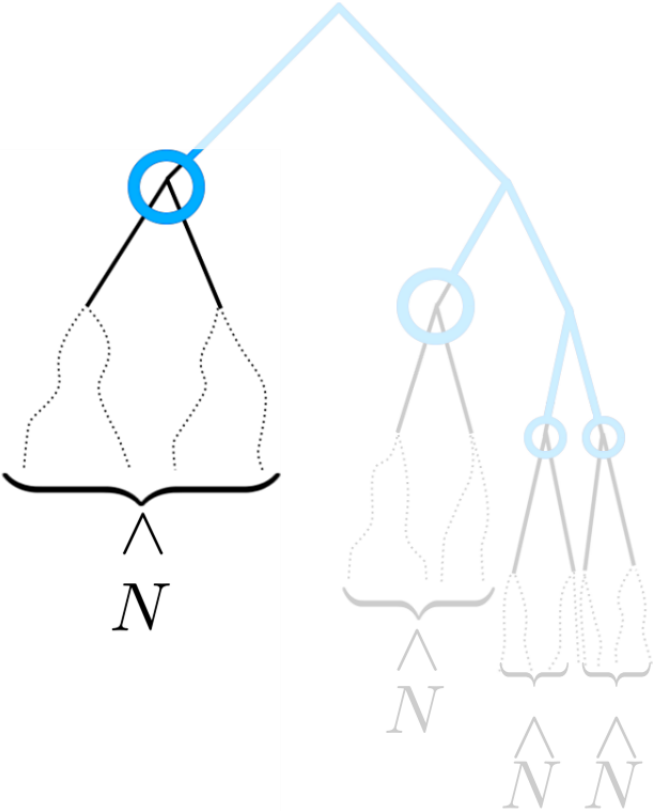
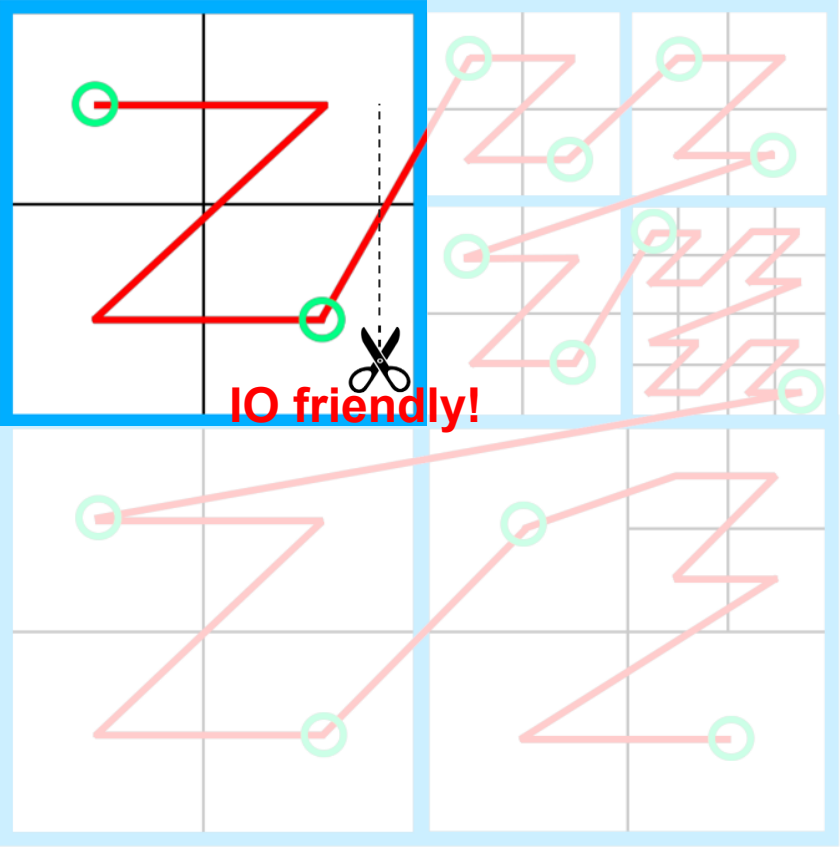
Обработка октодерева по частям



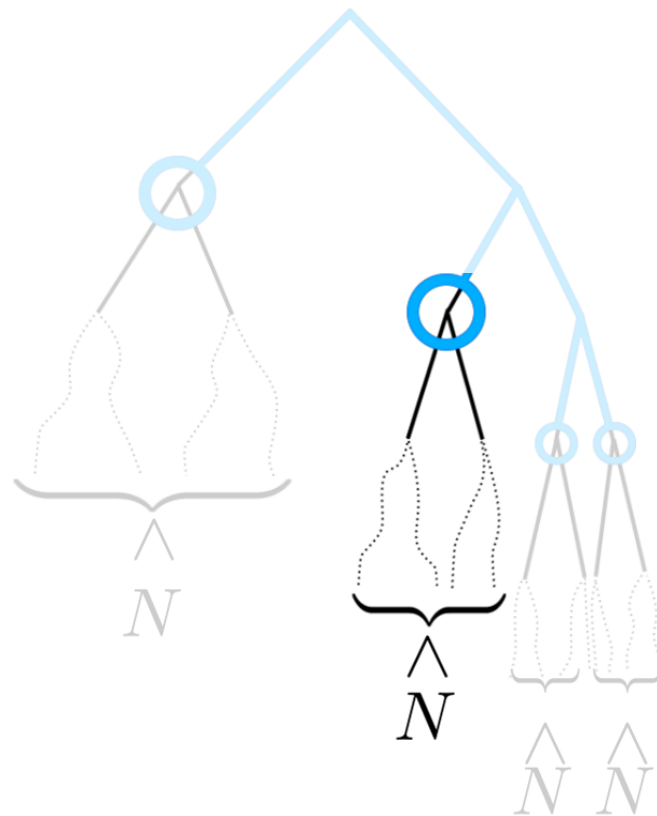
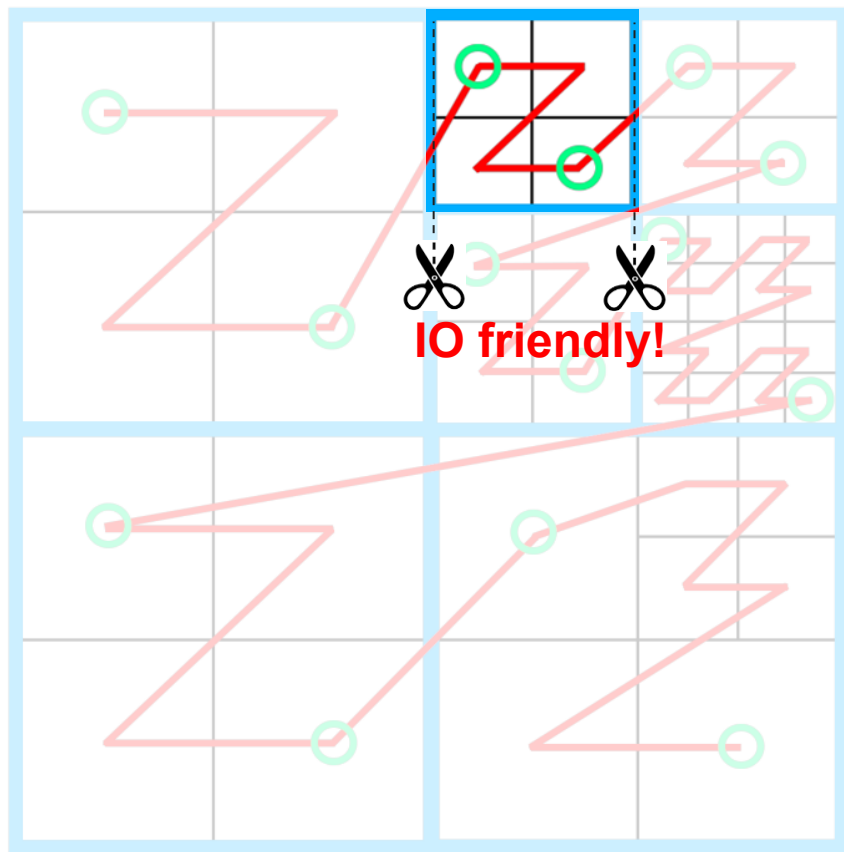
Обработка октодерева по частям



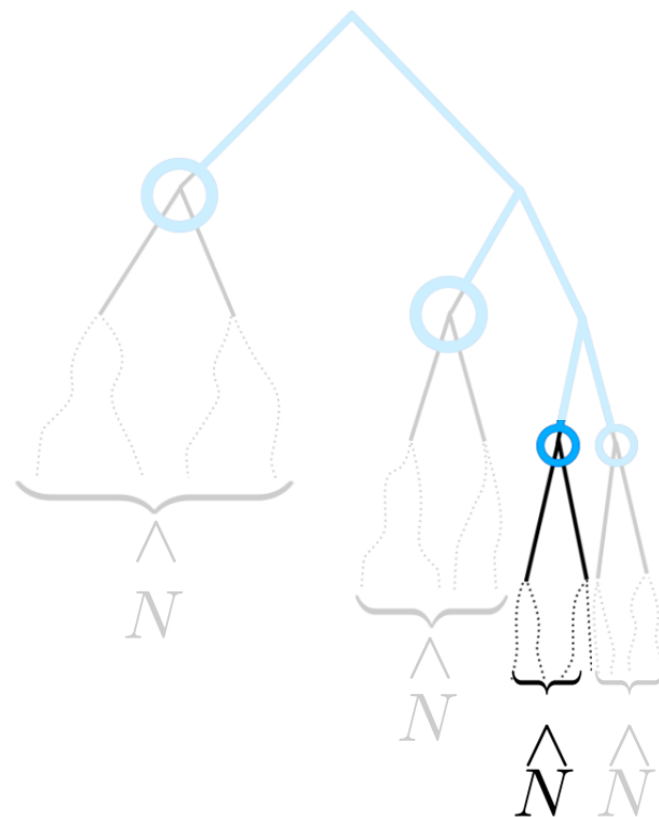
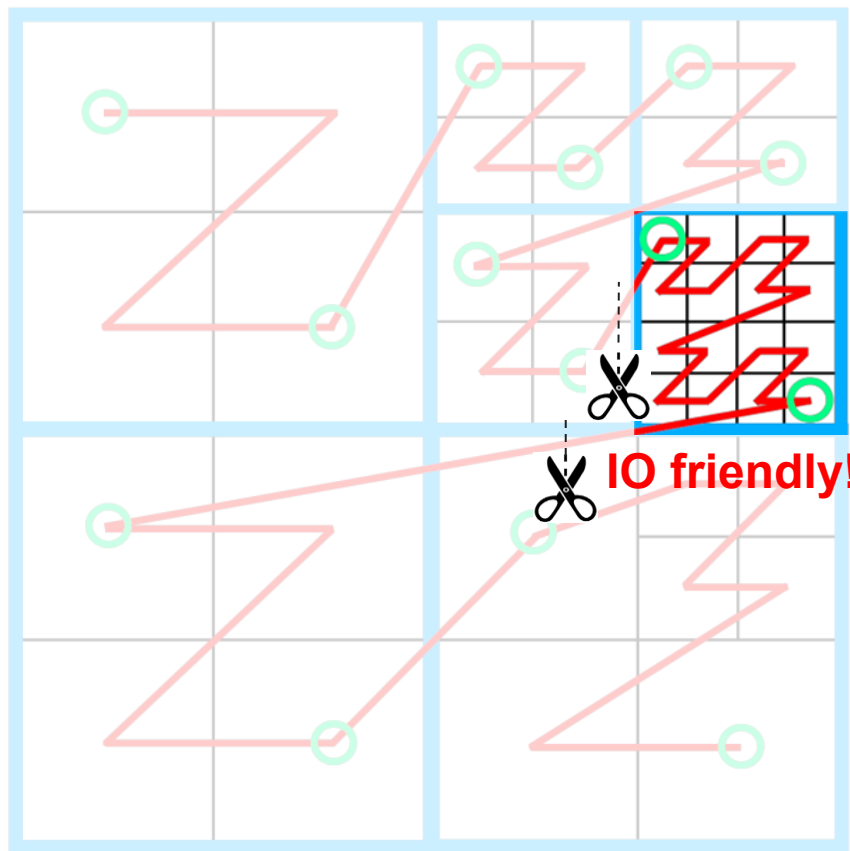
Обработка октодерева по частям



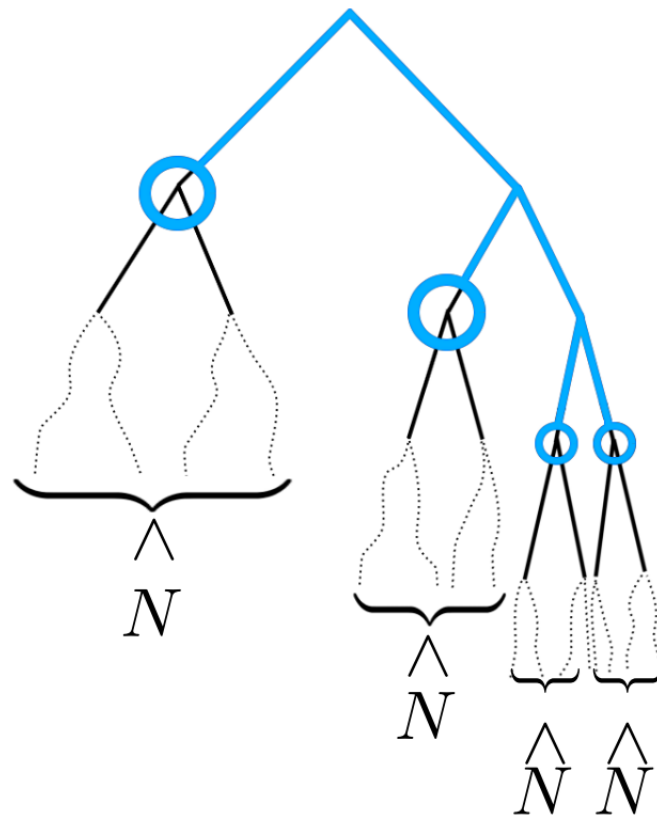
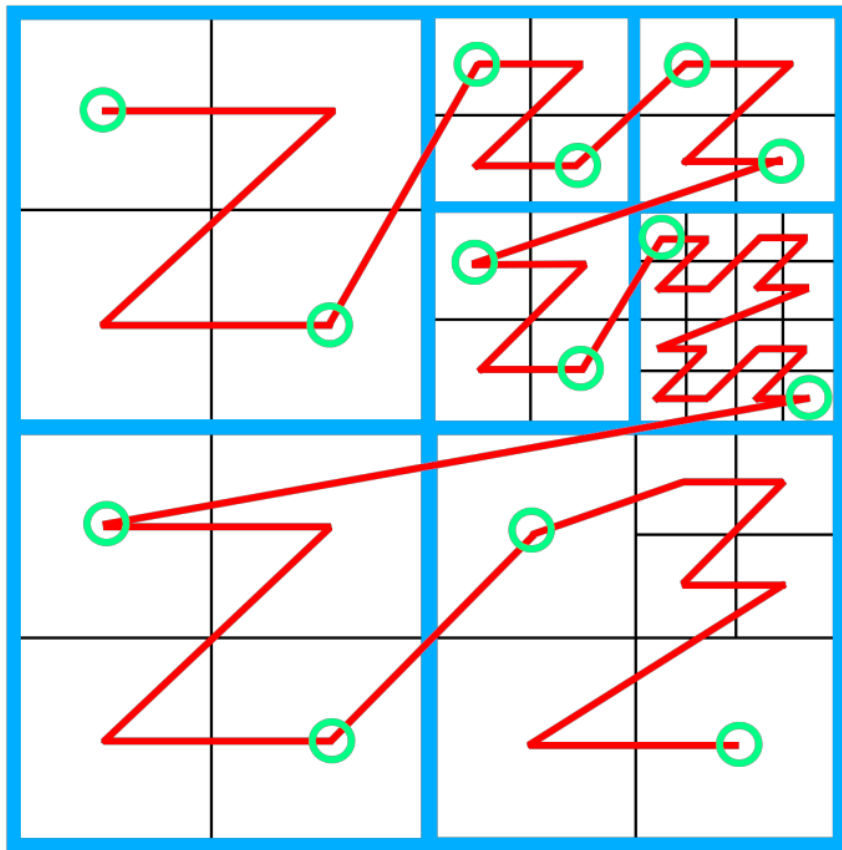
Обработка октодерева по частям



Обработка октодерева по частям

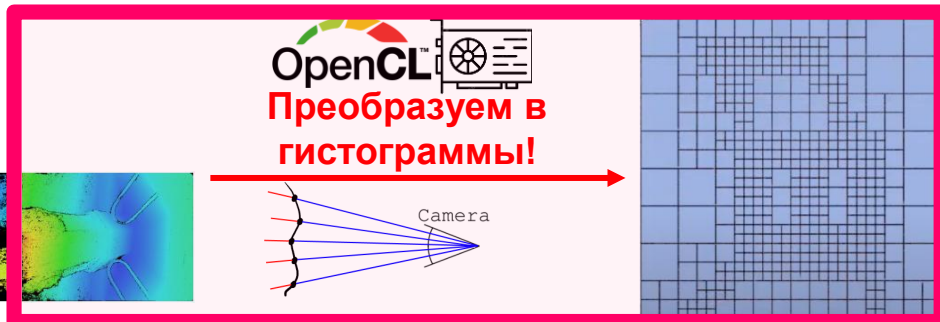
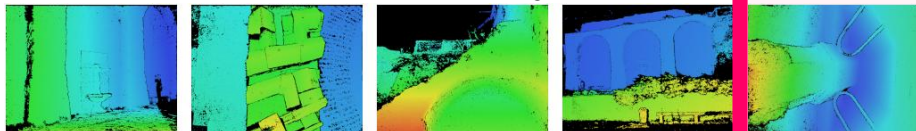


Обработка октодерева по частям



Итого


1) Есть множество карт глубины

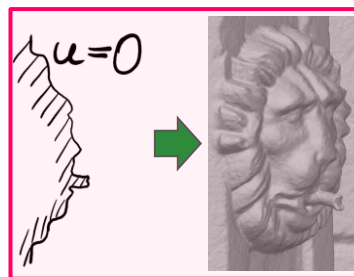


2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодереве (дискретизация пространства)

3) Балансируем октодереве 2:1 (по каждой стороне макс. два соседа)

4) Оптимизировали индикаторное поле (**много итераций + Coarse-to-Fine**)

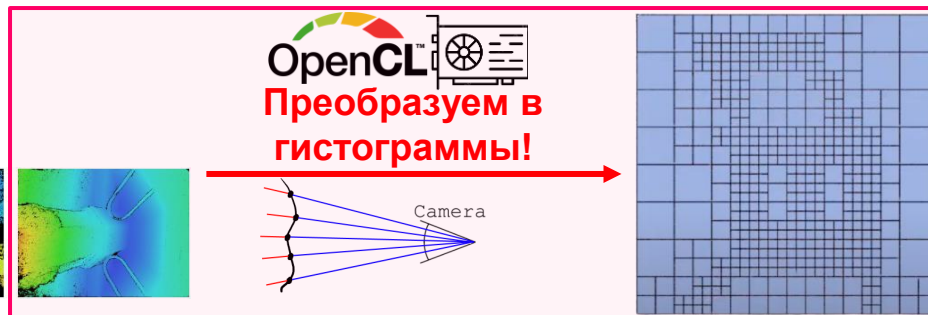
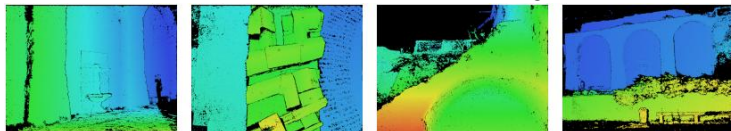

$$TV-L^1: E = \int_{\Omega} \left\{ |\nabla u| + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}(\vec{x})} w_i(\vec{x}) |u - f_i| \right\} d\vec{x}$$



5) Извлекли поверхность маршировкой кубов

Итого


1) Есть множество карт глубины



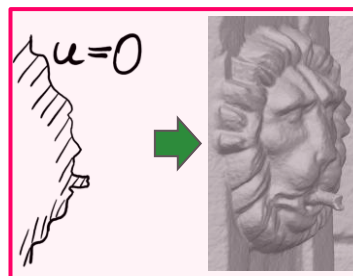
2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодереве (дискретизация пространства)

3) Балансируем октодереве 2:1 (по каждой стороне макс. два соседа)

4) Оптимизировали индикаторное поле (**много итераций + Coarse-to-Fine**)


$$TV-L^1: E = \int_{\Omega} \left\{ |\nabla u| + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}(\vec{x})} w_i(\vec{x}) |u - f_i| \right\} d\vec{x}$$

5) Извлекли поверхность маршировкой кубов



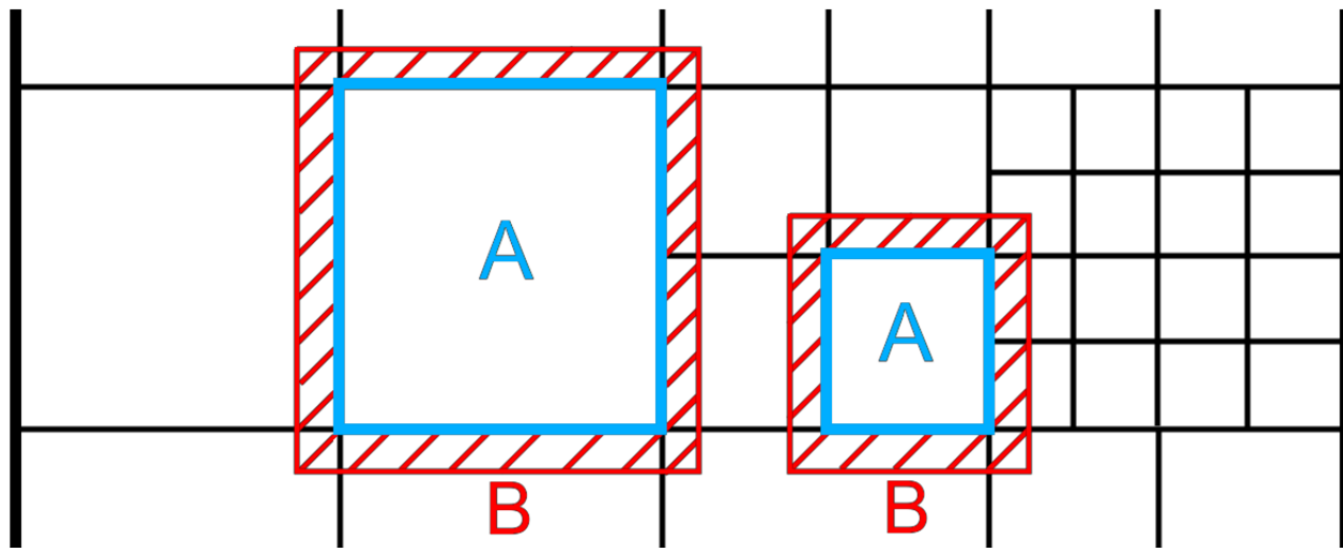
Обработка октодерева по частям



Обработка октодерева по частям



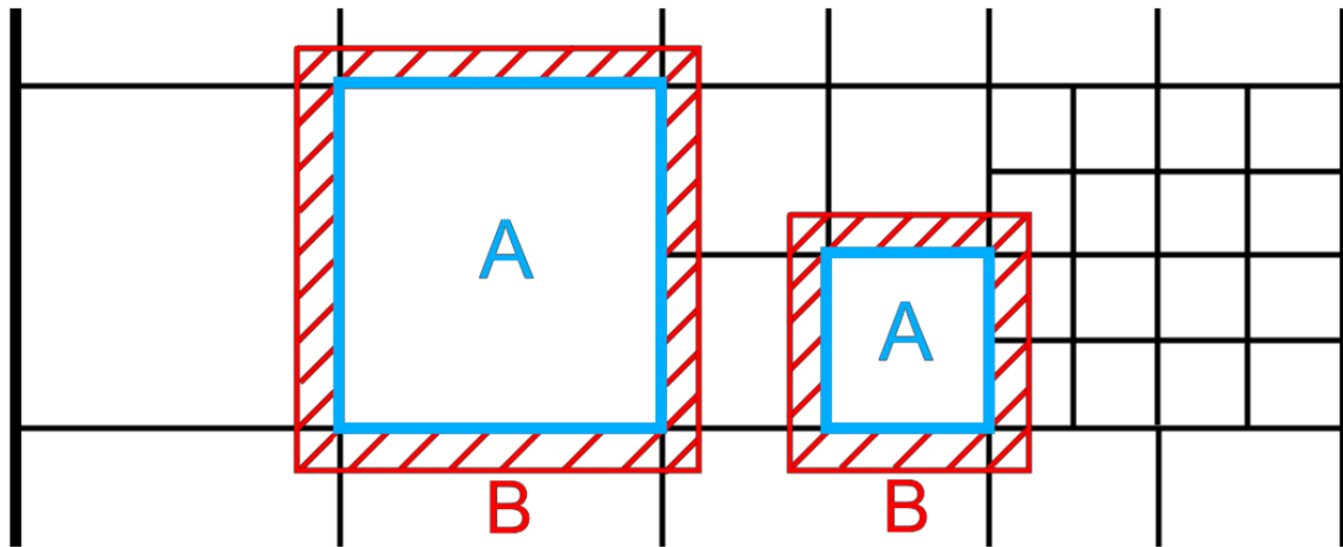
Обработка октодерева по частям



Заморозка границ!

Т.е. добавили в нашу минимизацию граничное условие.

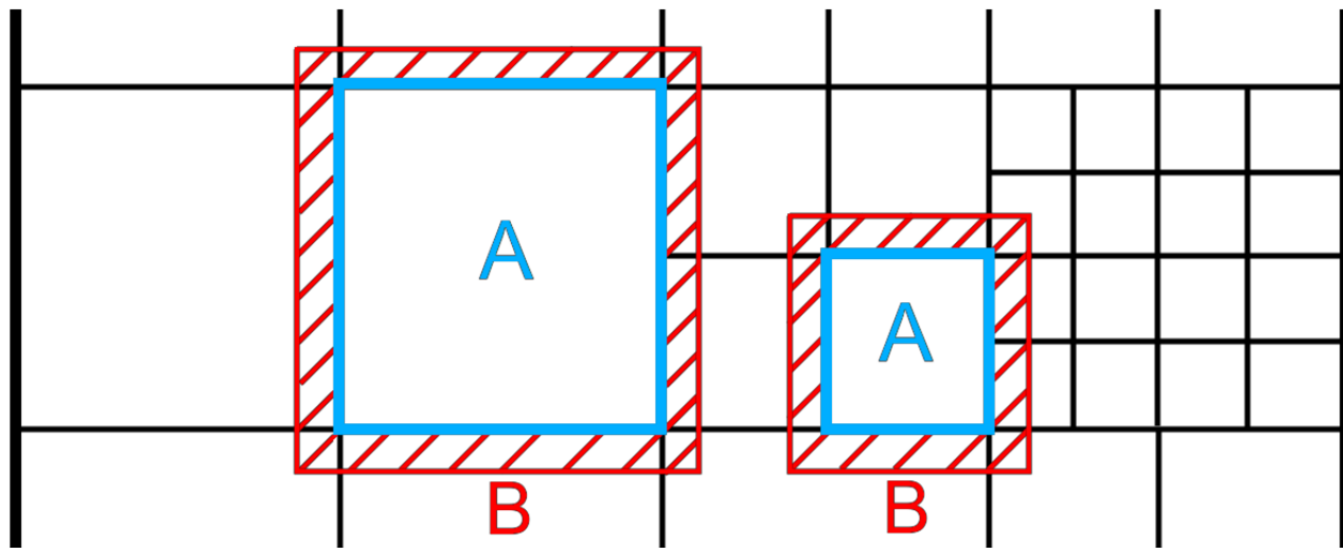
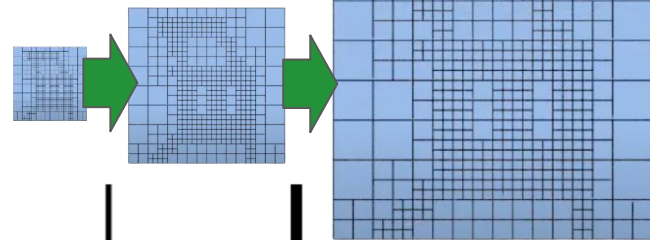
Обработка октодерева по частям



Заморозка границ!

**Т.е. добавили в нашу минимизацию граничное условие.
Проблема курицы и яйца - мы не знаем результат соседа!
Откуда взять индикатор по периметру для заморозки?**

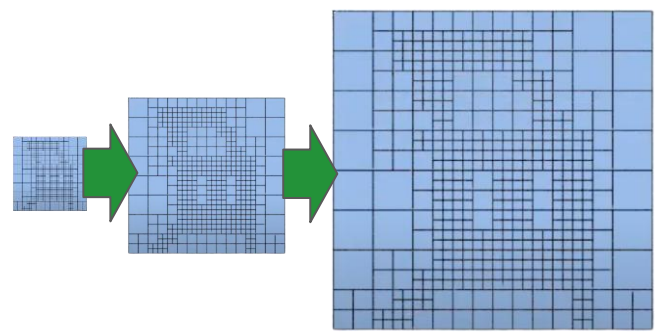
Обработка октодерева по частям



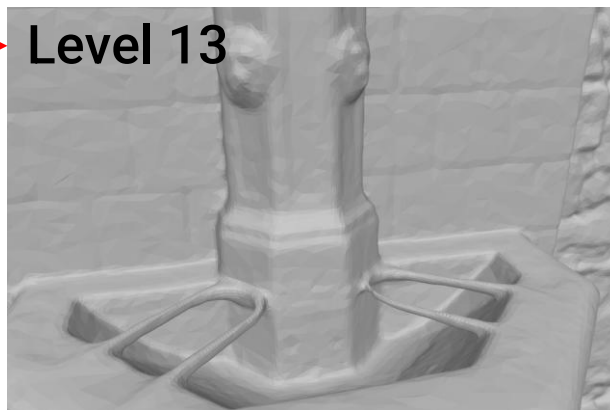
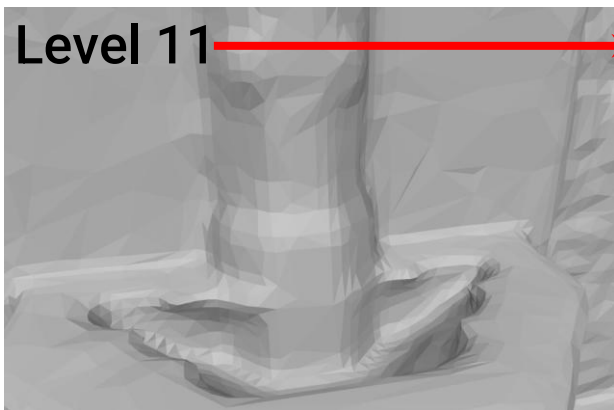
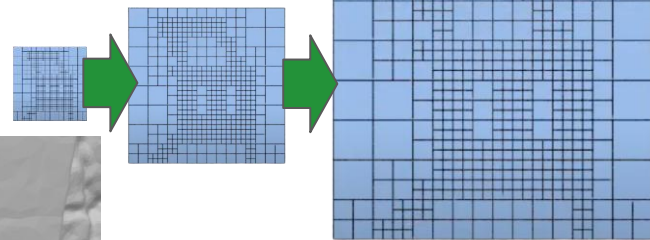
Заморозка границ!

**Т.е. добавили в нашу минимизацию граничное условие.
Проблема курицы и яйца - мы не знаем результат соседа!
Откуда взять индикатор по периметру для заморозки?**

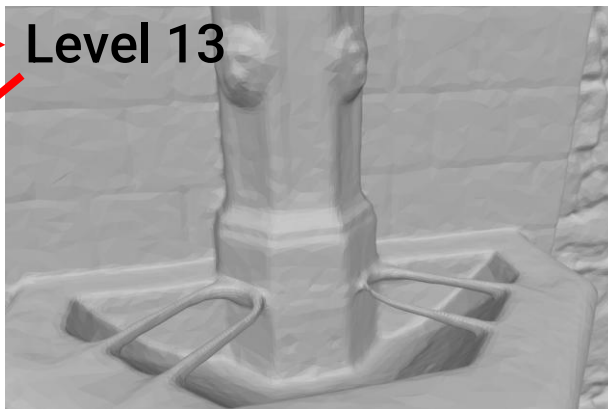
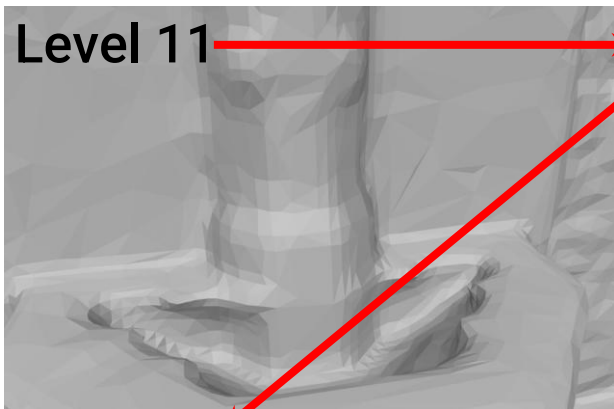
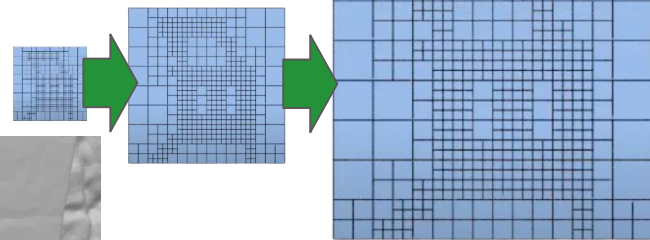
Обработка октодерева по частям



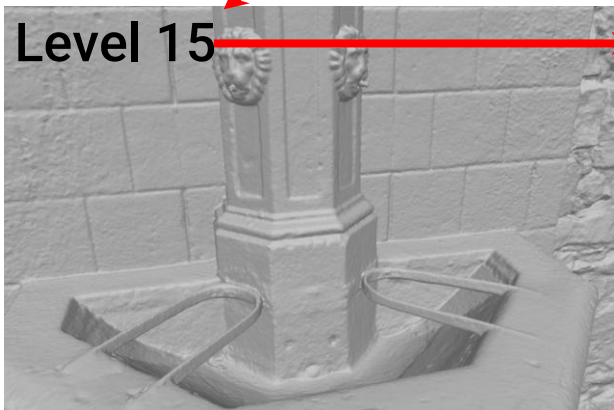
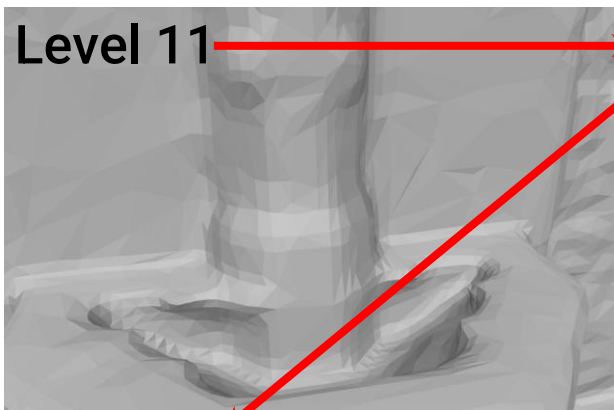
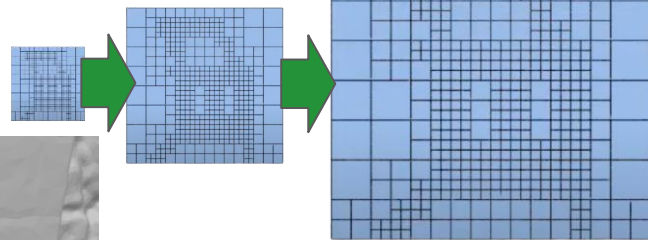
Обработка октодерева по частям



Обработка октодерева по частям



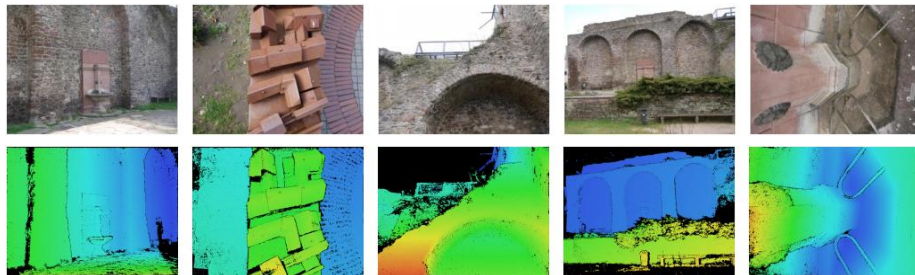
Обработка октодерева по частям



Извлечение поверхности в виде треугольников

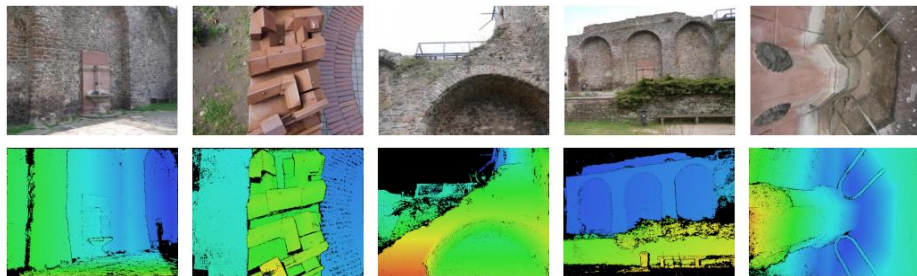
Маршировка кубов, QSlim упрощение геометрии

3D модель



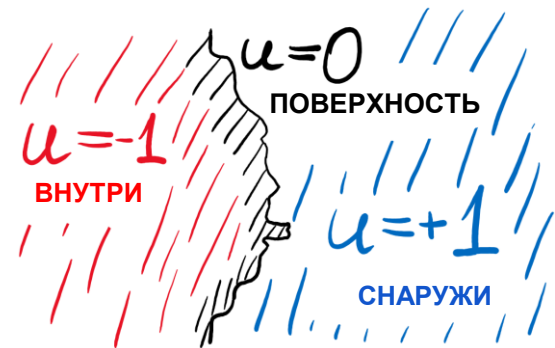
На вход: карты глубины

3D модель

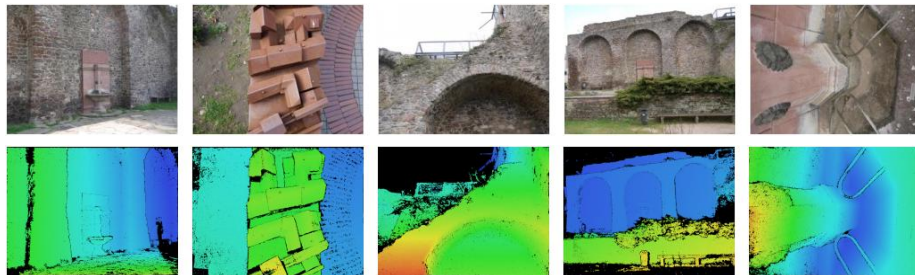


На вход: карты глубины

На выход: индикаторное скалярное поле

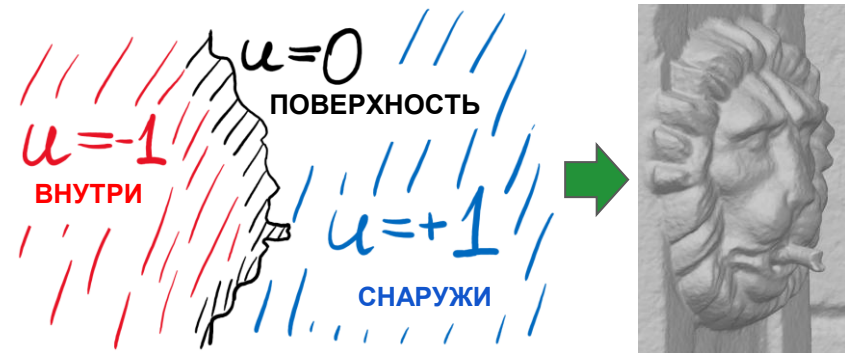


3D модель

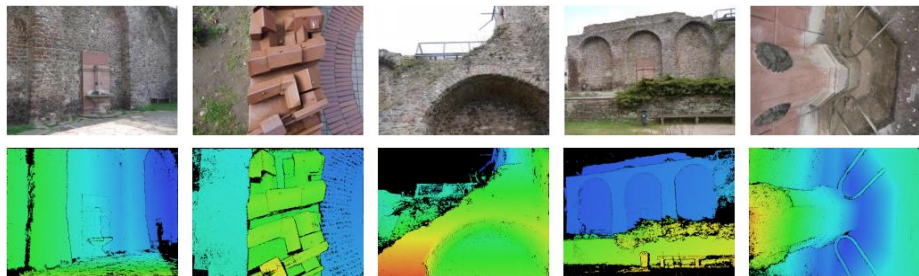


На вход: карты глубины

На выход: индикаторное скалярное поле

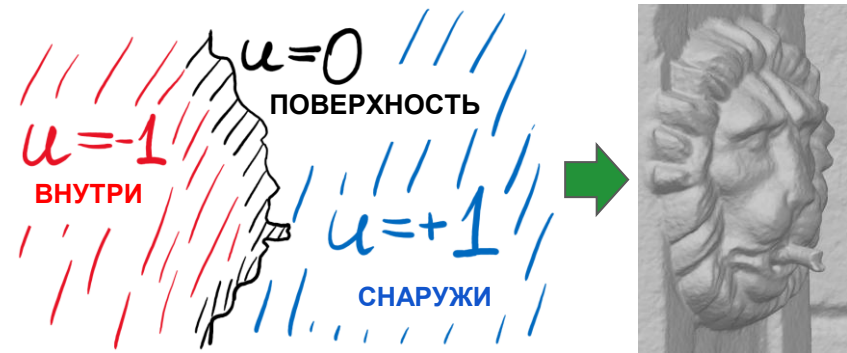


3D модель

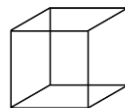


На вход: карты глубины

На выход: индикаторное скалярное поле

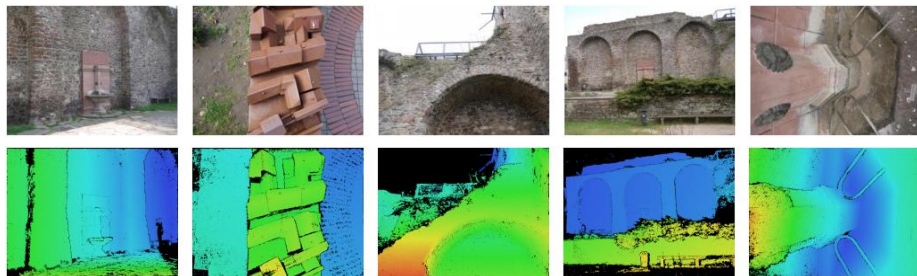


Маршировка кубов



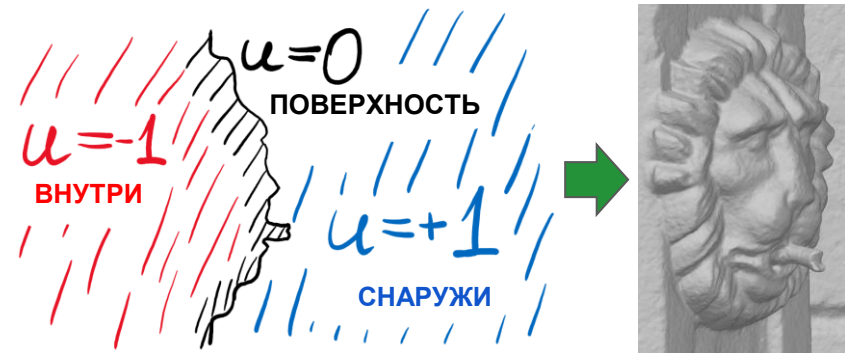
рассмотрим воксель нашего пространства

3D модель

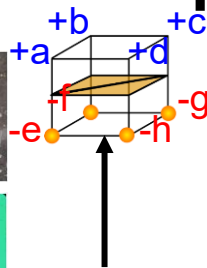


На вход: карты глубины

На выход: индикаторное скалярное поле



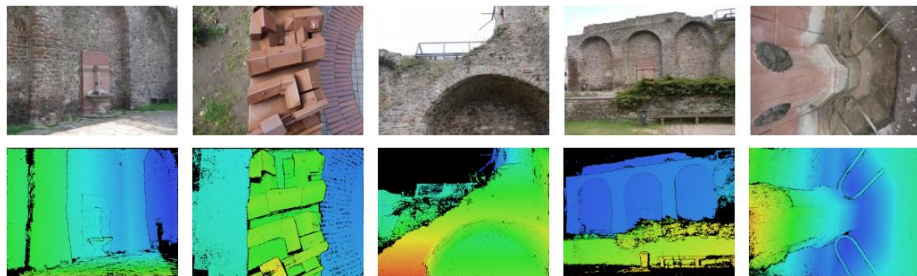
Маршировка кубов



рассмотрим воксель нашего пространства

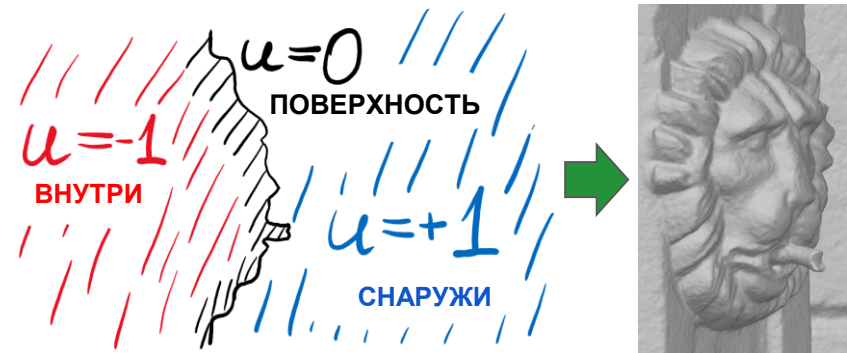
как зная индикаторное поле на его 8 углах
понять где проходит поверхность?

3D модель

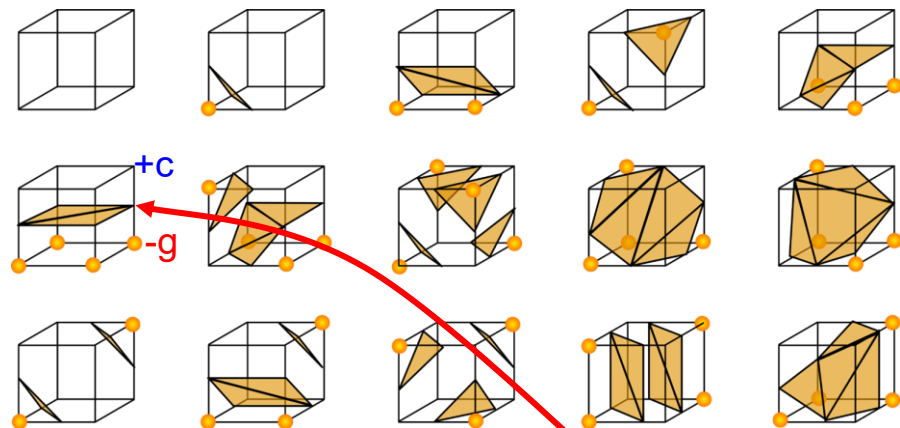


На вход: карты глубины

На выход: индикаторное скалярное поле



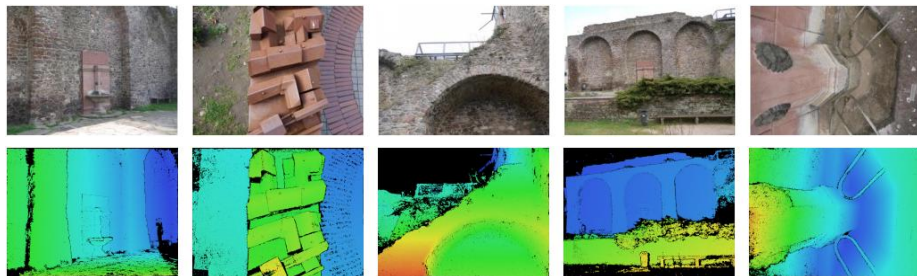
Маршировка кубов



А сколько всего случаев?

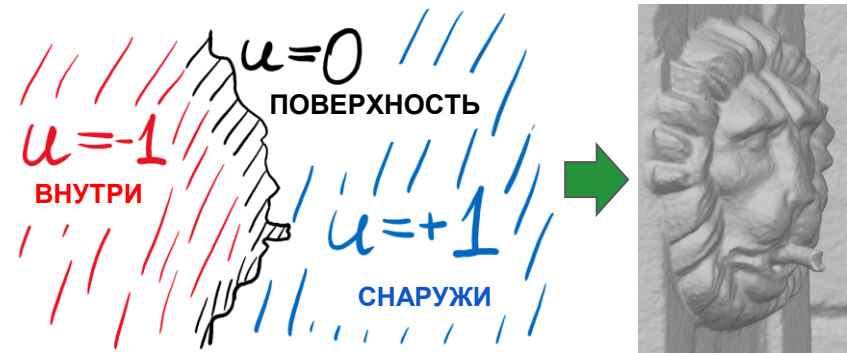
А где между углами вокселя ставить вершину?

3D модель

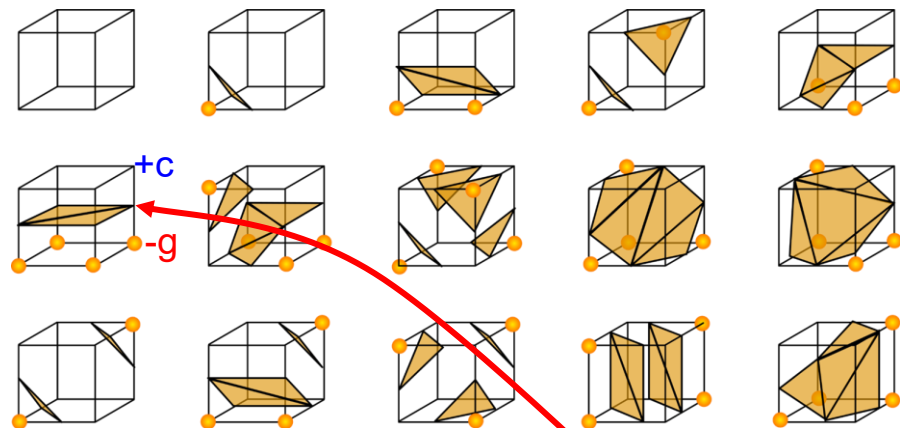


На вход: карты глубины

На выход: индикаторное скалярное поле



Маршировка кубов

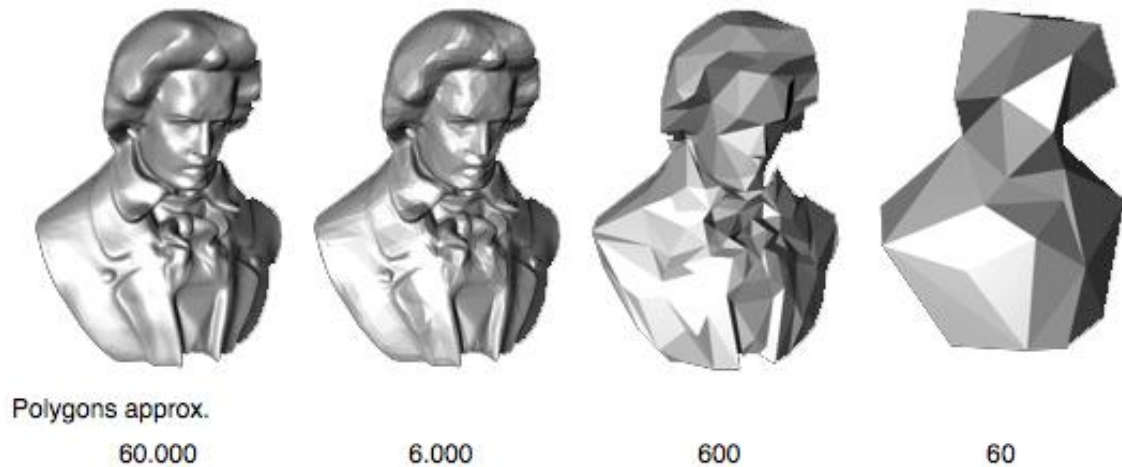


А сколько всего случаев?

А где между углами вокселя ставить вершину?

А не много ли треугольников получится?
Не упадем ли по памяти на этапе объединения результата?

3D модель: упрощение геометрии (QSlim)



3D модель: упрощение геометрии (QSlim)



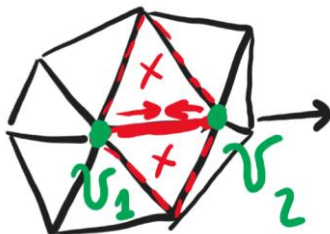
Polygons approx.

60.000

6.000

600

60



3D модель: упрощение геометрии (QSlim)



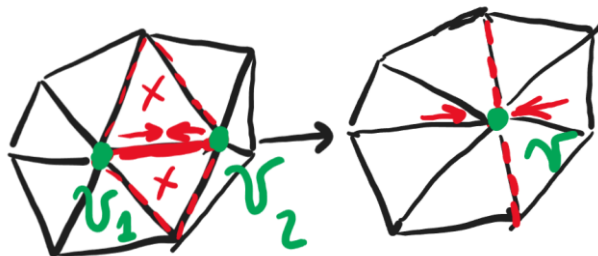
Polygons approx.

60.000

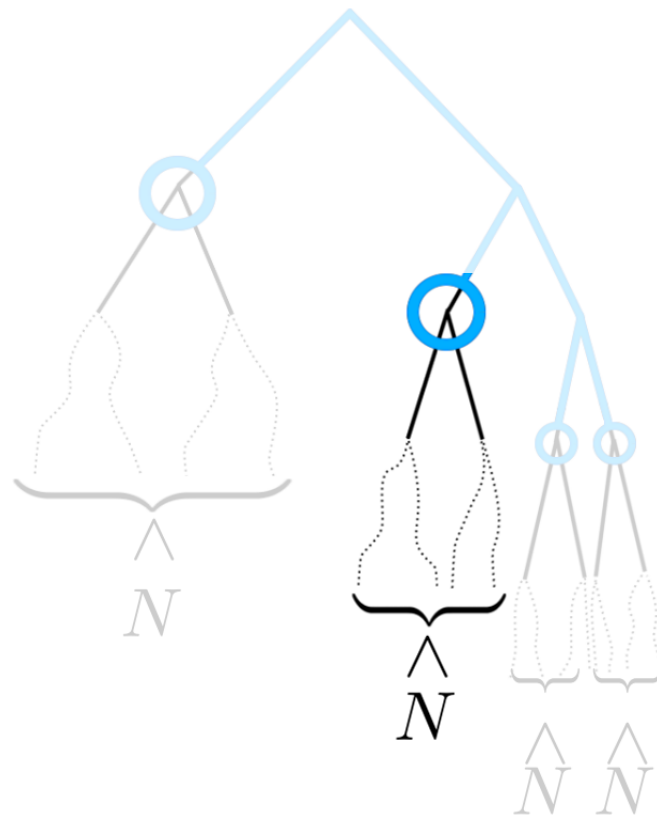
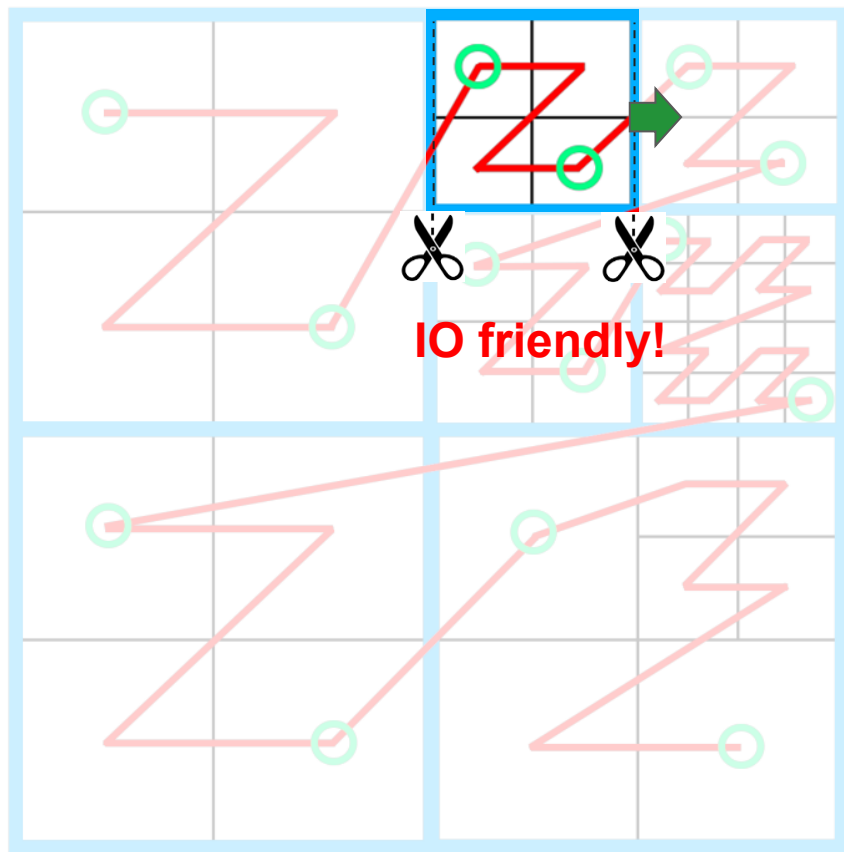
6.000

600

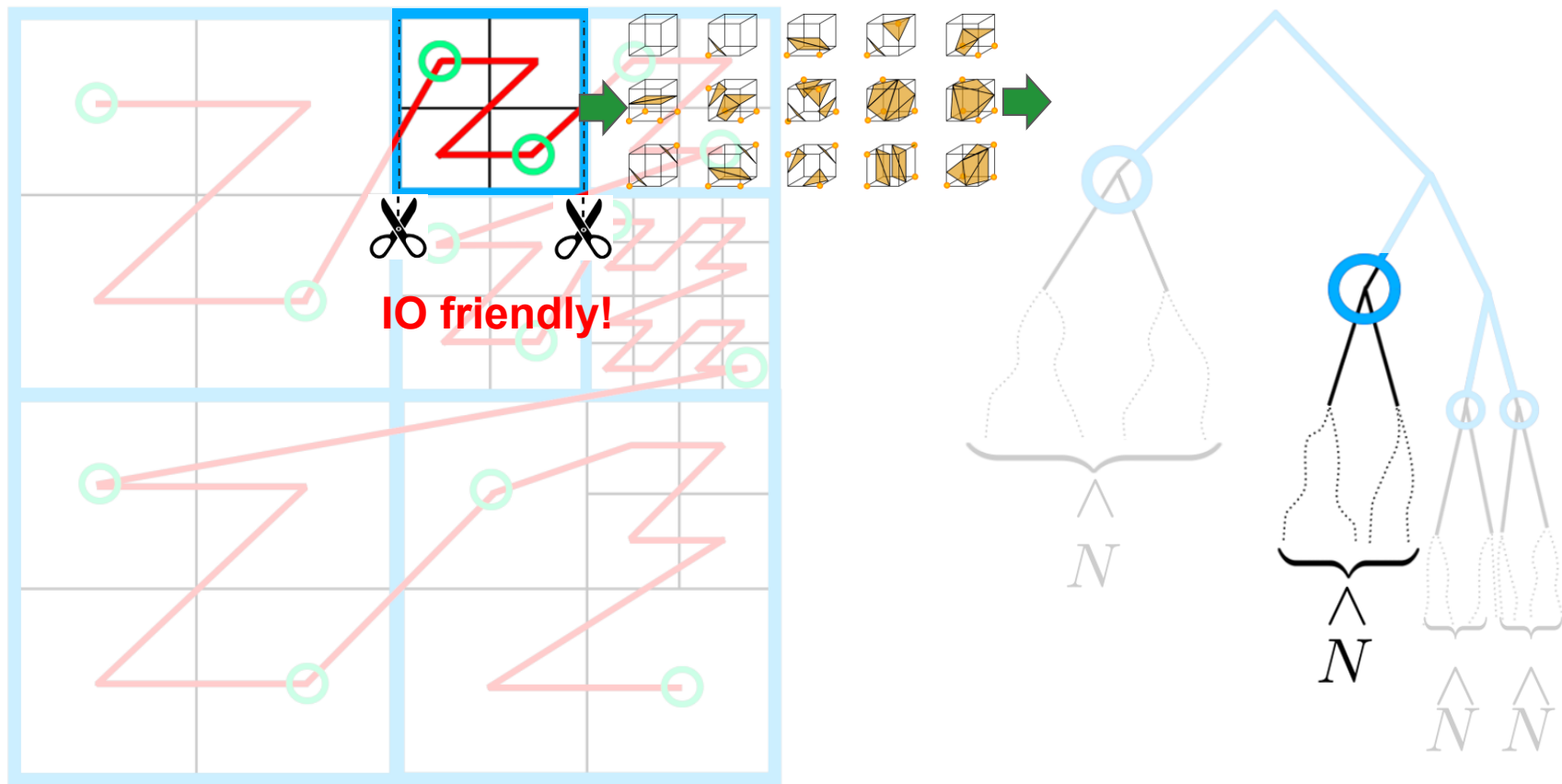
60



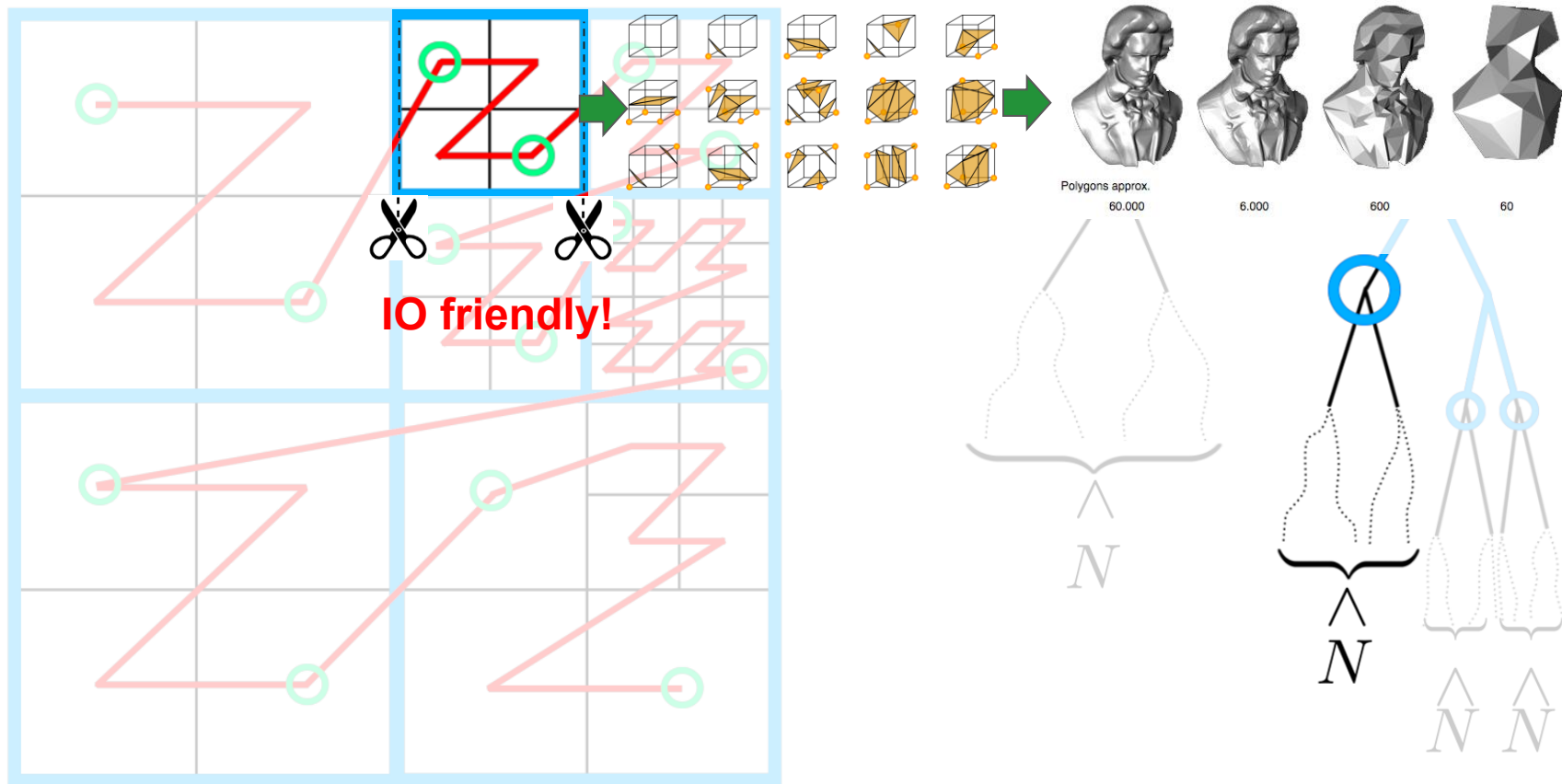
3D модель: упрощение геометрии (QSLim)



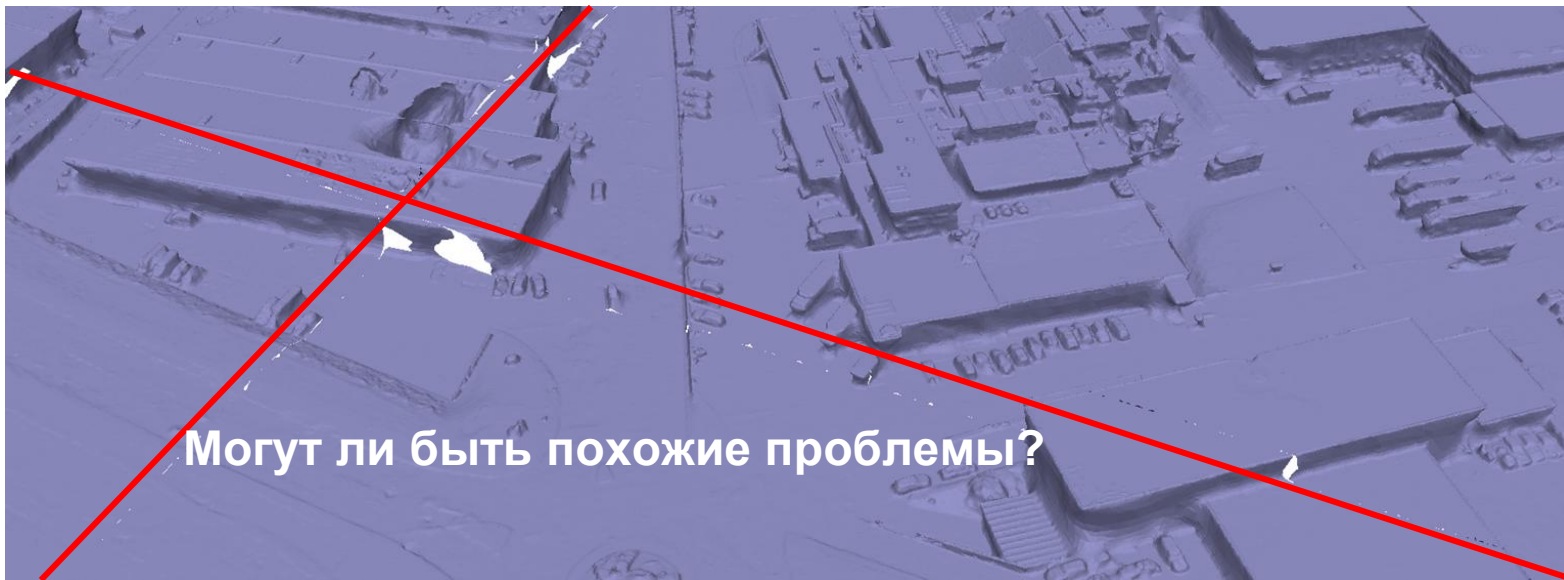
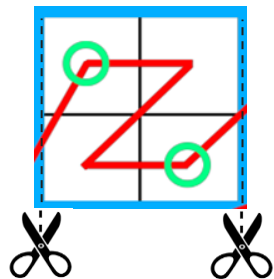
3D модель: упрощение геометрии (QSLim)



3D модель: упрощение геометрии (QSLim)

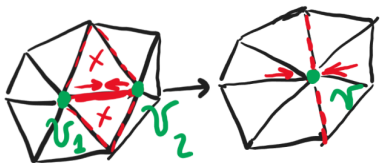
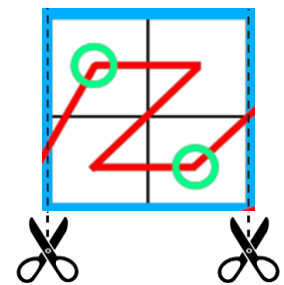


3D модель: упрощение геометрии (QSlim)

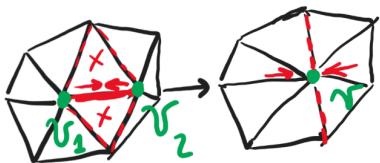
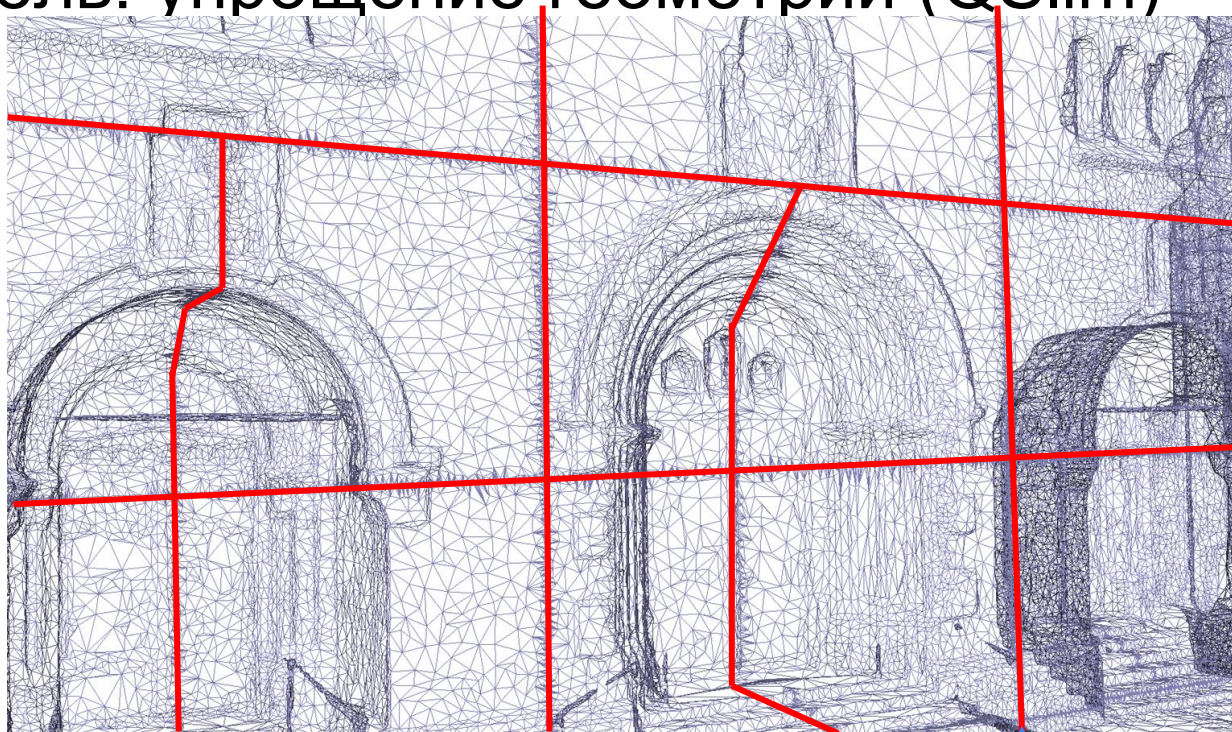
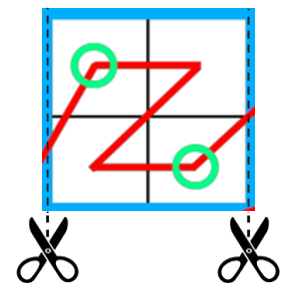


Могут ли быть похожие проблемы?

3D модель: упрощение геометрии (QSlim)

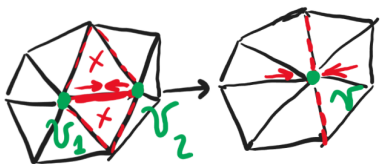
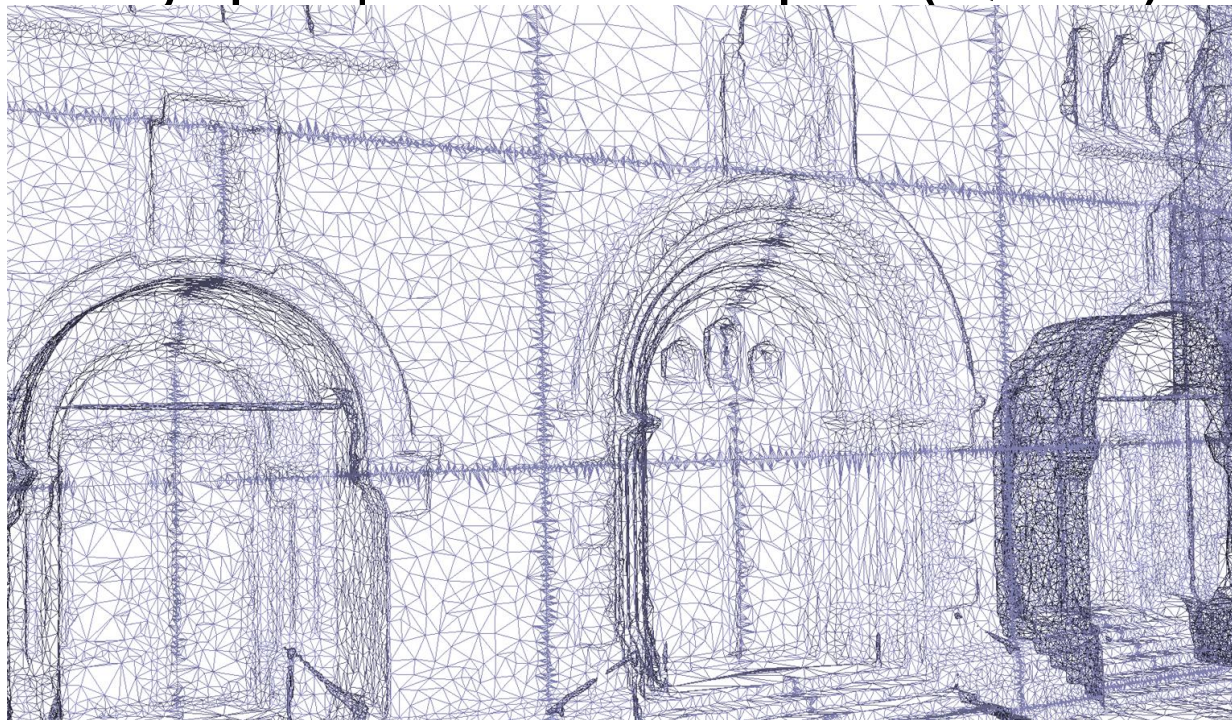
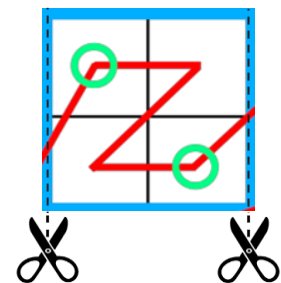


3D модель: упрощение геометрии (QSlim)



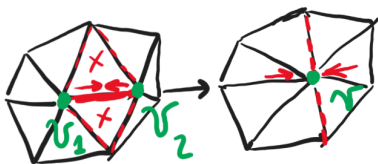
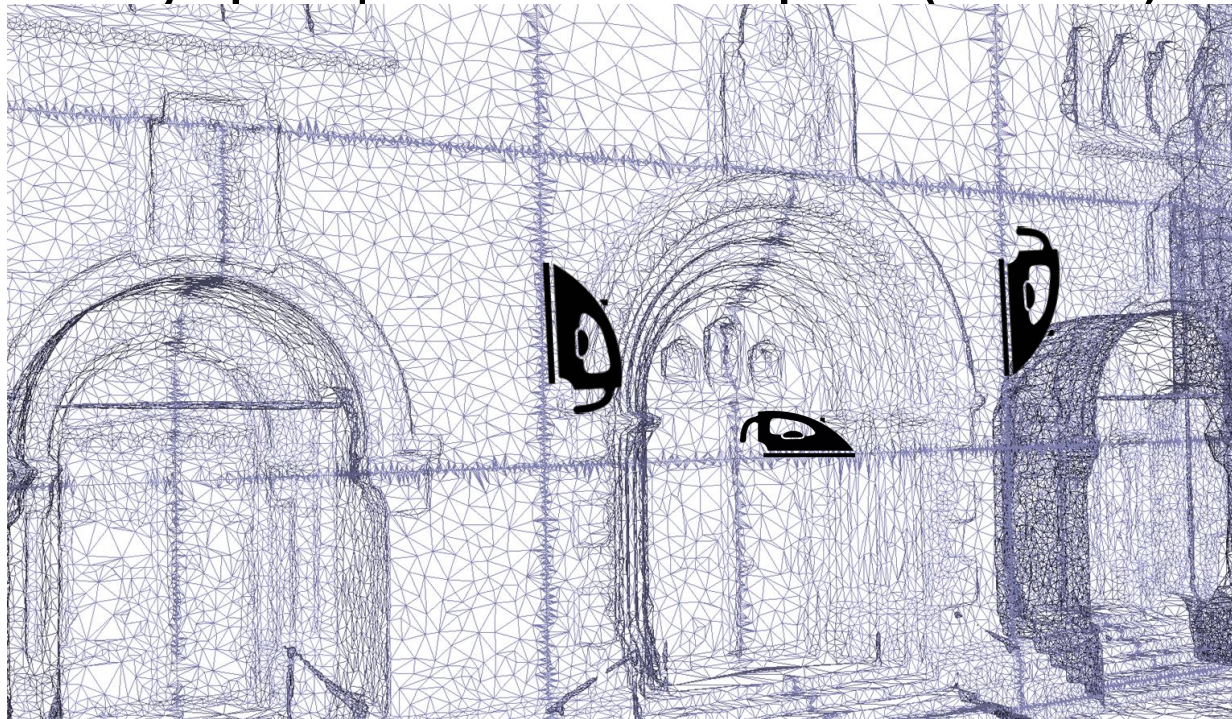
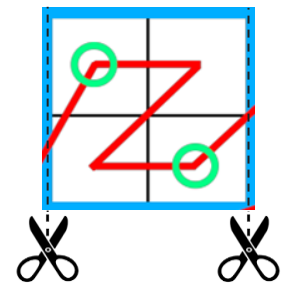
Заморозим ребра на границах! Запретим упрощать!

3D модель: упрощение геометрии (QSlim)



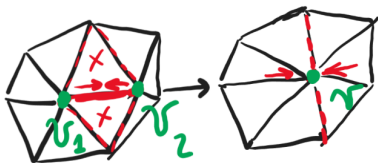
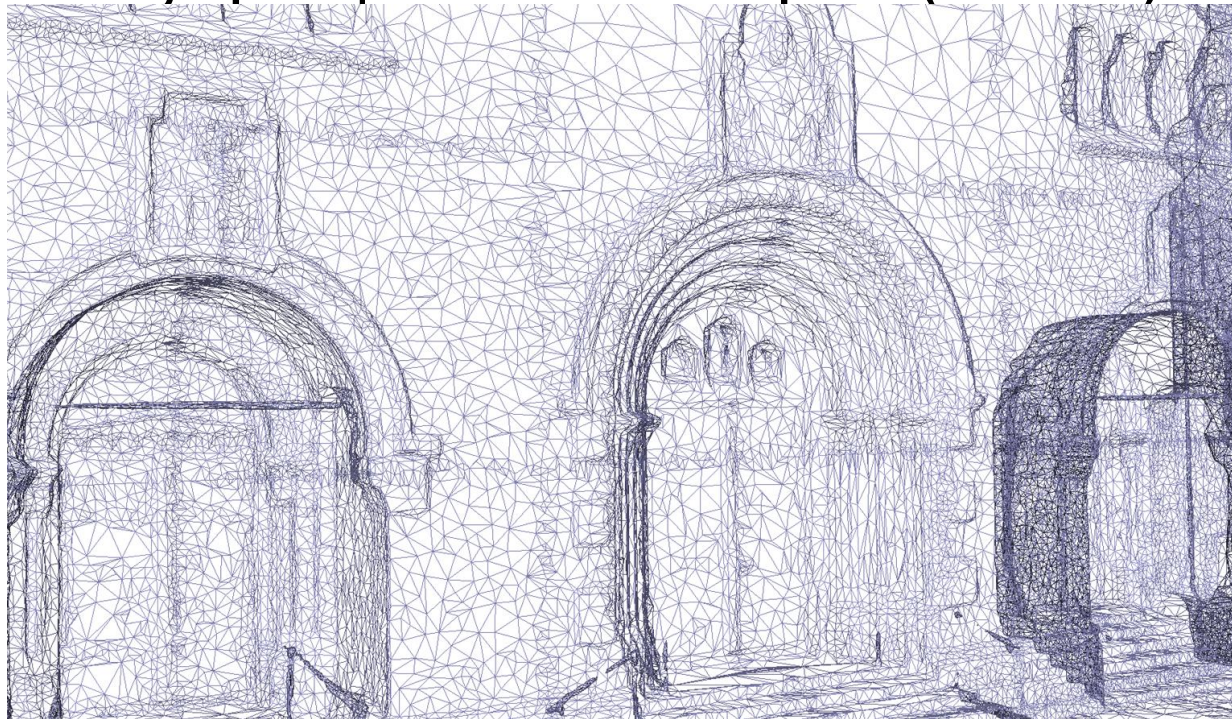
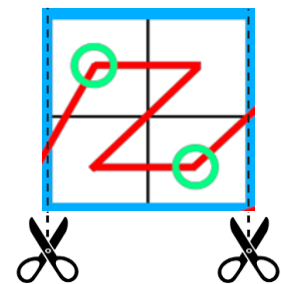
Как избавиться от этой корки?

3D модель: упрощение геометрии (QSlim)



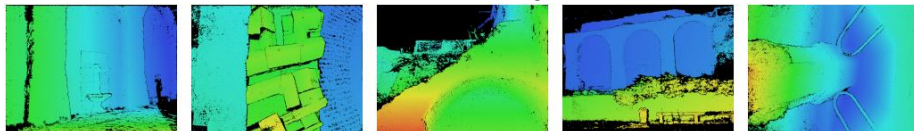
Как избавиться от этой корки?

3D модель: упрощение геометрии (QSlim)



Итого

- 1) Есть множество карт глубины

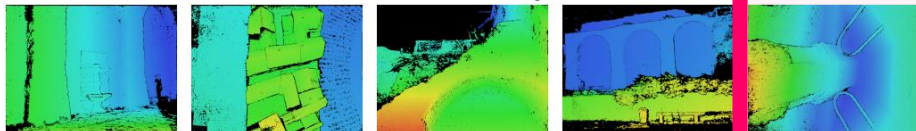


- 2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодереву (дискретизация пространства)

- 3) Балансируем октодереву 2:1 (по каждой стороне макс. два соседа)

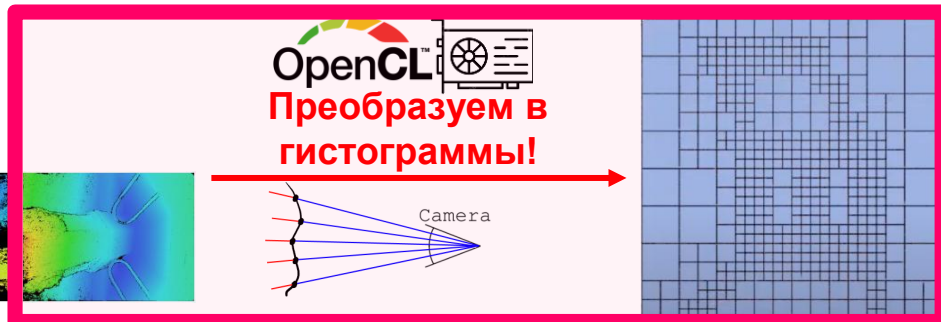
Итого

- 1) Есть множество карт глубины



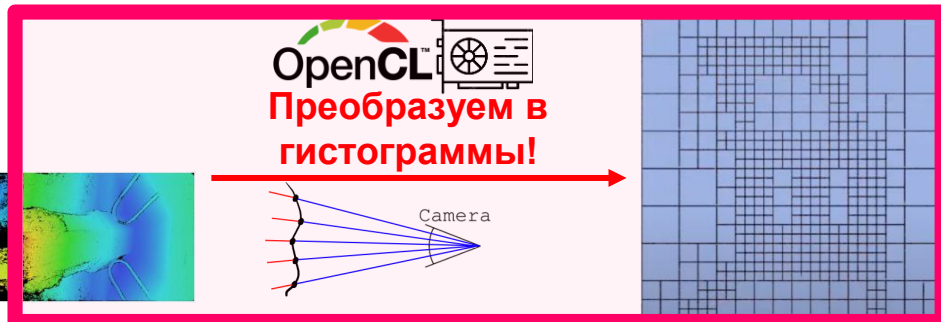
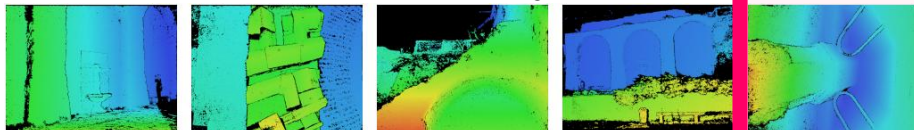
- 2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодереве (дискретизация пространства)

- 3) Балансируем октодереве 2:1 (по каждой стороне макс. два соседа)



Итого


1) Есть множество карт глубины



2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодерево (дискретизация пространства)

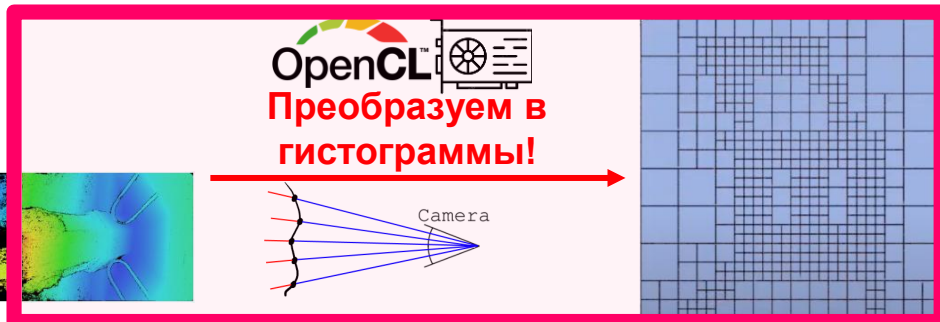
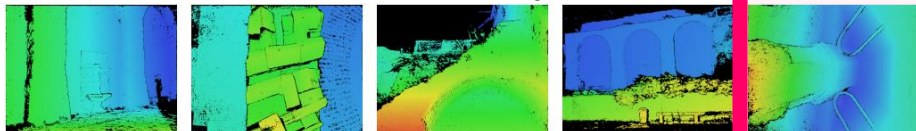
3) Балансируем октодерево 2:1 (по каждой стороне макс. два соседа)

4) Оптимизировали индикаторное поле (**много итераций + Coarse-to-Fine**)


$$TV-L^1: E = \int_{\Omega} \left\{ |\nabla u| + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}(\vec{x})} w_i(\vec{x}) |u - f_i| \right\} d\vec{x}$$

Итого


- 1) Есть множество карт глубины

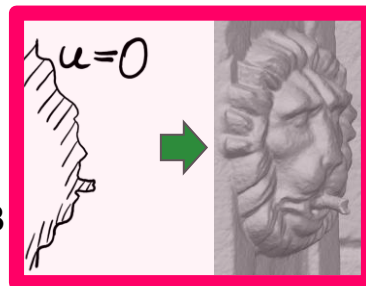


- 2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодереве (дискретизация пространства)

- 3) Балансируем октодереве 2:1 (по каждой стороне макс. два соседа)

- 4) Оптимизировали индикаторное поле (**много итераций + Coarse-to-Fine**)

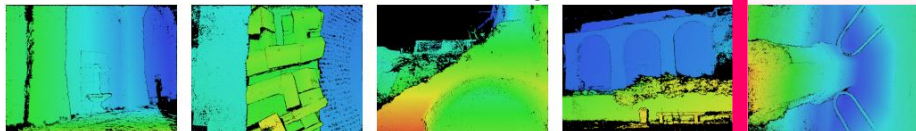

$$TV-L^1: E = \int_{\Omega} \left\{ |\nabla u| + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}(\vec{x})} w_i(\vec{x}) |u - f_i| \right\} d\vec{x}$$



- 5) Извлекли поверхность маршировкой кубов

Итого


1) Есть множество карт глубины



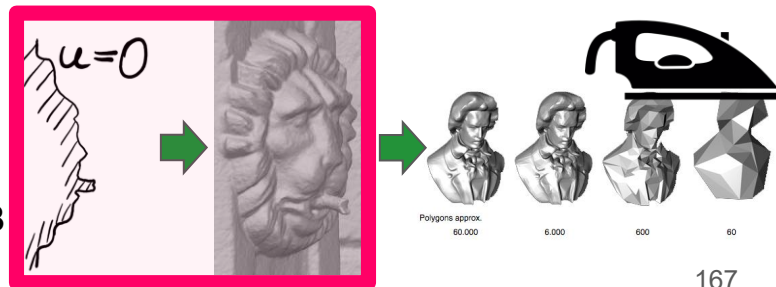
2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодереве (дискретизация пространства)

3) Балансируем октодереве 2:1 (по каждой стороне макс. два соседа)

4) Оптимизировали индикаторное поле (**много итераций + Coarse-to-Fine**)


$$TV-L^1: E = \int_{\Omega} \left\{ |\nabla u| + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}(\vec{x})} w_i(\vec{x}) |u - f_i| \right\} d\vec{x}$$

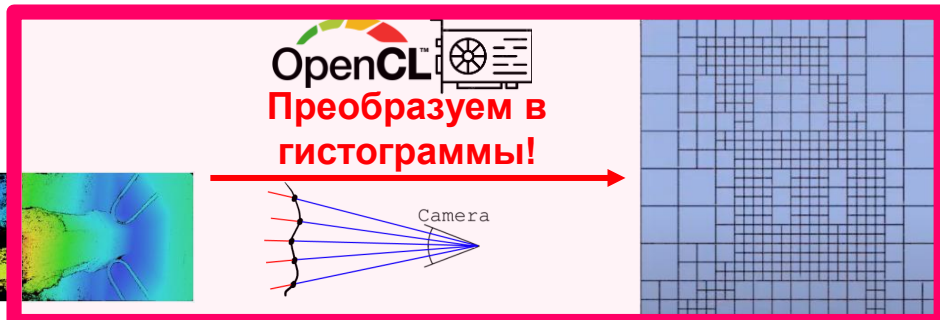
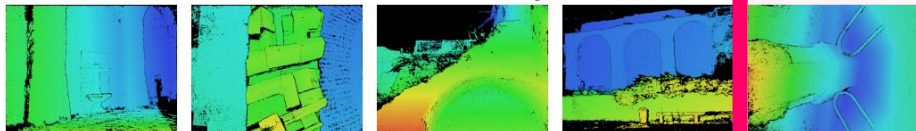
5) Извлекли поверхность маршировкой кубов



Итого

Out-of-core свойство идет рука об руку с параллелизуемостью на кластере!


1) Есть множество карт глубины



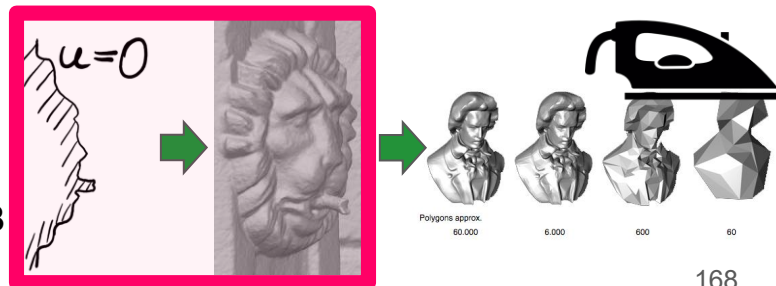
2) Множество точек всех карт глубины - порождает **адаптивное** октодереве (дискретизация пространства)

3) Балансируем октодереве 2:1 (по каждой стороне макс. два соседа)

4) Оптимизировали индикаторное поле (много итераций + **Coarse-to-Fine**)


$$TV-L^1: E = \int_{\Omega} \left\{ |\nabla u| + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}(\vec{x})} w_i(\vec{x}) |u - f_i| \right\} d\vec{x}$$

5) Извлекли поверхность маршировкой кубов



Reality Capture

1.0.3

1 hour 12 minutes

Metashape

1.6.0

43 minutes



Reality Capture

1.0.3

1 hour 12 minutes

Metashape

1.6.0

43 minutes

Intel i9-7900x + GTX 1080 Ti

6 лет назад



Reality Capture

1.0.3

1 hour 12 minutes

Intel i9-7900x + GTX 1080 Ti

6 лет назад

Metashape

1.6.0

43 minutes

Metashape

2.3.1

5 minutes

AMD 9950X3D + RTX

5070 Ti



Всякое-превсякое

Хозяюшке на заметку





LEGO CITY
6-12
POWELL

LEGO



Еще и слабые тактильные ощущения...



Простой и удобный способ ловить ошибки

```
4182  |—|—|—| assert(less(a:cubes[i - from - 1], b:cubes[i - from]), 239101382);
```

предикат - всегда верен

Простой и удобный способ ловить ошибки



4182

```
assert(less(@cubes[i - from], @cubes[i - from]), 239101382);
```

~~предикат — всегда верен~~

Простой и удобный способ ловить ошибки

```
4176 ListFileReader<tg::CubeWithRadius> reader(linear_octree_cubes_path, params.ooc_compression_level);
4177 for (uint64_t i = from; i < to; ++i) {
4178     tg::CubeWithRadius next = reader.next();
4179     rassert(next.radius_votes >= 1, 239101376);
4180     cubes[i - from] = next;
4181     if (i > from) {
4182         rassert(less(a: cubes[i - from - 1], b: cubes[i - from]), 239101382);
4183     }
4184 }
```



Простой и удобный способ ловить ошибки

```
3190   for (size_t i = 1; i < group_unique_cubes.size(); ++i) {  
3191   rassert(cmp(a: group_unique_cubes[i - 1], b: group_unique_cubes[i]), 239101019);  
3192   }
```

```
4176   ListFileReader<tg::CubeWithRadius> reader(linear_octree_cubes_path, params.ooc_compression_level);  
4177   for (uint64_t i = from; i < to; ++i) {  
4178   tg::CubeWithRadius next = reader.next();  
4179   rassert(next.radius_votes >= 1, 239101376);  
4180   cubes[i - from] = next;  
4181   if (i > from) {  
4182   rassert(less(a: cubes[i - from - 1], b: cubes[i - from]), 239101382);  
4183   }  
4184   }
```



НО КАК?

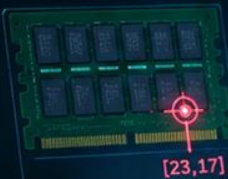
OPERATION:
BIT-FLIP HEIST

OBJECTIVE:
FLIP 0 → 1

TARGET:
RAM CELL [23,17]

- PLAN:
- APPROACH UNDETECTED
 - PUMP ENERGY
 - PRECISE STRIKE
 - ESCAPE IN A FLASH

RAM MODULE



ONE TINY
FLIP FOR ME...
ONE GIANT **BUG**
FOR THEM!



TARGET CELL [23,17]

1	0	1	1	1	0	1	0	1	1
1	0	1	0	0	0	1	0	0	1
1	0	1	1	0	0	0	0	0	1
1	1	1	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	1	1	1	0

0 → 1

STATUS: READY

BE LIGHT.
BE CHAOS.



MISSION LOG

SPEED OF LIGHT.
ZERO REGRETS.


PHOTON
FIELD MANUAL

WAVE. PARTICLE.
PROBLEM.

WARNING:
PHOTONS MAY
CAUSE UNEXPECTED
BEHAVIOR

Простой и удобный способ ловить ошибки

```
3190   for (size_t i = 1; i < group_unique_cubes.size(); ++i) {
3191   rassert(cmp(a:group_unique_cubes[i-1], b:group_unique_cubes[i]), 239101019);
3192   }
-----
4176   ListFileReader<tgx::CubeWithRadius> reader(linear_octree_cubes_path, params.ooc_compression_level);
4177   for (uint64_t i = from; i < to; ++i) {
4178   tgx::CubeWithRadius next = reader.next();
4179   rassert(next.radius_votes >= 1, 239101376);
4180   cubes[i - from] = next;
4181   if (i > from) {
4182   rassert(less(a:cubes[i - from - 1], b:cubes[i - from]), 239101382);
4183   }
4184 }
```



Дорогой пользователь,
с тяжелым сердцем сообщаем что у Вас нестабильное железо.
Попробуйте понизить частоту RAM, вернуть Intel 12900K, 13900K,
14900K по гарантии, etc..

Простой и удобный способ ловить ошибки

```
3190   for (size_t i = 1; i < group_unique_cubes.size(); ++i) {  
3191   rassert(cmp(a:group_unique_cubes[i-1], b:group_unique_cubes[i]), 239101019);  
3192   }
```

```
4176   ListFileReader<tgx::CubeWithRadius> reader(linear_octree_cubes_path, params.ooc_compression_level);  
4177   for (uint64_t i = from; i < to; ++i) {  
4178   tgx::CubeWithRadius next = reader.next();  
4179   rassert(next.radius_votes >= 1, 239101376);  
4180   cubes[i - from] = next;  
4181   if (i > from) {  
4182   rassert(less(a:cubes[i - from - 1], b:cubes[i - from]), 239101382);  
4183   }  
4184   }
```

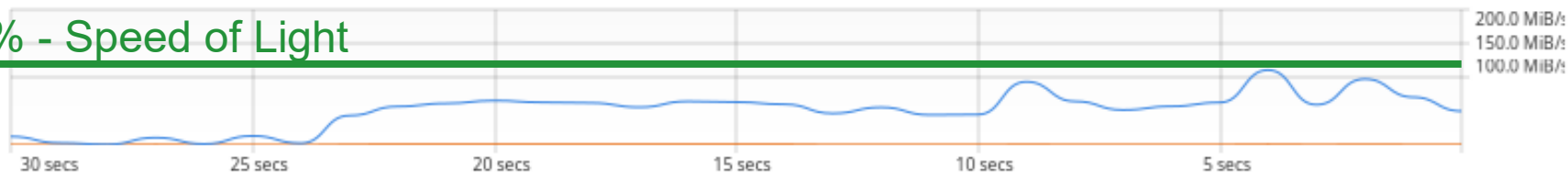


- Моментальная диагностика по коду (вместо строки + сверки ревизий)
- Накопление статистики частотности репортов
- Чем плотнее усеян код - тем ближе к первопричине (fail fast policy)
- Полезно добавлять контекст
- Может быть удобно проверять **rassert**-ы даже на **GPU** (в керналах)

Speed of Light профилирование (SoL)

▼ Network

100% - Speed of Light



Receiving 104.1 MiB/s
Total Received 117.3 GiB



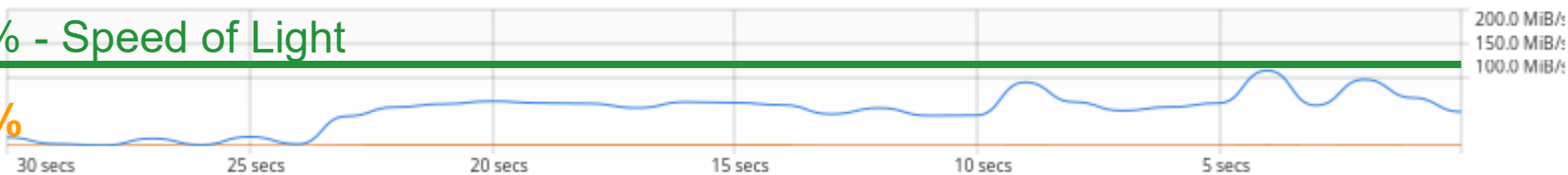
Sending 561.4 KiB/s
Total Sent 88.5 GiB

Speed of Light профилирование (SoL)

▼ Network

100% - Speed of Light

~50%



Receiving 104.1 MiB/s
Total Received 117.3 GiB



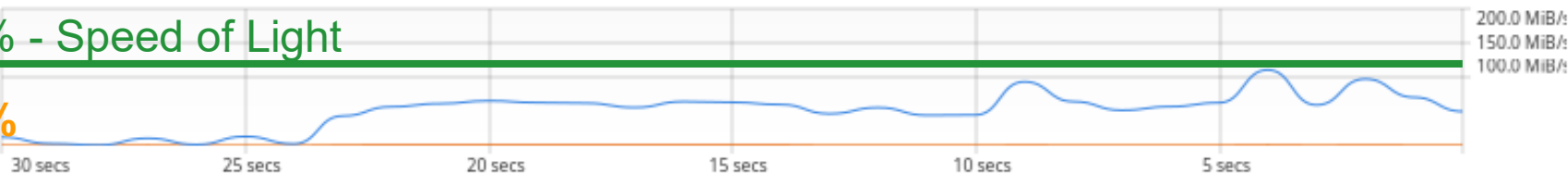
Sending 561.4 KiB/s
Total Sent 88.5 GiB

Speed of Light профилирование (SoL)

▼ Network

100% - Speed of Light

~50%

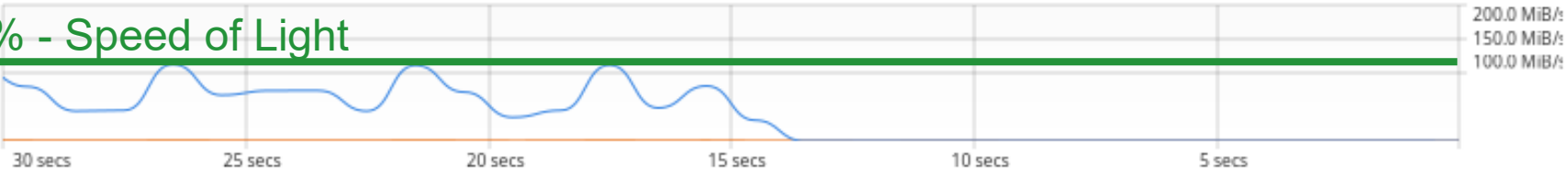


Receiving 104.1 MiB/s
Total Received 117.3 GiB

Sending 561.4 KiB/s
Total Sent 88.5 GiB

▼ Network

100% - Speed of Light



Receiving 6.2 KiB/s
Total Received 121.7 GiB

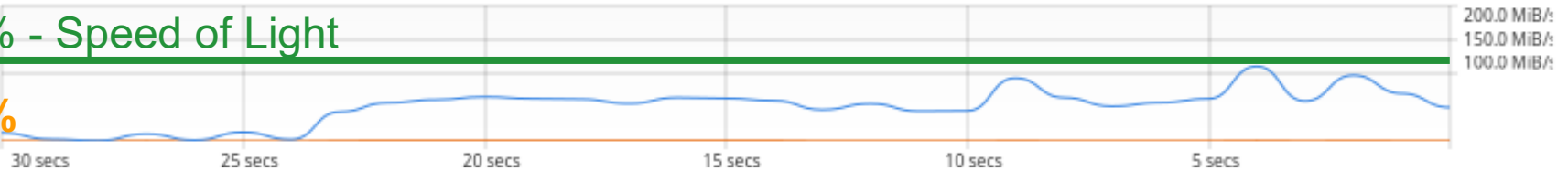
Sending 1.3 KiB/s
Total Sent 88.5 GiB

Speed of Light профилирование (SoL)

▼ Network

100% - Speed of Light

~50%



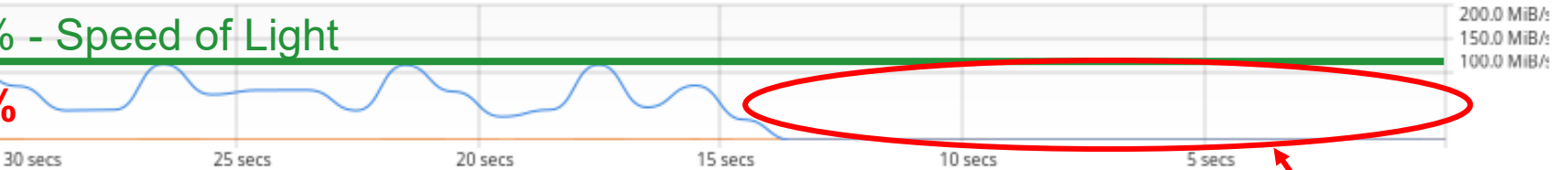
↓ Receiving 104.1 MiB/s
Total Received 117.3 GiB

↑ Sending 561.4 KiB/s
Total Sent 88.5 GiB

▼ Network

100% - Speed of Light

~25%



↓ Receiving 6.2 KiB/s
Total Received 121.7 GiB

↑ Sending 1.3 KiB/s
Total Sent 88.5 GiB

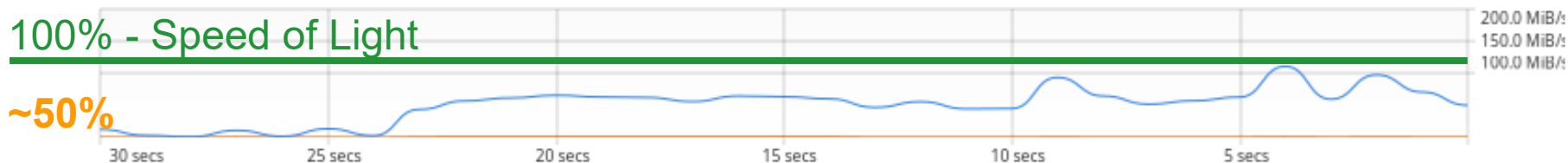
Аналогично если PCI-E шина - узкое место, очень хорошо и для LLM агента!

Speed of Light профилирование (SoL)

▼ Network

100% - Speed of Light

~50%



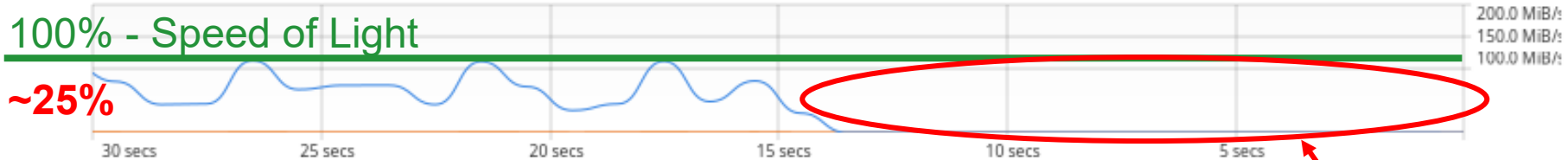
Receiving 104.1 MiB/s
Total Received 117.3 GiB

Sending 561.4 KiB/s
Total Sent 88.5 GiB

▼ Network

100% - Speed of Light

~25%



Receiving 6.2 KiB/s
Total Received 121.7 GiB

Sending 1.3 KiB/s
Total Sent 88.5 GiB

Аналогично если PCI-E шина - узкое место, очень хорошо и для LLM агента!

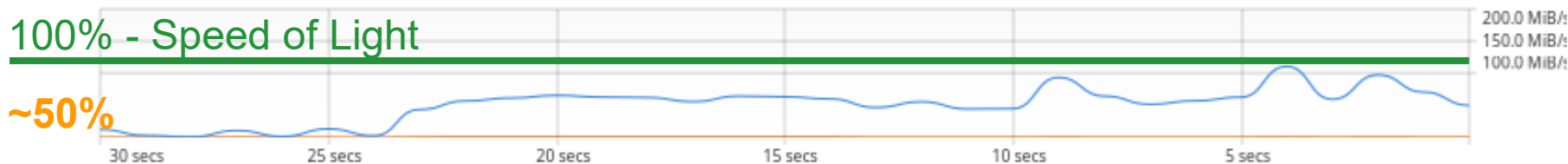
Speed of Light профилирование (SoL)

Может поквантовать и/или сжать данные (ZSTD)?

Network

100% - Speed of Light

~50%



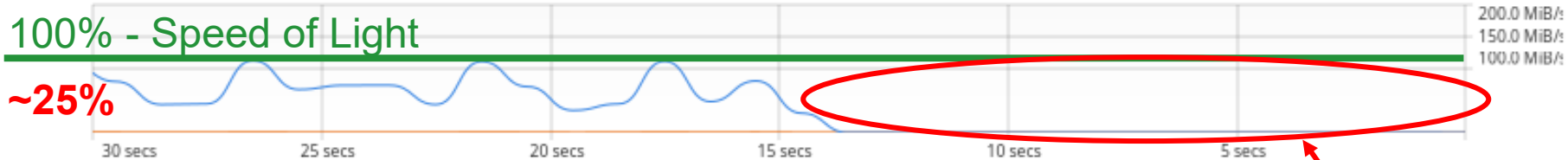
Receiving 104.1 MiB/s
Total Received 117.3 GiB

Sending 561.4 KiB/s
Total Sent 88.5 GiB

Network

100% - Speed of Light

~25%



Receiving 6.2 KiB/s
Total Received 121.7 GiB

Sending 1.3 KiB/s
Total Sent 88.5 GiB

Встроенное самопрофилирование

```
pass #1, group #1/1: merging 5 files...  
total input: 82465213 cubes, 1258.32 MB...  
total output: 81823977 cubes, 1248.53 MB, 99%, 277.417 compressed MB - i.e. 22% compression  
done in 3.62467 s, bandwidth: 4.53827e+07 cubes/s, 692.485 MB/s
```

Не тормозит ли IO?

Не стало ли CPU bound из-за сжатия?

Встроенное самопрофилирование

```
pass #1, group #1/1: merging 5 files...
total input: 82465213 cubes, 1258.32 MB...
total output: 81823977 cubes, 1248.53 MB, 99%, 277.417 compressed MB - i.e. 22% compression
done in 3.62467 s, bandwidth: 4.53827e+07 cubes/s, 692.485 MB/s

initiating histos from depth maps or structured laser scans
Data: 2184.94 MB histos + 0 MB codes, 32.3348 MB pyramid
Found 1 GPUs in 0.006167 sec (CUDA: 0.004327 sec, OpenCL: 0.001332 sec, Vulkan: 0.000489 sec)
[GPU 1] Using device: NVIDIA GeForce RTX 5070 Ti, 70 compute units, free memory: 14078/15833 MB, compute capability 12.0
driver/runtime CUDA: 13010/10010
max work group size 1024
max work item sizes [1024, 1024, 64]
Devices performance:
- 100% done by [GPU 1] with timings: 10 s = 1% load histos + 30% load cams + 65% calcs
```

PCI-E

IO

**GPU
compute
bound**

Встроенное самопрофилирование

```
pass #1, group #1/1: merging 5 files...  
total input: 82465213 cubes, 1258.32 MB...  
total output: 81823977 cubes, 1248.53 MB, 99%, 277.417 compressed MB - i.e. 22% compression  
done in 3.62467 s, bandwidth: 4.53827e+07 cubes/s, 692.485 MB/s
```

```
initing histos from depth maps or structured laser scans  
Data: 2184.94 MB histos + 0 MB codes, 32.3348 MB pyramid  
Found 1 GPUs in 0.006167 sec (CUDA: 0.004327 sec, OpenCL: 0.001332 sec, Vulkan: 0.000489 sec)  
[GPU 1] Using device: NVIDIA GeForce RTX 5070 Ti, 70 compute units, free memory: 14078/15833 MB, compute capability 12.0  
  driver/runtime CUDA: 13010/10010  
  max work group size 1024  
  max work item sizes [1024, 1024, 64]  
Devices performance:  
- 100%      done by [GPU 1] with timings: 10 s = 1% load histos + 30% load cams + 65% calcs
```

```
Level #14/14: part #1/1  
Loading cubes...  
  81307641 cubes, 2171.15 MB, 1 nodes, 100% from inner cubes, 100% from neighbors neighboring voxels ratio 100%  
  71 blocks in 1.77409 s, 106.949 MB avg size, 559.062 MB max size, 3/71 big blocks, 119% neighbors  
Found 1 GPUs in 0.002112 sec (CUDA: 0.001096 sec, OpenCL: 0.000458 sec, Vulkan: 0.00052 sec)  
[GPU 1] Using device: NVIDIA GeForce RTX 5070 Ti, 70 compute units, free memory: 14011/15833 MB, compute capability 12.0  
  driver/runtime CUDA: 13010/10010  
  max work group size 1024  
  max work item sizes [1024, 1024, 64]  
Devices performance:  
- 100%      done by [GPU 1] with timings: 15 s = 0% waiting + 0% fetching + 20% enumerating cubes + 3% bs + 7% preparing cubes buffers + 42% calcs + 14% saving
```

Встроенное самопрофилирование

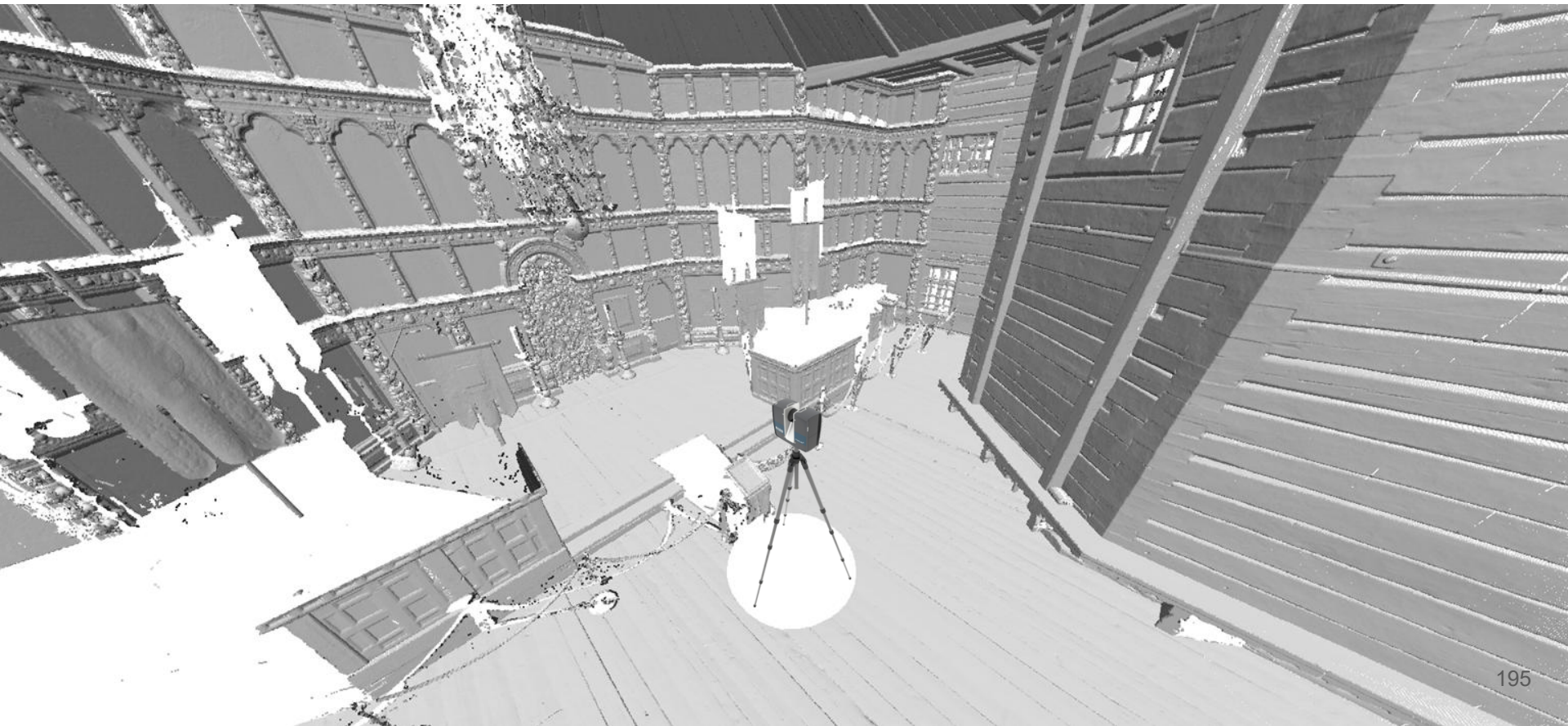
```
pass #1, group #1/1: merging 5 files
total time: 717.338 sec
- 45% - 323.608 sec - 15 x estimateWinnersPart, 10.64 GB peak
- 14% - 100.519 sec - 15 x estimateQualityPart, 474.53 MB peak
- 12% - 85.277 sec - 8 x prepareImagesPart, 3.42 GB peak
- 12% - 84.191 sec - 15 x enblendPart, 1.19 GB peak
- 6% - 45.157 sec - 8 x estimateWeightsPyrPart, 1.05 GB peak
- 6% - 43.796 sec - 15 x estimateWinnersPackAtlasPart, 884.88 MB peak
peak memory used: 10.64 GB in subtask estimateWinnersPart
- 100% done by [GPU 1] with timings: 10 s = 1% load meshes + 50% load curs + 65% calcs

Level #14/14: part #1/1
Loading cubes...
81307641 cubes, 2171.15 MB, 1 nodes, 100% from inner cubes, 100% from neighbors neighboring voxels ratio 100%
71 blocks in 1.77409 s, 106.949 MB avg size, 559.062 MB max size, 3/71 big blocks, 119% neighbors
Found 1 GPUs in 0.002112 sec (CUDA: 0.001096 sec, OpenCL: 0.000458 sec, Vulkan: 0.00052 sec)
[GPU 1] Using device: NVIDIA GeForce RTX 5070 Ti, 70 compute units, free memory: 14011/15833 MB, compute capability 12.0
driver/runtime CUDA: 13010/10010
max work group size 1024
max work item sizes [1024, 1024, 64]
Devices performance:
- 100% done by [GPU 1] with timings: 15 s = 0% waiting + 0% fetching + 20% enumerating cubes + 3% bs + 7% preparing cubes buffers + 42% calcs + 14% saving
```

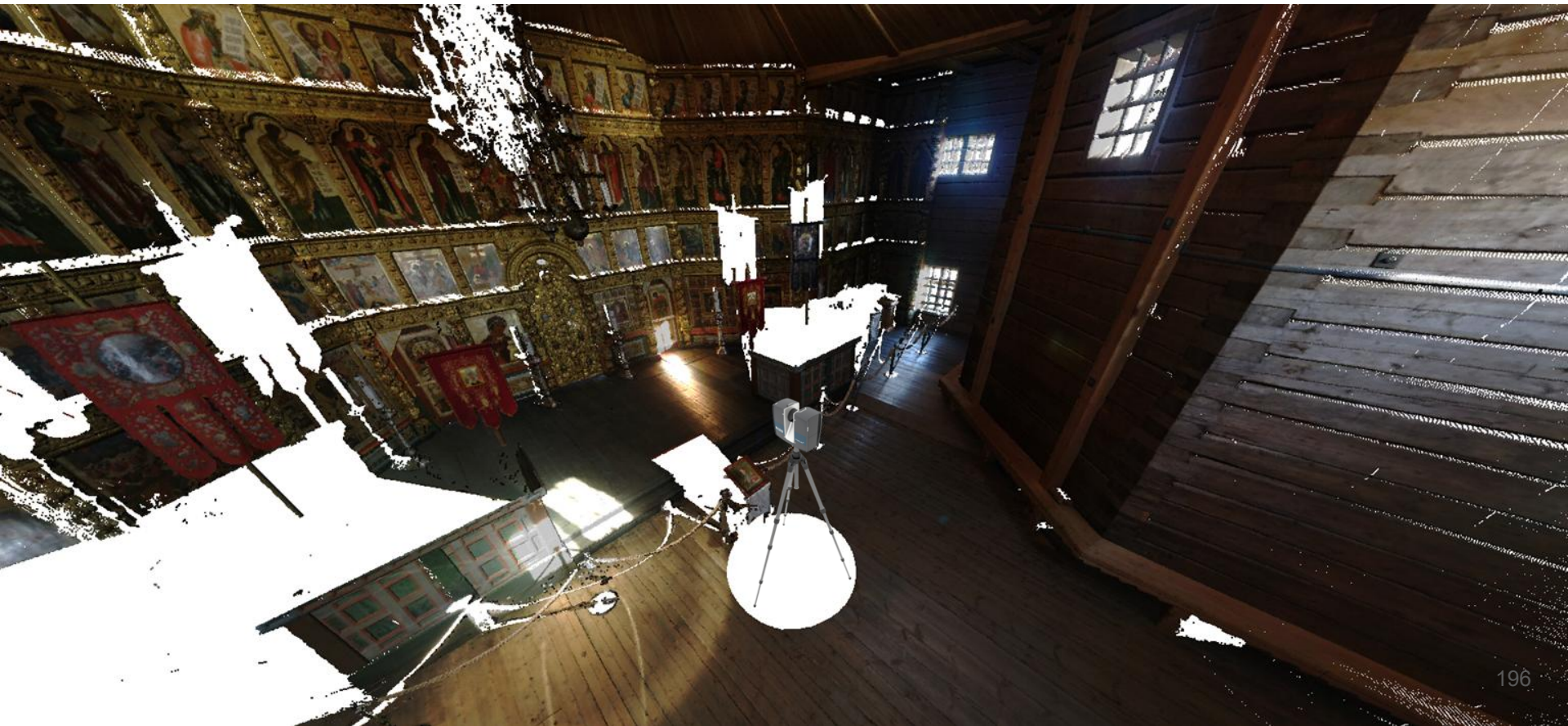
Terrestrial LIDAR



Terrestrial LIDAR



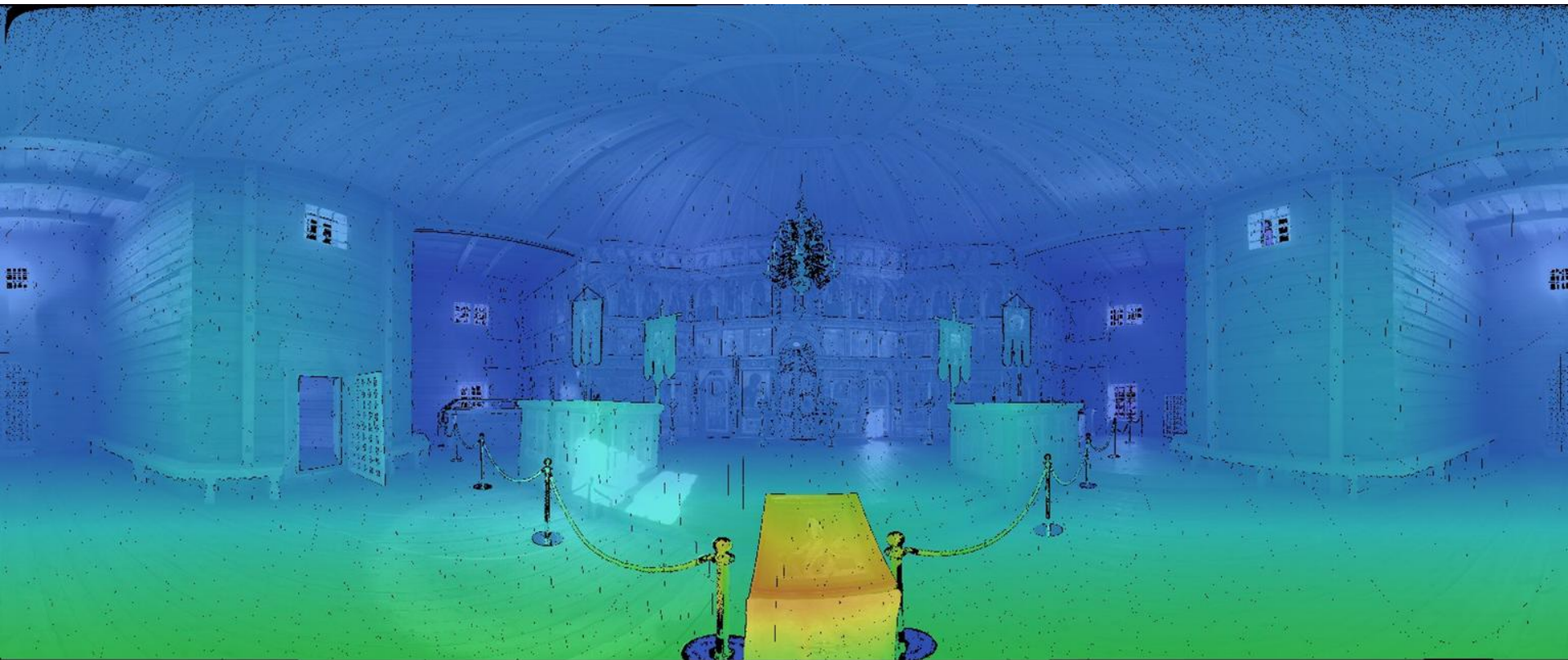
Terrestrial LIDAR



Terrestrial LIDAR = карта глубины сферической камеры



Terrestrial LIDAR = карта глубины сферической камеры



ССЫЛКИ

[A Globally Optimal Algorithm for Robust TV-L1 Range Image Integration, Zach et al., 2007](#)

[Global, Dense Multiscale Reconstruction for a Billion Points, Ummenhofer et al., 2017](#)

[Out-of-Core Surface Reconstruction via Global TGV Minimization, Poliarnyi, 2021](#)

[Simplifying surfaces with color and texture using quadric error metrics, Garland et. al., 1998](#)

ССЫЛКИ

- [A Globally Optimal Algorithm for Robust TV-L1 Range Image Integration, Zach et al., 2007](#)
[Global, Dense Multiscale Reconstruction for a Billion Points, Ummenhofer et al., 2017](#)
[Out-of-Core Surface Reconstruction via Global TGV Minimization, Poliarnyi, 2021](#)
[Simplifying surfaces with color and texture using quadric error metrics, Garland et. al., 1998](#)

Лекции по **вычислениям на видеокартах (OpenCL, CUDA, Vulkan):**

- <https://github.com/GPGPUcourse/>
- [youtube\(“курс вычисления на видеокартах”\)](https://www.youtube.com/watch?v=...)



CS Space
Клуб технологий и науки

Вычисления на видеокартах

Лекция 12 - Nanite (Unreal Engine 5)

- Виртуальная текстура и геометрия
- QSLim упрощение геометрии
- Hierarchical Z Buffer - HZB
- Deferred rendering
- Rigging, деревья

@UnicomGlade
@PolarNick239
polarnick239@gmail.com
Николай Полярный

Vulkan
OpenCL
NVIDIA
CUDA

Activate Ubuntu
Go to Settings for more information

Ссылки

- [A Globally Optimal Algorithm for Robust TV-L1 Range Image Integration, Zach et al., 2007](#)
- [Global, Dense Multiscale Reconstruction for a Billion Points, Ummenhofer et al., 2017](#)
- [Out-of-Core Surface Reconstruction via Global TGV Minimization, Poliarnyi, 2021](#)
- [Simplifying surfaces with color and texture using quadric error metrics, Garland et. al., 1998](#)

Лекции по **вычислениям на видеокартах (OpenCL, CUDA, Vulkan):**

- <https://github.com/GPGPUCourse/>
- [youtube\(“курс вычисления на видеокартах”\)](#)

Лекции по **фотограмметрии:**

- <https://github.com/photogrammetryCourse/>
- [youtube\(“курс по фотограмметрии”\)](#)

Лекция про
UE5: Nanite



CS Space
Клуб технологий и науки

Вычисления на видеокартах

Лекция 12 - Nanite (Unreal Engine 5)

- Виртуальная текстура и геометрия
- QSlim упрощение геометрии
- Hierarchical Z Buffer - HZB
- Deferred rendering
- Rigging, деревья

@UnicomGlade
@PolarNick239
polarnick239@gmail.com
Николай Полярный

Vulkan
OpenCL
NVIDIA
CUDA

Activate Ubuntu
Go to Settings for more information

ССЫЛКИ

- [A Globally Optimal Algorithm for Robust TV-L1 Range Image Integration, Zach et al., 2007](#)
[Global, Dense Multiscale Reconstruction for a Billion Points, Ummenhofer et al., 2017](#)
[Out-of-Core Surface Reconstruction via Global TGV Minimization, Poliarnyi, 2021](#)
[Simplifying surfaces with color and texture using quadric error metrics, Garland et. al., 1998](#)

Лекции по **вычислениям на видеокартах (OpenCL, CUDA, Vulkan):**

- <https://github.com/GPGPUCourse/>
- [youtube\(“курс вычисления на видеокартах”\)](https://www.youtube.com/watch?v=...)

Лекции по **фотограмметрии:**

- <https://github.com/photogrammetryCourse/>
- [youtube\(“курс по фотограмметрии”\)](https://www.youtube.com/watch?v=...)

Курсы и мероприятия **CSSpace:**

- <https://t.me/cssspace>

Лекция про
UE5: Nanite



CS Space
Клуб технологий и науки

Вычисления на видеокартах

Лекция 12 - Nanite (Unreal Engine 5)

- Виртуальная текстура и геометрия
- QSlim упрощение геометрии
- Hierarchical Z Buffer - HZB
- Deferred rendering
- Rigging, деревья

@UnicomGlade
@PolarNick239
polarnick239@gmail.com
Николай Полярный

Vulkan
OpenCL
NVIDIA
CUDA

Activate Ubuntu
Go to Settings for more information

Спасибо за внимание!

Вопросы?



 [@UnicornGlade](https://t.me/UnicornGlade)

 [@PolarNick239](https://t.me/PolarNick239)

 polarhare@gmail.com

 Николай Полярный

  Metashape

 C++ Russia
2026

203